МИНИСТЕРСТВО ВЫСШЕГО И СРЕДНЕГО СПЕЦИАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ РСФСР

Куйбышевский ордена Трудового Красного Знамени авиационный институт им. академика С.П.Королева

В.В. КУЛАГИН

ОСНОВНЫЕ ЗАКОНОМЕРНОСТИ РАБОЧЕГО ПРОЦЕССА АВИАЦИОННЫХ ГТД

Учебное пособие

В учебном пособии излагаются основные закономерности рабочего процесса трех типов ГТД: турбореактивного, двухконтурного и турбовинтового. ТРД и ТВД расматриваются как частные случаи ТРДД с различной степенью двухконтурности. Приведены общие уравнения удельных параметров и критериев эффективности, справедливые для каждого из трех рассматриваемых типов ГТД. Анализ этих уравнений позволил показать закономерности, общие для всех трех типов ГТД, и выделить особенности, по которым двигатели отличаются друг от друга.

Пособие предназначено для студентов моторостромтельного факультета Куйбышевского авиационного института и может быть полезно при изучении основ теории ГТД в других вузах.

предисловив

Теория авиационных двигателей изложена в трудах Говоро-ва А.Н. [3], Иноземцева Н.В. [6], Казанджана П.К. [7], Клячкина А.Л. [8], Кулагина И.И. [9], Масленникова М.М. [10], Нечаева Ю.Н. [11], Стечкина Б.С. [15], Холщевникова К.В. [16] и других ученых. Эти труды сыграли большую роль в подготовке квалифицированных кадров, работающих в области проектирования, доводки и эксплуатации авиационных двигателей.

В перечисленных и других работах, приведенных в списке литературы, теория каждого типа двигателя излагается отдельно. Такой принцип изложения сложился исторически и имеет, конечно, определенные преимущества. Однако он не свободен и от недостатков, таких как неизбежные повторения, увеличение объёма излагаемого материала, недостаточная полнота освещения теории двухконтурного ТРД, который получает в настоящее время наиболее широкое распространение.

По мнению автора, более целесообразно закономерности рабочего процесса авиационных двигателей анализировать по трем основным типам ГТД, рассматривая ТРД и ТВД как частные случаи ТРДД. Эти типы двигателей объединяет то, что все они работают по циклу с одним подводом тепла при p = const, имеют турбокомпрессор, и их рабочий процесс наиболее просто описывается методом свободной работы цикла.

Авиационная силовая установка служит для преобразования располагаемой (химической) энергии топлива в работу передвижения летательного аппарата. В общем случае оно осуществляется в два этапа: I — располагаемая энергия топлива превращается в механическую; 2 — механическая энергия превращается в полезную работу передвишения летательного аппарата.

Каждый из этих этапов характеризуется своими особенностями и специфическими потерями энергии, поэтому при изучении основных закономерностей рабочего процесса авиационных ГТД пелесообразно

вначале проанализировать два указанных этапа преобразования энергии и только тогда рассматривать двигатель в целом: ввести общие критерии эффективности и изучить их зависимость от различных факторов.

В соответствии с этим в предлагаемом пособии основные закономерности рабочего процесса турбореактивного, двухконтурного и турбовинтового двигателей излагаются не по типам двигателей, а по темам. В первой главе рассматриваются закономерности преобразования располагаемой энергии топлива в работу цикла. Во второй главе анализируется преобразование работы цикла в полезную работу передвижения летательного аппарата. В третьей главе двигатель рассматривается в целом (и как тепловая машина, и как движитель) и проводится сравнительный анализ эффективности трех типов ГТД при различных параметрах рабочего процесса и различных внешних условиях.

Такой принцип изложения материала позволил наиболее полно сравнить между собой три основных типа авиационных двигателей, описать общие для них закономерности и выделить особенности каждого типа.

Кахдая глава заканчивается выводами. Приведени также вопросы и задачи. В конце пособия даны приложения, необходимые для решения задач. Все расчеты произведены в системе единиц СМ.

Изучению "Основных закономерностей рабочето процесса ГТД" должно предшествовать изучение принципа действия ГТД и знакомство с рабочими процессами в узлах двигателя.

Автор признателен доцентам **АРОНОВУ** Б.М. и СТЕНЬКИНУ Е.Д. за полезные советы и благодарит инженеров МАКСИМОВУ З.В. и ОСИПОВУ С.Н. за помощь в подготовке пособия к печати.

основные условные обозначения

р - плотность

р - давление

// - температура

V₀ - скорость полета

н - высота полета

с - скорость потока

а - скорость звука

м - число М (отношение скорости потока к местной скорости звука)

 д - коэффициент скорости потока к критической скорости)

 π_{κ} - степень повышения полпрессоре

 π_{E} - суммарная степень по-

 π_{τ} - степень понижения давления в турбине

2-4972

 π_c - располагаемая степень расширения газа в сопле:

$$\mathcal{\pi}_v = \frac{P_1^*}{P_H} \,, \quad \mathcal{\pi}_K = \frac{P_2^*}{P_1^*} \,,$$

$$\mathcal{\pi}_{E} = \frac{\rho_{2}^{*}}{\rho_{H}} , \quad \mathcal{\pi}_{T} = \frac{\rho_{3}^{*}}{\rho_{4}^{*}} ,$$

$$\mathcal{\pi}_{C} = \frac{\rho_{4}^{*}}{\rho_{H}^{*}} .$$

∠_е - эффективная работа

 L_c - работа сжатия

∠_р - работа расширения

 $Q_{_{f}}$ - тепло, подведенное к I кг рабочего тела в камере сгорания

Феру I кг выхлопных газов

і - энтальпия

s - энтропия

Е - энергия

7 - коэффициент полезного действия (к.п.д.)

б - коэффициент восстановления давления ${\cal S}_c$ - коэффициент потерь скорости в реактивном сопле

F - площадь

С - массовый расход

тепень двухконтур—
 ности — отношение
 расхода воздуха, про ходящего через нарух—
 ный контур ТРДД (винт
 ТВД), к расходу воз—
 духа, проходящего
 через основной кон—
 тур двигателя

 х - коэффициент, характеризующий распределение энергии между контурами

97 - отношение расхода топлива к расходу воздуха, проходящего через камеру сгорания

коэффициент избитка воздуха

Z_o - теоретически необходимое количество воздуха для сжигания I кг топлива

 $m_{\kappa\rho}$ — численный коэффициент в уравнении расхода, $m_{\kappa\rho} = \sqrt{\frac{\kappa}{R}} \left(\frac{2}{\kappa + \ell}\right)^{\frac{\kappa + \ell}{R-\ell}}$: для воздуха $m_{\kappa\rho} = -0.0405 \left[\kappa r K / \Omega \to \epsilon^{-3.5}\right]^{0.5}$

для газа $m_{\kappa\rho,r} = 0,0397 \left[\kappa_{r} \kappa / \mu_{s} \right]^{0,5}$

 κ,κ_{r} — показатель адиабаты для воздуха, газа

 $\mathcal{C}_{\mathcal{P}}, \mathcal{C}_{\mathcal{P},r}$ — удельная теплоёмкость при постоянном давлении для воздуха, газа

R - тяга, газовая постоянная

 $R_{y\partial}$ — удельная тяга

 $\mathcal{C}_{y\partial}$ — удельный расход топ-лива

√ - мощность

 H_{u} - низшая теплотворность топлива

 $\mathcal{T}(\lambda), \mathcal{T}(\lambda)$ — газодинамические $g(\lambda)$ функции числя λ

Индексы

* - полные параметры

двигатель

джс - движитель

О — Общий

 δ — воздух, винт

/ - ras

7 - топливо, турбина

 δx - входное устройство

к - компрессор

са - сопловой аппарат

кс - камера сгорания

кан - канал наружный

С	-	сжатие, кундный	сопло,	ce-
p	_	расширение		

л - полетный

м - механический

пр - предельный

кр - критический

ном- номограмма

z - часовойuð - удельный

ид - илеальный

ad - адиабатный t - термический

r - гидравлический

R - ТЯГОВИЙ

opt - оптимальный

е - эффективный

Эк - экономический

І - основной (внутренний) контур ТРДД

— наружный контур ТРДД (винт ТВД)

суммарный

Основные сечения потока

H-H- сечение невозмущенного потока

0-0 - вход в пиффазор

I-I - вход в компрессор

2-2 - выход из компрессора (вкод в камеру сгорания) 3-3 - вход в турбину (выход из камеры сгорания)

4-4 - выход из турбины (вход в сопло)

5-5 - выходное (минимальное) сечение сопла

Сокращения

ГТД - газотурбинный двигатель

ТВД - турбовинтовой двигатель

ТРД - турбореактивный двигатель ТРДД - двухконтурный турбореактивный двигатель

ПВРД - прямоточный воздушнореактивный двигатель

Глава І

ГАЗОТУРБИННЫЙ ДВИГАТЕЛЬ КАК ТЕПЛОВАЯ МАШИНА

\S 1. i-s – диаграмма рабочего процесса основного контура ГТД

При изучении рабочего процесса ГТд целесообразно для наглядности пельзоваться i-s- диаграммои. Если по значениям давления и темперетурн рабочего тела в различных сечениях основного контура двигателя (рис.1.1) на i-s диаграмме провести линии p=const, T=const(i=const), то получим точки, характерьзующие состояние разочего тела в характерных сечениях двигателя. Соединив эти точки линиями, отражающими процесс, получим изображение реального

- H-I динамическое сжатие в диффузоре за счет скоростного напора набегающего потока (этот процесс совершается частично перед диффузором):
- I-2 механическое сжатие в компрессоре:

динла ГТД (контур Н-1-2-3-4-5-Н, рис.1.2), где

- 2-3 подвод тепла в камеру сторания;
- 3-4 расширение газа в турбине;
- 4-5 расширение газа в сопле;
- 5-Н изобарический отвод тепла от струи горячих газов, выте-

Если кроме точек, характеризующих статические парак этры рабочего тела в различных сечениях газового тракта, на рис. 1.2. нанести точки, характеризующие полные параметры, то на *i-s* – диаграмме легко показать следующие характерные величины:

кинетическую энергию скорости полета

$$\frac{V_n^2}{2} = i_H^* - i_H \quad ;$$

удельную работу, затраченную на сжатие одного килограмма воздуха в компрессоре, $\mathcal{L}_{s} = \mathcal{L}_{s} - \mathcal{L}_{s}^{s}$

тепло, подведенное к одному килограмму рабочего тела в камере сгорания.

 $Q_{1}=L_{3}^{*}-L_{2}^{*}; \qquad (I.I)$

удельную работу, полученную при расширении одного килограмма газа в турбине. $\mathcal{L}_{\tau} = \mathcal{L}_{x} - \mathcal{L}_{x}$

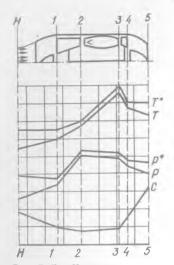


Рис.І.І. Изменение параметров по тракту ТРД

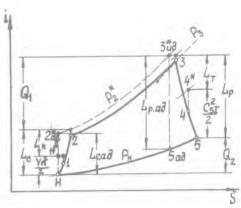


Рис.1.2.*i-s* - диаграмма рабочего про-цесса основного контура ГТД: о - статические параметри; - полные параметры

кинетическую энергию одного килограмма газа, выходящего из основного контура двигателя,

тепло, отведенное в атмосферу от одного килограмма газа,

$$Q_2 = i_5 - i_H . \tag{I.2}$$

Величины 🗸 и 🛴 для краткости называют работой компрессора и турбины.

Сложив величины $\frac{V_{\pi}^{2}}{2}$ и \mathcal{L}_{κ} , получим условную величину, которую называют суммарной работой сжатия.

$$L_c = i_2^* - i_H \cdot r_2$$
 (I.3)

 $\mathcal{L}_{c}=\dot{\mathcal{L}}_{2}^{*}-\dot{\mathcal{L}}_{H}$. $\frac{\mathcal{L}_{2}^{2}}{2}$ и \mathcal{L}_{τ} , получим суммарную работу расширения

Ln = 1, - 15. (I.4)

По рассматриваемому циклу с подводом тепла при $\rho = const$ работают все основные типы ГТД, в том числе турбореактивный, двухконтурный и турбовинтовой. Процессы сжатия и подвода тепла В ЭТИХ ДВИГАТЕЛЯХ НЕ ОТЛИЧАЮТСЯ ДРУГ ОТ ДРУГА, ХОТЯ ПРОЦЕСС СЖА- тия каз ого из них в диффузоре может протекать по-разному в зависимости т условий полёта. На рис. 1.2 приведена \dot{c} - s - диаграмма процесса скатия для случая, когда скорость полета превншает скорость потока перед компрессором $(V_n > C_t)$, что соответствует большим дозвуковым или сверхзвуковым скоростым полета, характерным для ТРДД и ТРД (см. рис.І.І). Если скорость $V_n < C_t$, например при работе двигателя на стенде, то в диффузоре (между сечениями Н-Н и І-І) вместо сжатия воздуха происходит его расширение, и поток разгоняется (рис.І.З). Процессы расширения газа в рассматриваемых дви-

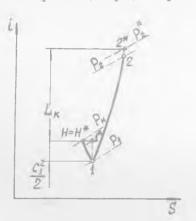


Рис.1.3. Изображение рабочего процесса диррузора и компрессора ГТД на i-s — диаграмме при $V_{n}=0$

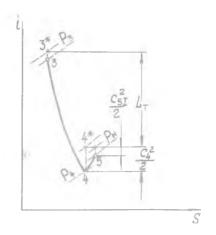
гателях различни. Даже при одинаковой работе компрессора они значительно отличаются по величине работы турбины, а следовательно, положение точки 4 на диаграмме

Работа турбины ТРД примерно равна работе компрессора. Вследствие того, что температура рабочего тела перед турбиной выше, чем перед компрессором, степень понижения давления в турбине $\mathcal{M}_T = \frac{\rho_3}{\rho_4}$ меньше степени повышения давления в

компрессоре $\mathcal{I}_{\kappa} = \frac{\rho_{2}}{\rho_{1}}$. Поэтому давление за турбиной всегда внше атмосферного и точка 4 расположена выше, чем для других типов ГТЛ.

На турбовинтовом двигателе большая часть теплоперепада срабативается в турбине, а полученная избиточная работа (по сравнению с работой компрессора)передается на винт. Поэтому давление за турбиной близко к атмосферному и даже меньше его. Для этого типа двигателя точка 4 на i-s-диаграмме лежит ниже, чем для других типов ГТД. В частности, при $P_4 < P_{\times}$ точка 4 лежит ниже точки 5. В последнем случае в виходном устройстве двигателя промосходит не расширение, а сжатие, т.е. наблюдается диффузорное течение с уменьшением скорости (рис.1.4).

Рис.1.4. ι -s диаграмма рабочего процесса турбины и сопла ТВД при $P_4 < P_H$



Работа турбини двухконтурного турбореактивного двигателя при прочих равных условиях больше \mathcal{L}_{τ} ТРД (часть работы турбины передается компрессору наружного контура), но меньше \mathcal{L}_{τ} ТВД. Позтому для ТРДД точка 4 занимает промежуточное положение, она тем ближе к точке 4, отражающей параметры газа за турбиной ТВД, чем выше степень двухконтурности.

§2. Работа цикла ГТД

Физический смысл работы цикла

В термодинамике работой цикла называют полезно используемое тепло, т.е. разность между теплом, подведенным к одному килограмму рабочего тела и отведенным от него,

Определим работу \angle_e из уравнения баланса энергии, которое запишем для сечений на входе и выходе из основного контура двигателя:

$$\dot{\mathcal{L}}_{H} + \frac{V_{D}^{2}}{2} + Q_{1} + \mathcal{L}_{K} - \mathcal{L}_{T} = \dot{\mathcal{L}}_{S} + \frac{C_{ST}^{2}}{2}$$
 (I.5)

Отсюда, с учетом выражения (1.2), получим

$$L_e = L_{\tau II} + \frac{C_{\sigma I}^2}{2} - \frac{V_n^2}{2},$$
 (I.6)

где $\angle_{r_{\overline{d}}} = \angle_r - \angle_\kappa$ — внешняя (избыточная) работа турбины.

Как видно из уравнения (I.6), работа цикла ГТД в общем случае затрачивается на механическую работу \angle_{rx} и на приращение кинетичес-

кой энергии рабочего тела, проходящего через основной контур двигателя.

Для ТРДД внешняя работа турбины передается в наружный, II, контур. Для ТВД, служащего силовой установкой самолета или вертолета. внешняя работа турбины передается на винт. Для ТРД внешняя работа турбины равна нулю (механическая работа от двигателя не отводится), и работа цикла затрачивается целиком на приращение кинетической энергии рабочего тела.

Следует помнить, что для ТРДД все величины, входящие в уравнение (1.6), приводятся для І кг рабочего тела, проходящего через основной (внутренний) контур.

> Вывод формулы работы цикла, выраженной через параметры рабочего процесса

Выразим работу цикла через работу, затраченную на скатие и расширение. Согласно закону сохранения энергии (см.рис.1.2),

 $\mathcal{L}_c+\mathcal{Q}_t=\mathcal{L}_\rho+\mathcal{Q}_2\ .$ Тогда величина работы цикла, равная разности между подведенным и отведенным теплом, может определяться и как разность между \angle_D и Д., т.е.

(1.7)

 $\mathcal{L}_e = \mathcal{Q}_1 - \mathcal{Q}_2 = \mathcal{L}_P - \mathcal{L}_C \ . \eqno(1)$ От реальных работ \mathcal{L}_C и \mathcal{L}_P перейдем к адиабатным работам (см.рис. 1.2), чтобы ватем от отношения температур перейти к отношению давлении.

Отношение адиабатной работы сжатия к реальнои называют суммарным к.п.д. процесса сжатия [15]

 $\ell_c = \frac{\mathcal{L}_{c,QQ}}{\mathcal{L}_c}$. Он показывает, какую долю от реальной работы сжатия составляет ациабатная работа, затраченная на сжатие воздуха без потерь при одинаковой степени повышения давления в обоих случаях. К.п.д. 7 характеризует гидравлические потери в процессе сжатия воздуха в диффузоре и компрессоре. Величина к.п.д. ? с зависит от степени совершенства диффузора и компрессора, от скорости полета и суммарной степени повышения давления и может изменяться в широких пределах. Для дозвуковых и небольших сверхзвуковых скоростей полета $?_c = 0.75 - 0.85$.

Отношение реальной работы расширения к адиабатной характеризует суммарный к.п.д. процесса расширения:

$$\hat{r}_{p} = \frac{L_{p}}{L_{p,q\bar{q}}} ,$$

с помощью которого учитиваются потери при расширении газа в камере сгорания, турбине и сопле. Величина к.п.д. ℓ_ρ зависит от суммарной степени понижения давления, от степени совершенства камеры сгорания, турбини и сопла, а также от соотношения величин, характеризующих работу этих узлов, и находится обычно в пределах ℓ_ρ = 0.85-0.95.

Выражая реальные работы, затраченые на сжатие и расширение, через адиабатные, а эти величины — через температуру начала и конца процесса, и подставляя эти выражения в уравнение (I.7), имеем

$$L_e = C_{p,r} (T_3^* - T_{5ad}) ?_p - C_p (T_{2ad}^* - T_H) \frac{1}{?_a}$$

Если вынести $\mathcal{T}_{\mathfrak{J}}$ и $\mathcal{T}_{\mathfrak{H}}$ за скобки и использовать уравнение адиабать, то получим

$$\mathcal{L}_{e} = C_{\rho,r} \, \mathcal{T}_{3}^{*} \left(1 - \frac{1}{\mathcal{I}_{\Sigma}^{\frac{K_{r}-1}{K_{r}}}} \right) \gamma_{\rho} - C_{\rho} \, \mathcal{T}_{H} \left(\pi_{\Sigma}^{\frac{K-1}{K}} - 1 \right) \frac{1}{\gamma_{c}} , \qquad (I.8)$$

где $\pi_{z} = \frac{P_{2}}{P_{H}}$ - суммарная степень повышения (понижения) давления в цикле, равная произведению степеней повышения давления во входном устройстве и компрессоре,

$$\pi_{\Sigma} = \pi_{V} \pi_{K} . \tag{I.9}$$

Приведенные в уравнении (I.8) величины показателя адиабаты κ_{-} и удельной теплоемкости газа $\mathcal{C}_{\rho_{-}}$ зависят от состава рабочего тела и от его температуры. Введем коэффициент α [I5] и приведем это уравнение к следующему виду:

$$L_{e} = C_{p} T_{3}^{*} \left(1 - \frac{1}{\pi_{E}^{*}}\right) \gamma_{p} \alpha - C_{p} T_{H} \left(\pi_{E}^{*} - 1\right) \frac{1}{\gamma_{p}}, \qquad (I.10)$$

где $a = \frac{C_{p,r} \left(1 - \frac{1}{\sqrt{L_{p} - L_{r}}}\right)}{C_{p} \left(1 - \frac{1}{\sqrt{L_{p} - L_{r}}}\right)}$ поправочныл коэффициент, учитывающии изменение свойств рабочего тела.

При вычислении коэффициента α величины \mathcal{C}_{ρ} и κ принимаются постоянными, что облегчает последующий анализ уравнения (I.10). Величина поправочного коэффициента зависит от температуры газа перед турбиной и от суммарной степени повышения давления (рис.І.5). Она незначительно отличается от единицы и в данном пособии при качественном анализе уравнения (I.10) не учитывается.

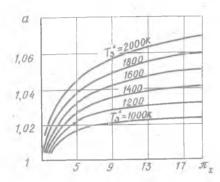


Рис.І.5. Зависимость коэффициента, учитывающего изменение свойств рабочего тела, от температуры газа перед турбиной и суммарной степени повышения давления

Из полученного уравнения видно, что работа цикла зависит от величин: T_3 *, π_x , T_{κ} , χ_{c} и χ_{p} , которые называются параметрами рабочего процесса. Температуру газа перед турбиной и суммарную степень повышения давления называют также параметрами цикла.

При постоянных параметрах рабочего процесса работа цикла не зависит от давления наружного воздуха, а также от скорости полета. Следует, однако, иметь в виду, что в общем случае работа цикла зависит от скорости полета, так как изменение числа \mathcal{M}_{σ} приводит к изменению степени повышения давления во входном устройстве

 $\mathcal{I}_{V} = \frac{\rho_{1}^{*}}{\rho_{H}} = \mathcal{O}_{\delta x} \left(1 + \frac{\kappa - 1}{2} M_{n}^{2} \right)^{\frac{\kappa}{\kappa - 1}}, \tag{I.II}$

что ведет к изменению суммарной степени повышения давления.

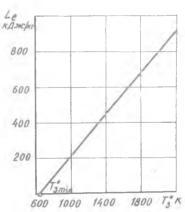
При одинаковых параметрах цикла, постоянной температуре наружного воздуха и одинаковых к.п.д. / и /, три основных типа ГТД не отличаются друг от друга по величине работы цикла:

§3. Зависимость работы цикла от его параметров

Зависимость работи цикла от температури газа перед турбином

Рассмотрим влияние температуры газа перед турбиной на работу цикла при условии, что величины $\mathcal{T}_{\varepsilon}$, \mathcal{T}_{κ} , \mathcal{T}_{c} и $\mathcal{T}_{\varepsilon}$ постоянни. Из уравнения (I.IO) следует, что с увеличением температуры \mathcal{T}_{3}^{*} работа, затраченная на расширение газа, увеличивается пропорционально этой температуре, а работа, затраченная на сжатие, от нее не зависит. Поэтому величина работы цикла изменяется линеино в зависимости от изменения температуры \mathcal{T}_{3}^{*} (рис.1.6).

Рис. I.6. Зависимость работы цикла от температуры газа перед турбиной при $\pi_{\rm F}$ =25, $T_{\rm H}$ = 216,5 K, $\gamma_{\rm C}$ = 0,85 и $\gamma_{\rm R}$ = 0,93



При уменьшении величины Γ_3 работа цикла уменьшается и при некоторой минимальной температуре Γ_3 лого обращается в нуль. Используя уравнение (I.10), из условия $\angle_e = 0$ получаем выражение для Γ_3 лого :

$$T_{3min} = T_H \, \pi_z \frac{\frac{k-1}{\kappa}}{\alpha \, \ell_c \, \ell_p} \quad , \tag{I.12}$$

откуда

$$T_{3\,min}^* = \frac{T_{2\,a\beta}^*}{a\,\gamma_c\,\gamma_p} \tag{I.13}$$

Для идеального цикла, при отсутствии гидравлических потерь в процессах сжатия и расширения ($\ell_{c} = \ell_{\rho} = 1$), $\Gamma_{3\,min}^* = \Gamma_{2\,\alpha\beta}^*$ • Следовательно, работа цикла равна нулю тогда, когда температура газа перед турбиной равна температуре воздушного потока за компрессором и нет подвода тепла к рабочему телу, т.е. $\mathcal{Q}_{min} = 0$.

* Сравним величины $\mathcal{T}_{3,min}$ и \mathcal{T}_2 * для реального цикла. Для этого, используя формулу (I.3), выразим температуру \mathcal{T}_2 * через параметры рабочего процесса:

$$T_2^* = T_H + T_H \left(\mathcal{I}_{\mathcal{E}}^{\frac{K-I}{L}} - 1 \right) \frac{1}{\ell_c} , \qquad (I.14)$$

откуда

$$T_2^* = \frac{T_2^*_{\partial \partial}}{?_c} - T_H \left(\frac{1}{?_c} - 1\right) . \tag{I.15}$$

Сопоставляя выражения (I.13) и (I.15), видим, что для реального цикла минимальная температура газа перед турбиной выше температуры воздуха за компрессором, следовательно, тепло к рабочему телу подводится, т.е. $Q_{1min} > Q$. Так как работа цикла при этом равна нулю, все подведенное тепло идет на преодоление тепловых и гидравлических потерь и отводится от двигателя с выхлопными газами.

Из соотношения (I.12) следует, что минимальная температура зависит от суммарной степени повышения давления, величины $\mathcal{T}_{\mathcal{H}}$ и от потерь в цикле (рис.I.7).

Зависимость работи цикла

от суммарной степени повышения давления

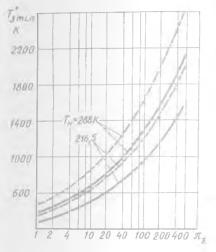
Рассмотрим зависимость работи цикла от суммарной степени повишения давления при условчи, что другие параметри, от которых зависит величина \mathcal{L}_{2} , неизменни. Для этого представим выражение (1.10) в следующем виде:

$$\mathcal{L}_{e} = C_{\rho} T_{H} \left(1 - \frac{1}{\pi_{\Sigma} \kappa^{-1}} \right) \gamma_{\rho} \left[\frac{T_{s}}{T_{H}} \alpha - \pi_{\Sigma} \frac{\kappa^{-1}}{2 c \gamma_{\rho}} \right] . \tag{I.16}$$

Из уравнения (I.16) следует, что работа цикла становится равной нулю в двух случаях: при $\pi_{\Sigma} = I$ и при $\pi_{\Sigma} = \pi_{\Sigma \cap \rho} = -\left(\frac{T_3^*}{T_H} \alpha_{C} \ell_{\rho}\right)^{\frac{K}{K-1}}$. (I.17)

В первом случае давление в камере сгорания равно атмосферному, отсутствует перепад давления при расширении газа и рабочее тело неработоспособно, хотя тепло к газу подводится. Во втором случае работоспособность газа высокая (большой перепад давления в процессе расширения), но подведенного тепла хватает только на преодоление потерь. Это объясняется тем, что суммарная степень повышения

давления достигает предельного значения $\mathcal{I}_{\Sigma \cap D}$, при котором заданная температура становится минимальной $T_3^* = T_{3min}^*$ и цикл вырождается. Это очевидно, если из уравнения (1.17) выра- T_{\sharp} через $\pi_{\xi n\rho}$



0.40 KADIC/KI 10 20 40 100 200 400 51.

Рис. I.7. Зависимость температуры / тисл от суммарной степени повышения давления при различных значениях T_H , $t_C = 0.75$, $t_C = 0.85$, $t_D = 0.83$; $t_D = 0.93$

Рис. 1.8. Зависимость работн цинла и ее определяющих параметров от сумм рнои степени повещения давления при $T_H = 216.5$ К, $t_C = 0.85$ и $t_R = 0.93$

Так как работа цикла обращается в нуль при двух значениях (рис.І.8), а из предыдущего известно, что работа 🗸 - величина положительная, то она должна иметь максимум. Для определения максимума функции $\angle_{\varepsilon} = f(\pi_{\tau})$ и соответствующего оптимального значения π_{zopt} представим уравнение (I.10) в следующем

$$L_{e} = C_{p} T_{3}^{*} (1 - \frac{1}{e}) \gamma_{p} \alpha - C_{p} T_{H} (e - 1) \frac{1}{\ell_{C}}$$
где $e = \pi_{\frac{K-1}{2}}^{*}$,

Если найти произволную
$$\frac{\partial L_e}{\partial e} = \frac{C_p T_3}{2 p a} \frac{C_o T_h}{2 c}$$

и приравнять ее к нулю, то получим

$$e_{opt} = \sqrt{\frac{T_d^2}{T_H}} \alpha ? c ? z$$

Откуда
$$\mathcal{I}_{zopt} = \sqrt{\frac{T_{s}}{T_{H}}} \alpha \gamma_{c} \gamma_{\rho}^{\frac{\kappa}{\kappa-l}} = \sqrt{\pi_{zop}}$$
 (I.18)

Оптимальная степень повышения давления, как и величина $\mathcal{F}_{E \cap D}$ является функцией степени повышения температуры рабочего тела $\frac{T_3}{T_H}$ и потерь в цикле. Чем больше подведено тепла и чем меньше потери, тем больше величина $\mathcal{F}_{E \circ D \neq T}$ (рис.1.9). Оптимальная степень повышения давления $\mathcal{F}_{E \circ D \neq T}$ не вависит от скорости полета.

Оптимальной суммарной степени повышения давления $\mathcal{I}_{I\ opt}$ соответствует оптимальная степень повышения давления в компрессоре $\mathcal{I}_{\kappa\ opt}$, которая зависит от скорости полета. В этом легко убедиться, выразив из формулы (I.9) величину \mathcal{I}_{κ} через \mathcal{I}_{ν} , а из формулы (I.II) \mathcal{I}_{ν} через \mathcal{I}_{ρ} . В результате получим

$$\pi_{Kopt} = \frac{\sqrt{\frac{14}{T_{N}}} \alpha_{10} \alpha_{10} \alpha_{10}^{K_{T_{N}}}}{\sigma_{6x} (1 + \frac{x_{2}}{2} M_{n}^{2})^{K_{T_{N}}}}$$
 (I.19) числа M_{n} оптимальная степень повышения давления

С увеличением числа \mathcal{M}_n оптимальная степень повышения давления компрессора уменьшается (рис.І.ІО).

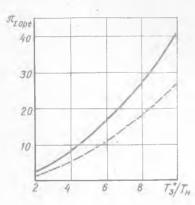


Рис.1.9. Зависимость оптимальной степени повышения давления от степени повышения температуры рабочего тела при разных потерях:

$$- \left\{ \begin{array}{l} \gamma_c = 0.75, \\ \gamma_\rho = 0.83; - \left\{ \begin{array}{l} \gamma_c = 0.85, \\ \gamma_e = 0.93, \end{array} \right. \right.$$

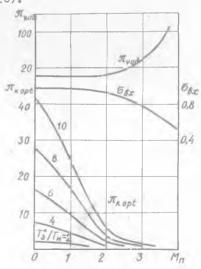


Рис.І.ІО. Зависимость оптимальной степени повышения давления в ком-прессоре от числа M_n при $L^i = Vac$ ($\gamma_c = 0.85; \gamma_n = 0.93$)

Итак, с увеличением \mathcal{I}_{Σ} величина работы цикла сначала возрастает, достигая максимума, а затем снижается. Возникновение максимума работы цикла объясняется противоположным влиянием двух факторов: ростом работоспособности рабочего тела ростом избиточного давления в камере сгорания, что приводит к уменьшению потерь тепла Q_2) и одновременным снижением количества подведенного тепла Q_1 (см. рис. I.8). Вначале, при малых значениях \mathcal{I}_{Σ} , преобладает влияние первого фактора, а затем — второго.

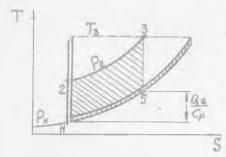
Уменьшение теплоподвода \mathcal{Q}_{+} объясняется тем, что при постоянной температуре газа перед турбиной повышается температура воздуха за компрессором. Зависимость теплоподвода \mathcal{Q}_{+} от суммарной степени повышения давления можно установить, выразив в формуле (I.I) энтальпию через температуру и подставив значение температуры \mathcal{T}_{+}^{*} из выражения (I.I4) в эту формулу:

$$Q_{t} = C_{\rho,m} \left\{ T_{3}^{*} - T_{H} \left[1 + \left(\mathcal{I}_{L_{x}}^{\frac{\kappa-1}{\delta}} - 1 \right) \frac{1}{2c} \right] \right\} , \qquad (I.20)$$

где $\mathcal{C}_{\rho,m}$ — средняя теплоёмкость в интервале температур \mathcal{T}_3^* - \mathcal{T}_2^* — Заметим, что снижение величины работы цикла до нуля при $\mathcal{T}_3^* = \mathcal{T}_3^*_{min}$ (см. рис.1.6) и при $\mathcal{\pi}_{\mathcal{E}} = \mathcal{\pi}_{\mathcal{E},n\rho}$ (см. рис.1.8) имеет одинаковий физический смысл. В обоих случаях цикл вырождается вследствие уменьшения количества тепла, подведенного к рабочему телу. В первом случае теплоподвод уменьшается из-за снижения температуры газа перед турбиной, а во втором — из-за увеличения температуры воздуха на выходе из компрессора.

Влияние суммарной степени повышения давления на работу идеального цикла наглядно показано на 7-3 — диаграмме, где площадь, ограниченная контуром цикла, эквивалентна работе (рис.I.II).

Проведенный анализ показывает, что для значительного увеличения работы цикла необходимо изменять не только температуру газа перед турбиной, но и суммарную степень повышения давления. Например, с увеличением температуры Γ_3^* от 1000 до 2000 К оптимальная степень повышения давления $\pi_{\mathfrak{X}_{Opt}}$ увеличивается от 10 до 40, что приводит к увеличению максимальной работы цикла от 210 до 830 кДх/кг, т.е. в 4 раза (рис.1.12).



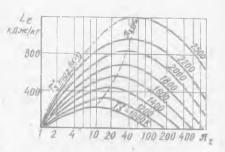


Рис.І.ІІ. Влияние суммарной степени повышения давления на работу цикла:

$$\Pi\Pi - \mathcal{H}_{\Sigma} - 1 + N - \mathcal{H}_{\Sigma} = \mathcal{H}_{\Sigma \, opt};$$

$$V - \mathcal{H}_{\Sigma} - \mathcal{H}_{\Sigma \, Op}$$

Рис.І.І2. Зависимость работи цикла от суммарной степени повышения давления при различных температурах газа перед турбиной (7_H = 216,5 K, ρ =0,85 и ρ =0,93)

§ 4. Эффективный к.п.д.

Эффективным к.п.д. газотурбинного двигателя называют отношение работы цикла к располагаемой энергии внесенного в двигатель топлива:

 $\ell_e = \frac{4e}{Q_o}$,

где Q_o — располагаемая химическая энергия топлива, приходящегося на один килограмм воздуха.

Эффективный к.п.д. показывает, какая часть располагаемой энергии топлива преобразуется в полезную работу цикла, и следовательно, характеризует двигатель как тепловую машину.

Выясним, какие потери жарактеризует эффективный к.п.д. и от каких факторов он зависит. Из определения следует, что эффективний к.п.д. является термическим к.п.д. реального цикла. Однако между эффективным к.п.д. и термическим к.п.д. идеального цикла есть и различие. Чтобы выявить это различие, выразим параметры реального цикла через параметры идеального.

Располагаемая энергия внесенного в двигатель топлива \mathcal{Q}_o связана с теплом \mathcal{Q}_+ , подведенным к I кг воздуха, через коэффициент полноты сгорания топлива:

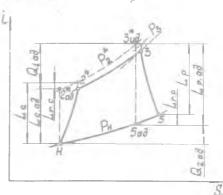
$$Q_1 = 2_{KC} Q_0. (I.2I)$$

Поэтому

$$l_e = l_{KC} \frac{L_E}{Q_I} \tag{I.22}$$

Реальные и идеальные (адиабатные) работы сжатия и расширения связаны соотношениями (рис. І. 13):

Рис. 1.13. К сравнению идеального и реального никлов ГТА



Подставляя эти соотношения в уравнение (1.7), получаем

где $L_{ud} = L_{p,ad} - L_{c,ad}$ - идеальная работа цикла;

🛴 - величина, показывающая, на сколько реальная работа цикла меньше идеальной, что объясняется влиянием гидравлических и газодинамических потерь в процессах сжатия, подвода тепла и расширения.

Выражение эффективной работи цикла представим в следующем виде:

где

$$\mathcal{L}_{e} = \mathcal{L}_{u\partial} \ 2rz \ ,$$

$$\mathcal{I}_{rz} = \mathcal{I} - \frac{\mathcal{L}_{r}}{\mathcal{L}_{u\partial}} \ . \tag{I.23}$$

цикла преобразуется в эффективную (реальную). Величину 👫 назовем коэффициентом гидравлических потерь в основном контуре двигателя.

Аналогично запижем уравнение для тепла Q, , делствительно подведенного к рабочему телу,

$$Q_1 = Q_{100} 2_{rc}$$
,
 $4-4972$

где $2_{rc} = 1 - \frac{L_{rc}}{Q_{1} \circ \sigma}$ — коэффициент гиправлических потерь в процессе сжатия.

Подставляя величины L_e и Q_f в формулу (1.22), получаем

$$l_e = \alpha_1 l_{\kappa c} l_t \frac{l_{n_I}}{l_{n_R}}, \qquad (I.24)$$

тле $\alpha_{r} = \frac{C_{p,r}}{C_{p,m}}$ — коэффициент, учитнвающий изменение теплоемкости рабочего тела в процессе преобразования тепла в работу;

 $2_{t} = \frac{2 \, \omega}{Q_{100}}$ — термический к.п.д. идеального цикла, определяемый при условии неизменного состава и свойств рабочего тела.

Коэффициент α , изменяется незначительно (обычно он лежит в пределах 0,9 - 0,92) и определяется параметрами рабочего пронесса. Формулы для коэффициентов ℓ_{r_I} и ℓ_{r_c} имеют одинаковую структуру, поэтому эти величини изменяются во всех случаях одинаково. Причем отношение $\frac{\mathcal{L}_{r_c}}{\mathcal{Q}_{rod}}$ в несколько раз меньше отношения $\frac{\mathcal{L}_{r_c}}{\mathcal{L}_{od}}$. Поэтому преобладающее влияние на эффективный к.п.д. всерда оказывает коэффициент ℓ_{r_I} .

Оледовательно, при качественном анализе зависимости эффективного к.п.д. от различных факторов коэффициентами α , и γ жожно пренебречь, а приближенную формулу для эффективного к.п.д. представить в следующем виде:

$$\ell_e = \ell_{\kappa e} \ell_t \ell_{nI} . \qquad (I.25)$$

жроме тепловых потерь $Q_{2\,a\bar{a}}$ идеального цикла (см. рис.1.13), эффективным к.п.д. (в отличие от термического) характеризуются также потери от неполного сгорания топлива, гидравлические и гаводинамические потери в процессах сжатия, подвода тепла и расширения. Эффективным к.п.д. зависит от тех же параметров, от которых зависит работа цикла, и от коэффициента полноты сгорания топлива.

При одинаковых параметрах рабочего процесса три основные типа ГТД не отличаются друг от друга по величинам работы цикла и подведенного тепла. Следовательно, они не будут отличаться и по эф-тективным к.п.д.

$$l_{e-r\rho_A} = l_{e-r\rho_AA} = l_{e-rsA}$$

§5. Зависимость эффективного к.п.д. от параметров цикла

Рассмотрим зависимость эффективного к.п.д. от температуры газа перед турбиной при постоянных значениях величин: \mathcal{T}_{Σ} , \mathcal{T}_{H} , \mathcal{T}_{C} и \mathcal{T}_{C} . Если $\mathcal{T}_{3}^{*} = \mathcal{T}_{3}^{*}$ мого работа цикла равна нулю, а \mathcal{Q}_{I} больше нуля. Следовательно, согласно уравнению (I.22), эффективный к.п.д. также равен нулю. В этом случае все подведенное тепло идет на преодоление потерь.

С ростом Γ_3 увеличивается работа цикла, растет коэффициент гиправлических потерь [см. формулу (1.23)], так как уменьшается отношение $\frac{\Delta_{R}}{\Delta_{R}}$, что приводит к увеличению эффективного к.п.д.

Если Γ_3 стремится к бесконечности, то коэффициент гидравлических потерь стремится к величине к.п.д. процесса расширения, а эффективный к.п.д. стремится к произведению трех величин: термического к.п.д., к.п.д. процесса расширения и коэфициента полноть сгорания топлива (рис.1.14).

Проанализируем зависимость эффективного к.п.д. от суммарной степени повышения давления при условии, что все остальные величини, от которых зависит χ_e , постоянны. При $\mathcal{F}_{\mathcal{I}}$ =I и $\mathcal{F}_{\mathcal{I}} = \mathcal{F}_{\mathcal{I},no}$ эффективный к.п.д. равен нулю, так как работа цикла равна нулю, а подведенное тепло больше нуля. Следовательно, в диапазоне значений $\mathcal{F}_{\mathcal{I}}$ от I до $\mathcal{F}_{\mathcal{I},no}$ к.п.д. χ_e должен иметь максимум.

В указанном диапазоне эффективный к.п.д. изменяется в соответствии с изменением произведения 2, 2, 2. Рассмотрим зависимость 2, и 2, от суммарной степени повышения давления.

Подведенное и отведенное тепло в идеальном цикле выразим через его параметры

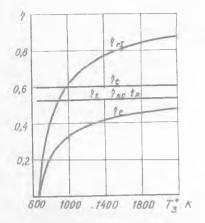
 $Q_{1a\partial} = C_p \left(T_3^* - T_H \mathcal{I}_{\Sigma}^{K-1} \right), \quad Q_{2a\partial} = C_p \left(\frac{T_3^*}{\mathcal{I}_{\Sigma}^{K-1}} - T_H \right)$

и подставим эти величины в формулу для термического к.п.д.

 $\ell_t = 1 - \frac{Q_{2a\partial}}{Q_{1a\partial}} ,$ $\ell_t = 1 - \frac{1}{\pi_s \frac{K-1}{K}} .$

тогла

С увеличением суммарной степени повышения давления термический к.п.д. монотонно увеличивается (рис.І.15).



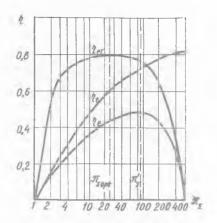


Рис.І.І4. Зависимость коэффициента гидравлических потерь и эффективного к.п.д. от температуры газа перед турбиной (\mathcal{M}_{ξ} = 25, T_H = 216,5 K)

Рис.1.15. Зависимость термического к.п.д., коэффициента гидравлических потерь и эффективного к.п.д. от суммарной степени повышения давления (7_3^* =1600 K, 7_H =216,5 K)

Коэффициент гидравлических потерь изменяется так же, как и работа цикла (см. формулу (1.23), в которой величину \angle , с некоторими допущениями можно принять постоянной), и имеет максимум при оптимальной степени повышения давления $\pi_{\Sigma, opt}$.

С увеличением π_{Σ} от I до $\pi_{\Sigma,opt}$ эффективный к.п.д. увеличенается, так как увеличиваются термический к.п.д. и коэффициент гидравлических потерь. В диапавоне значений π_{Σ} , близких к $\pi_{\Sigma,opt}$, эффективный к.п.д. продолжает расти вспедствие роста термического к.п.д., хотя при этом величина $\chi_{\rho \Sigma}$ сохраняется примерно постоянной. Эффективный к.п.д. достигает максимума при условии

$$\frac{\partial \ell_{\pm}}{\partial \mathcal{\pi}_{\Sigma}} = \frac{\partial \ell_{nI}}{\partial \mathcal{\pi}_{\Sigma}} .$$

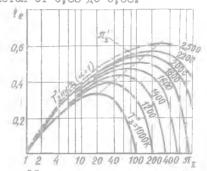
Таким образом, степень повышения давления \mathcal{H}_{Σ}' , при которой эффективний к.п.д. становится максимальным, больше величини $\mathcal{H}_{\Sigma OD^{\pm}}$. При дальнейшем повышении \mathcal{H}_{Σ} к.п.д. $\gamma_{\mathcal{E}}$ ученьшается из—за резкото уменьшения коэффициента гидравлических потерь.

Возникновение максимума эффективного к.п.д. объясияется противоположным влиянием двух факторов: ростом работоспособности рабочего тела с увеличением \mathcal{R}_{Σ} (ростом термического к.п.д.)

и уменьшением коэффициента гидравлических потерь вследствие снижения количества подведенного тепла при высоких значениях суммарной степени повышения давления. Следовательно, возникновение максимума эффективного к.п.д. объясняется, в конечном счете. теми же факторами, влиянием которых объясняется возникновение максимима работы цикла.

Величина π_{Σ} , как и $\pi_{\Sigma opt}$, зависит от степени повышения температуры газа перед турбиной от 1000 до 2000 К величина π_{Σ}' увеличивается от 20 до 150 (рис.І.Іб), что в 2-4 раза превышает оптимальную степень повышения давления $\pi_{\Sigma opt}$. В результате максимальный эффективный к.п.д. увеличивается от 0,33 до 0,53.

Рис.І.16. Зависимость эффективного к.п.д. от суммарной степени повышения давления при различных температурах газа перед турбиной ($T_H = 216,5$ K, $t_C = 0,85$, $t_R = 0,93$ и $t_{RC} = 0,98$)



Как уже отмечалось, зависимости эффективного к.п.д. и работы цикла от суммарной степени повышения давления и от температуры газа перед турбиной ограничены величиной предельной степени повышения давления и, кроме того, величиной максимальной температуры $\overline{I}_{3\ max}$, соответствующей стехиометрическому сгоранию топлива (пунктирные линии на рис.1.16. и 1.12). Пунктирные линии соответствуют максимально возможному теплоподводу, и следовательно, предельным возможностям воздущно-реактивного двигателя, работающего по циклу с подводом тепла при p=const и с использованием керосина в качестве топлива.

внводн

- 1. Газотурбинный двигатель как тепловая машина характеризуется величинами работн цикла и эффективного к.п.д., которые зависят от следующих параметров рабочего процесса: T_3^* , $\mathcal{F}_{\mathcal{E}}$, $T_{\mathcal{H}}$, $\mathcal{C}_{\mathcal{E}}$, $\mathcal{C}_{\mathcal{F}}$, $\mathcal{C}_{\mathcal{E}}$, $\mathcal{C}_{\mathcal{E}}$
 - 2. Повышение температуры T_3 приводит к монотонному увеличению работы цикла, что объясняется увеличением количества

подведенного к рабочему телу тепла. Одновременно увеличивается эфтективный к.п.д. вследствие уменьшения доли гидравлических потерь от тепла, внесенного в двигатель с топливом.

- 3. Работа цикла и эффективный к.п.д. имеют максимум по суммарной степени повышения давления, что объясняется противоположным влиянием двух факторов: ростом термического к.п.д. с увеличением
 ж, и одновременным уменьшением количества подведенного тепла.
- 4. Оптимальная степень повышения давления $\mathcal{\pi}_{\Sigma \, opt}$, соответствующая максимуму работы цикла, и степень повышения давления $\mathcal{\pi}_{\Sigma}$, соответствующая максимуму эффективного к.п.д., зависят от степени повышения температуры в цикле $\frac{\mathcal{T}_{S}}{\mathcal{T}_{H}}$ и величины гицравлических потерь. С увеличением $\frac{\mathcal{T}_{S}}{\mathcal{T}_{H}}$ и снижением потерь величины $\mathcal{\pi}_{\Sigma \, opt}$. и $\mathcal{\pi}_{\Sigma}$ растут. Величина $\mathcal{\pi}_{\Sigma \, opt}$.
 - 5. Для значительного увеличения работы цикла и эффективного к.п.д. необходимо одновременно увеличивать температуру газа перед турбиной и суммарную степень повышения давления.
 - 6. Три основных типа ГТД (ТРД, ТРДД и ТВД) при одинаковых параметрах рабочего процесса как тепловые машины не отличаются друг от друга.

Контрольные вопросы

- 1. Чем отличаются друг от друга диаграмми рабочего процесса ТРД, ТРД, и ТЕД, а также величини Q_1 и Q_2 , L_p и L_c , характерные работи, статические и полные параметры в сечениях H-H, 1-1, 2-2, 3-3, 4-4, 5-5 при условии, что параметры процессов этих двигателей одинаковы?
- 2. Что представляет собой работа цикла ГТД? Чем отличается работа цикла ТРДД и ТВД от работы цикла ТРД?
- 3. От каких параметров зависит работа цикла ГТД? Отличаются ли ТРД, ТРДД и ТВД друг от друга по величине работы цикла?
- 4. Как и почему работа цикла ГТД зависит от температуры газа перед турбиной? Каков физический смысл минимальной температуры $T_{3\ min}$?
- 5. Как и почему работа цикла ГТД зависит от суммарной степени повишения давления рабочего тела?
- 6. Что представляет собой оптимальная степень повышения давления $\pi_{\Sigma \text{ opt}}$ и от каких факторов она зависит?

- 7. Что такое эффективный к.п.д. ITД? Чем он отличается от термического к.п.д. и от каких параметров зависит?
- 8. Как и почему эффективный к.п.д. зависит от температуры газа перед турбиной?
- 9. Как и почему эффективный к.п.д. ГГД зависит от степени повышения давления рабочего тела?
- 10. Сформулирулте основные выводы по главе "Газотурбинным двигатель нак тепловая мажина".

Задачи

- I. Определить полную температуру Γ_{2}^{*} в конце процесса сжатия (за компрессором) для идеального и реального двигателя в стандартных атмосферных условиях на земле, если суммарная степень повышения давления $\mathcal{I}_{\mathcal{E}}$ =25, к.п.д. сжатия $\ell_{\mathcal{C}}$ =0,83.
- 2. Определить температуру газа \mathcal{T}_5 в конце процесса расширения (на выходе из двигателя) для идеального и реального ГТД, если полная температура газа на входе в турбину \mathcal{T}_3^* =1500 К, суммарная степень понижения давления \mathcal{T}_{Σ} =24, к.п.д. расширения \mathcal{T}_{ρ} =0,92.
- 3. Определить суммарную степень повышения давления \mathcal{I}_{Σ} ГТД при работе двигателя в стандартных атмосферных условиях на высоте II км, если работа цикла $\mathcal{L}_{e}=700$ кДж/кг, работа расширения $\mathcal{L}_{e}=1100$ кДж/кг, к.п.д. процесса сжатия $\mathcal{L}_{e}=0.84$.
- 4. Определить полную температуру газа перед турбиной ГТД, если работа цикла L_e =500 кДж/кг, работа сжатия L_c =400 кДж/кг, суммарная степень понижения давления $\pi_{\rm F}$ =25, к.п.д. процесса расширения $\chi_{\rm C}$ =0,94.
- 5. Определить работу цикла $\mathcal{L}_{\mathcal{C}}$ ГТД при работе двигателя в стандартных атмосферных условиях на высоте II км, если полная температура газа перед турбиной $\mathcal{T}_3^*=$ 1500K, работа схатия $\mathcal{L}_{\mathcal{C}}=$ 360 кДх/кг, тепло $\mathcal{Q}_2=$ 500 кДх/кг, отданное в атмос^жеру 1 кг рабочего тела.
- 6. Определить идеальную и реальную работу цикла ТРД, ТРДД и ТВД при работе двигателя в стандартных атмосферных условиях на земле, если полная температура газа перед турбиной $\Gamma_3 = 1600$ К, суммарная степень повышения давления $\mathcal{\pi}_{\scriptscriptstyle \Sigma} = 24$,

- к.п.д. процессов сжатия и расширения соответственно равны ℓ_c = -0,85, ℓ_B =0,93,
- 7.Опремелить эффективный к.п.д. ТРД, ТРДД и ТВД при их работе в тандартных атмосферных условиях на высоте II км, если полная температура газа перед турбиной $\Gamma_3=1700$ К, суммарная работа сжатия $L_c=400$ кДх/кг, тепло $Q_2=800$ кДх/кг, отданное в атмосферу иг рабочего тела, коэффициент полноты сгорания топлива $2\pi c=$

Глава II

СИЛОВАЯ УСТАНОВКА С ГАЗОТУРБИННЫМ ДВИГАТЕЛЕМ КАК ДВИНИТЕЛЬ

В первой главе газотурбинний двигатель рассматривался как тепловая машина. Было показано, что в этом качестве он преобразует часть подведенного тепла в механическую работу (работа цикла). Однако авиационная силовая установка является не только тепловой машиной, но и движителем, в котором создается сила, необходимая для передвижения летательного аппарата. Следовательно, движитель служит для преобразования работы цикла в полезную работу передвижения.

Различают струйные и винтовые движители. К первым относятся ТРД и ТРДД, ко вторым — винт ТВД.

ТВД является примером раздельного выполнения тепловой машины и движителя (под ТВД будем понимать силовую устансвку, состоящую из турбовинтового двигателя и винта). Для случая ТРД тепловая машина является одновременно и движителем. Внутренний (основной) контур на ТРДД выполняет также роль тепловой машины и движителя, но, кроме того, движителем служит специально для этой цели созданный наружный контур.

Несмотря на перечисленные различия, движители авиационных силовых установок имеют общие закономерности, которые и будут рассмотрены в этой главе.

§І. Тяга движителя

Тягой называется реактивная сила, которая развивается движителем в результате его взаимодействия с рабочим телом. Тяга возникает вследствие того, что движитель отбрасивает рабочее тело в сторому, противоположную полету, действуя на него с определенной силой. С такой же силой, но противоположно направленной, рабочее тело воздействует на движитель, образуя реактивную сиду (тягу).

Тяга рассчитывается с помощью теоремы импульсов, согласно которой изменение полного импульса потока рабочего тела, проходящего через замкнутый контур, равно равнодействующей всех внешних сил, приложенных к объёму рабочего тела, заключенного в этом контуре.

На рис. 2. I показан замкнутый контур, который образован двумя сечениями, расположенными перпенцикулярно потоку (сечением Н-Н невозмущенного потока перед движителем и сечением 5-5 на выходе из движителя), и цилиндрической поверхностью, расположенной на достаточно большом расстоянии от движителя.

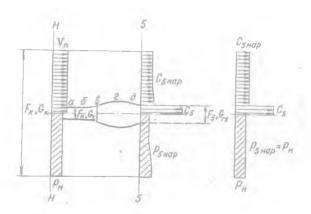


Рис.2.1
Распределение
давления и
скорости потока в характерных сечениях
контура

Сечение Н-Н и цилиндрическая поверхность выбираются на таком расстоянии от движителя, на котором параметры потока можно считать невозмущенными: давление равно атмосферному, а скорость потока равна скорости полета (движитель предполагается неподвижным, а воздух — движущимся со скоростью полета).

Для выбранного контура теорема импульсов может быть записана следующим образом:

$$R_{3\phi} = \Phi_5 - \Phi_H \quad , \tag{2.1}$$

где через \mathcal{P} обозначен полный импульс потока в данном сечении: $\mathcal{P} = \int_{\mathcal{C}} d \, G \, d \, F + \int_{\mathcal{C}} \mathcal{P} \, d \, F \, .$ (2.2)

а через $R_{s\phi}$ — реактивная сила, которую называют эффективной тягой (реактивная сила положительна, если она направлена против направления движения потока).

Эффективная тяга представляет собой равнодействующую всех сил, приложенных к внутренним и внешним поверхностям движителя.

Если в уравнении (2.1) полный импульс в сечениях 5-5 и Н-Н

виразить отдельно для внутреннего потока, проходящего через движитель, и для наружного потока, обтекающего его, то

$$R_{3\phi} = (\Phi_5 - \Phi_H)_{\delta_H} + (\Phi_5 - \Phi_H)_{Hab} . \tag{2.3}$$

Обозначив изменение полного импульса для внутреннего и наружного потоков через R' и X' , запишем

(2.4)

 $R_{\mathcal{J}\phi}=R'+X'$. (2.4) Согласно теореме импульсов $R'=(\bar{\mathcal{P}}_5-\bar{\mathcal{P}}_{\mathcal{H}})_{\mathcal{E}\mathcal{H}}$ — результирую шая всех сил, действующих на контур $\alpha \bar{\delta} \delta \epsilon \partial$ со стороны внутреннего потока; $X' = (\Phi_5 - \Phi_H)_{HQD}$ — результирующая всех сил, действующих на тот же контур со стороны наружного потока.

Силь действин потока на контур складываются из сил нормального павления рабочего тела на этот контур и тангенциальных сил трения. Проекции этих сил на ось движителя определяются по уравнению импульсов. так как изменение полного импульса рассматривается только в направлении оси движителя (радиальные составляющие этих сил уравновешиваются, так как поток осесимметричный).

Пользуясь формулой (2.2), выразим реактивные сили R'и X'через параметры потока

$$\begin{split} R' &= \int\limits_{0}^{g_{r}} C_{5} dG_{r} + \int\limits_{0}^{F_{5}} P_{5} dF - G_{\Sigma} V_{n} - F_{H} P_{H} \; ; \\ X' &= \int\limits_{0}^{g_{Map}} C_{5Hap} dG_{Hap} + \int\limits_{F_{5}}^{F_{K}} P_{5Hap} dF_{Hap} - G_{Hap} V_{n} - (F_{K} - F_{H}) P_{H} \; . \end{split}$$

Заменяя истинные значения скорости и давления в сечении 5-5 их осредненными значениями (см. рис.2.1) и предполагая, что среднее давление в сечении 5-5 для наружного потока равно атмосферному, получаем:

$$R' = G_{r_{\Sigma}}C_{s} + F_{s}P_{s} - G_{s}V_{n} - F_{H}P_{H}, \qquad (2.5)$$

$$X' = G_{Hap} \left(C_{5 Hap} - V_{0} \right) + F_{H} P_{H} - F_{5} P_{H} . \tag{2.6}$$

Сила R' положительна, а X' - отрицательна, т.е. направлена по движению потока. Причем величина P_H (F_H - F_5) представляет собой проекцию на ось двигателя силы атмосферного давления, действующей на контур $a\delta \delta z \partial$ со стороны наружного потока.

Подставляя выражения (2.5) и (2.6) в формулу (2.4), получаем

$$R_{3\varphi} = \mathcal{G}_{z} \left(\mathcal{C}_{5} \, \mathcal{V}_{t-5} - V_{n} \right) + F_{5} \left(\mathcal{P}_{5} - \mathcal{P}_{H} \right) + \mathcal{G}_{H\alpha\rho} \left(\mathcal{C}_{5 \, H\alpha\rho} - V_{n} \right) \,,$$

где $V_{r-5} = \frac{G_{rz}}{G_z}$ — коэффициент изменения массы рабочего тела в сечении 5-5 вследствие добавления топлива (по сравнению с его массой в сечении Н-Н).

В полученном уравнении обозначим:

$$R = G_{\mathcal{E}} \left(C_{\mathcal{S}} V_{Y-\mathcal{S}} - V_{\mathcal{H}} \right) + F_{\mathcal{S}} \left(P_{\mathcal{S}} - P_{\mathcal{H}} \right);$$

$$X = G_{\mathcal{H}ap} \left(C_{\mathcal{S}\mathcal{H}ap} - V_{\mathcal{H}} \right);$$

$$R_{2m} = R + X.$$

$$(2.7)$$

Тогда

Реактивные силы R и X меньше рассмотренных ранее значений R' и X' на величину проекции силы атмосферного давления $P_{R}(F_{S}-F_{R})$.

Сиду R называют бнутренней тягой или просто тягой движителя. Внутренныя тяга является результирующей сил нормального изонточного (по сравнению с атмосферным) давления и тангенциальных сил трения, действующих на контур $a \delta e d$ со стороны рабочего тела, проходящего через движитель.

Согласно выражению (2.7), внутренняя тяга зависит от параметров потока в сечениях 5-5 и Н-Н. Если давление в сечении 5-5 равно атмосферному — ρ_5 -= ρ_H , то

$$R = G_{\Sigma} \left(C_5 V_{1-5} - V_{\Omega} \right). \tag{2.8}$$

Отношение тяги к расходу воздуха через движитель обозначим через $R_{u\bar{d}\ \bar{d}\mathcal{H}C}$ и назовем удельной тягой движителя. Тогда

 $R_{y\partial.\partial\mathcal{H}} = \frac{R}{G_F} = C_5 \, V_{1-5} - V_n \quad . \tag{2.9}$

Коэффициент изменения массы рабочего тела V_{1-5} для ІТД лежит в пределах I, ОІ — I, О4, и при качественном анализе им можно пренебречь. В дальнейшем в формулах (2.8) и (2.9) коэффициент V_{1-5} опускается.

Удельная тяга движителя определяется приращением скорости рабочего тела в движителе относительно скорости полета. Абсолютная тяга, согласно виражению (2.8), зависит также и от расхода рабочего тела через движитель.

В полученной формуле эффективной тяги сила X (как и X) отрицательна и выражает внешнее сопротивление движителя.

Внешнее сопротивление складивается из сил избиточного (по сравнению с атмосферным) давления на контур с внешней стороны и

сил трения, которые возникают вследствие обтекания мотогондолы двигателя внешним потоком.

Силы избиточного давления складываются из волнового сопротивления и сопротивления, вызванного взаимодействием внешнего потока и струи рабочего тела, проходящего через движитель.

Внешнее сопротивление подразделяется на сопротивления мотогондоли, выходного сопла и на лобовое сопротивление диффузора.

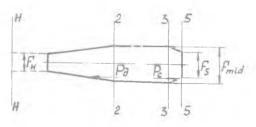
Сила внешнего сопротивления зависит от компоновки двигателя на летательном аппарате и от условий работы. В большинстве случаев эта величина учитывается при подсчете общего сопротивления самолета ('в характеристиках двигателя она не учитывается).

Таким образом, эффективная тяга равна разности между внутренней тягой и силой внешнего сопротивления.

Следует помнить, что тяга является результирующей всех сил, приложенных ко всем поверхностим движителя. Составляющие тяги образуются во всех эелементах, где есть изменение полного импульса, и приложены соответственно ко всем элементам движителя. Неверно представление, что тяга образуется в сопле и приложена к соплу.

На примере дозвукового идеального ПВРД (рис.2.2) легко ноказать, что к соплу приложена составляющая тяги, направленная в сторону, противоположную полету. Действительно, в этом случае статическое давление в сечениях Н-Н и 5-5 одинаково и рагно атмосферному.

Рис. 2.2. Схема ПВРД (к определению места приложения тяги)



Примерно одинаково давление и в сечениях 2-2 и 3-3. Следовательно, среднее давление на единицу поверхности диффузора и сопла можно считать одинаковым и равным $\frac{\rho_N + \rho_2}{2}$. Тогда сила полного давления на диффузор

$$P_{\partial} = \frac{P_H + P_2}{2} \left(F_{mid} - F_H \right)$$
5-4972

больше силы полного давления на сопло

$$D_c = \frac{P_H + P_2}{2} \left(F_{mid} - F_5 \right),$$

Tak kak F_5) F_{H} .

Последнее очевидно из условия неразрывности для сечений Н-Н и 5-5:

$$\frac{m_{\kappa\rho} P_{H} F_{H} q (\lambda_{\Omega})}{\sqrt{T_{H}^{*}}} = \frac{m_{\kappa\rho} P_{5} F_{5} q (\lambda_{5})}{\sqrt{T_{5}^{*}}}$$

Отсюда следует. что

$$\frac{F_S}{F_H} = \sqrt{\frac{T_S}{T_H}} > 1 ,$$

так как для идеального ПВРД $P_5'' = P_4''$ и $\lambda_5 = \lambda_n$.

Составляющие тяги передаются от движителя к летательному аппарату через подвески, а также через все узлы, которые крепятся непосредственно к нему.

§2. ТРЛ и ТВЛ как частные случаи ТРДП

В первой главе отмечалось, что полезно используемое тепло цикла ITA затрачивается в общем случае на приращение кинетической энергии рабочего тела, проходящего через основной контур двигателя, и на создание внешней (избиточной) работи на валу турбини cm. ypashenue (I.6).

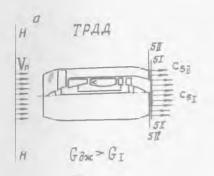
Проследим за дальнейшим преобразованием внешней работы турбины ГТД, являющегося силовой установкой летательного аппарата (puc.2.3).

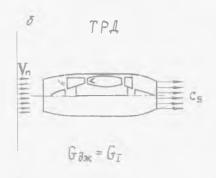
В двухконтурном ТРД внешняя работа турбины передается компрессору наружного контура. Запишем уравнение баланса мощностей тури компрессора И наружного контура: OMHH NTH

$$N_{\tau \bar{u}} = N_{\kappa \bar{u}} + N_{M}$$
.

Представляя величину мощности в виде произведения удельной работи на секундный расход рабочего тела и пренебрегая изменением масси рабочего тела по тракту двигателя, получаем

где $L_{m} = \frac{N_{m}}{G_{x}}$ — механические потери мощности в трансмиссии, приходящиеся на I кг воздука, расходуемого через внутренний контур двигателя.





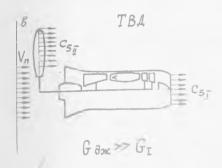


Рис. 2.3. Схемы газотуромниных двигателей: а - ТРДД. 6-ТРД. B -TBII

Откуда

$$L_{r\bar{u}} = L_{\kappa\bar{u}} \ m \cdot L_{m} \ , \tag{2.10}$$

где $m = \frac{G_{\overline{A}}}{G_{\overline{A}}}$ - степень двухконтурности, т.е. отношение расхода воздуха через наружный контур к расходу воздуха через внутренний контур.

Работу 🕹 , подведенную к І кг воздуха, проходящего через наружный контур, определим из уравнения энергии, записанного для сечений Н-Н и 5П - 5П:

$$\mathcal{L}_{\alpha} = \frac{V_{\alpha}^{2}}{2} \cdot \mathcal{L}_{\alpha} = \mathcal{L}_{\alpha} - \frac{C_{S\pi}^{2}}{2} - \mathcal{L}_{\alpha}$$

$$\mathcal{L}_{\kappa\pi} = \frac{C_{S\pi}^{2} - V_{\alpha}}{2} \cdot \mathcal{L}_{\alpha\pi} ,$$

(2.II)

где $L_{PII} = L_{SII} - L_{H}$

- потери энергии с рабочим телом, выходящим из наружного контура (рис. 2.4)

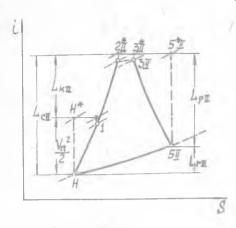


Рис.2.4 *i-s* — диаграмма рабочего процесса наружного контура ТРДД

Эти потери возникают вследствие того, что часть механической энергии затрачивается на преодоление гидравлических сопротивлений в наружном контуре, преобразуясь в тепловую энергию и увеличивая температуру рабочего тела.

Подставляя выражение (2.II) в (2.IO), а уравнение (2.IO) в (1.6). получаем

$$L_{e} = \frac{C_{s_{\pi}}^{2} - V_{n}^{2}}{2} + \frac{C_{s_{\pi}}^{2} - V_{n}^{2}}{2} m + L_{r_{\pi}} m + L_{m} . \qquad (2.12)$$

Уравнение (2.12) выведено для двухконтурного двигателя, однако оно справедливо и для ТВД. В этом случае под m понимается отношение расхода воздуха через винт ($\mathcal{G}_{\overline{R}}$) к расходу воздуха через двигатель, а под $\mathcal{L}_{\mathcal{C}\overline{R}}$ — потери в винте.

Полученное уравнение справедливо и для ТРД, так как при m=0 и $\mathcal{L}_m=0$ его можно представить в виде равенства (I.6) при $\mathcal{L}_{ru}=0$.

Из уравнения (2.12) следует, что работа цикла любого из трех основных типов ГТД затрачивается на приращение кинетической энертии рабочего тела, проходящего через основной контур двигателя и через наружный контур (для ТРДД) или через винт (для ТВД), а также на механические потери и преодоление гилравлических сопротивлений.

Как было показано в предыдущем разделе, приращение скорости рабочего тела приводит к возникновению тяги. Следовательно, тяга создается и основным контуром двигателя, и наружным контуром трдд, и винтом ТВД. Все это — движители. Необходимо, однако, иметь в виду, что в ТРД и ТРДД скорость рабочего тела увеличивается в результате преобразования термодинамической работы расширения в кинетическую энергию. Такие движители называются струйными, они отличаются от винтовых, в которых механическая энергия вращения преобразуется в приращение кинетической энергии путем отбрасывания винтом массы рабочего тела.

ТРД и ТВД можно рассматривать как частные случаи ТРДД. ТРД одновременно является и тепловым двигателем и движителем: расход воздуха через движитель равен расходу его через двигатель, степень двухконтурности равна нулю. ТРДД имеет внутренний контур, который (как и на ТРД) является одновременно тепловым двигателем и движителем, а также наружный контур, который является только движителем. Степень двухконтурности современных ТРДД лежит в пределах 0,2 - 8 и имеет тенденцию к повышению.

ТВД отличается от ТРДД тем, что часть работы цикла ТВД передается не на наружный контур, а на винт. Для самолетных винтов отношение расхода воздуха через винт к расходу воздуха через основной контур двигателя лежит в пределах 50 - 100, для вертолетных (несущих) винтов - в пределах 500 - 1000.

Итак, три типа ITД отличаются друг от друга, прежде всего, по степени двухконтурности, и, как будет показано далее, их основные особенности являются следствием этого различия.

§3. КПД авиационного движителя

Как отмечалось, движитель преобразует эффективную работу цикла в полезную работу, необходимую для передвижения летательного аппарата. Лля него величина \mathcal{L}_e \mathcal{C}_I выражает располагаемую, а \mathcal{R} V_o — полезную работу, произведенную в единицу времени. Отношение величин этих работ назовем к.п.д. движителя

$$\gamma_{\partial sec} = \frac{R V_n}{L_e G_r} \quad . \tag{2.13}$$

К.п.д. движителя показывает, какая доля работы цикла преобразуется в полезную работу передвижения летательного аппарата и характеризует совершенство силовой установки как движителя.

Выразим работу цикла через приращение кинетической энергии рабочего тела и подставим полученную величину в формулу (2.13). Для этого уравнение (2.12) представим в следующем виде:

$$L_{e} \gamma_{r_{I\!I}} = \frac{C_{s_{I}}^{2} - V_{n}^{2}}{2} + \frac{C_{s_{I\!I}}^{2} - V_{n}^{2}}{2} m , \qquad (2.14)$$

где $2_{rx} = 1 - \frac{L_{rx}m}{L_e} - \frac{L_m}{L_e}$ — коэффициент гидравлических потерь наружного контура ТРДД (винта ТВД).

С его помощью оцениваются гидравлические и механические потери в долях работы цикла. Величина $2_{r_{\overline{M}}}$ показывает, какая часть работы цикла преобразуется в приращение кинетической энергии рабочего тела. Для ТРД $2_{r_{\overline{M}}} = 1$, для ТРДД и ТВД $2_{r_{\overline{M}}} < 1$. Так как механические потери составляют обычно небольшую величину и ими можно пренебречь, то в дальнейших преобразованиях примем

$$\gamma_{RH} = 1 - \frac{L_{RH} m}{L_{P}} \qquad (2.15)$$

Подставив значение работы цикла из выражения (2.14) в (2.13), получим

$$?_{\partial\mathcal{H}c} = ?_{r_{I\!I}}?_{r_{I\!I}} . \tag{2.16}$$

В формуле (2.16) через γ_{α} обозначен полетный к.п.д. движите-ля — отношение полезной работи передвижения летательного аппарата к приращению кинетической энергии рабочего тела, проходящего через движитель,

$$2_{n} = \frac{RV_{n}}{\frac{C_{51}^{2} - V_{n}^{2}}{2}} G_{L} + \frac{C_{5\pi}^{2} - V_{n}^{2}}{2} G_{\bar{\mu}}$$
(2.17)

Таким образом к.п.д. движителя равен произведению коэффициента гидравлических потерь на полетный к.п.д.

Проанализируем зависимость коэффициентов $2_{r\bar{u}}$ и 2_{ρ} от различных факторов для ТРДД как общего случая ТРД и ТВД.

Коэффициент гидравлических потерь

Потери в наружном контуре $\mathcal{L}_{r,q}$ представим как разность работ, затраченных на сжатие и расширение воздуха в наружном контуре (рис.2.4), $\mathcal{L}_{r,q} = \mathcal{L}_{c,q} - \mathcal{L}_{a,q} \ .$

Введем к.п.д. наружного контура [8]

едем к.п.д. наружного контура [8]
$$r_{I\!I} = \frac{\mathcal{L}_{PI\!I}}{\mathcal{L}_{CI\!I}} , \qquad (2.18)$$

в результате получим

$$\mathcal{L}_{R\pi} = \mathcal{L}_{C\pi} \left(1 - \chi_{\pi} \right) . \tag{2.19}$$

Подставив величину L_{CZ} , равную сумме работы компрессора и кинетической энергии скорости полета, в формулу (2.19), а полученное выражение — в соотношение (2.15), будем иметь

 $\mathcal{L}_{R\overline{R}}=I-rac{\mathcal{L}_{K\overline{R}}}{\mathcal{L}_{E}}\left(1-\ell_{\overline{R}}
ight)-rac{V_{R}^{2}/2}{\mathcal{L}_{E}}\left(1-\ell_{\overline{R}}
ight)m$. В данной формуле произветствие $\mathcal{L}_{K\overline{R}}$ m если не уч

В данной формуле произвольние $\mathcal{L}_{\kappa_{R}^{-}}$ л если не учитнвать механические потери, равно значению внешней работи турбини \mathcal{L}_{rR} (см. уравнение (2.10)]. Отношение работы турбины \mathcal{L}_{rR} к работе цикла \mathcal{L}_{e} , представляющее собой долю работы цикла, передаваемую в наружный контур, обозначим через \mathcal{X} :

$$x = \frac{L_{\tau R}}{L_{e}} {2.20}$$

Тогда

$$2_{r\bar{x}} = 1 - x \left(1 - 2_{\bar{x}}\right) - \frac{V_n^2/2}{L_e} \left(1 - 2_{\bar{x}}\right) m$$
 (2.21)

В формулу (2.2I) входит к.п.д. наружного контура, который зависит от различных факторов. Чтобы проанализировать эту зависимость выразим работу сжатия и расширения через параметры наружного контура:

LOT = Cp (T2I - TH); LPI = LPI ad 951

где

 $\angle_{\rho \bar{\ell} \circ \sigma \bar{\sigma}} = C_{\rho} \left(\mathcal{T}_{2\bar{\ell}}^* - \mathcal{T}_{S\bar{\ell} \circ \sigma \bar{\sigma}} \right)$ — адиабатная работа расширения;

 y_{ell} - коэўўициент потерь скорости в реактивном сопле наружного контура.

Если T_{27} вынести за скобки и внразить отношение температур через отношение давлении, то работу скатия и расширения можно представить в следующем виде:

$$\mathcal{L}_{ce} = C_{\rho} \, T_{2e}^* \left[1 - \frac{\tau \left(\lambda_{n} \right)}{1 + \frac{\sigma_{ce} \tau^{-2}}{2 \kappa_{e}} - 1}} \right] \; ; \label{eq:local_ce}$$

$$\mathcal{L}_{P\overline{\pi}\;\alpha\partial} = \mathcal{C}_{P} \, \mathcal{T}_{2\overline{\pi}}^{*} \left\{ 1 - \left[\frac{\Pi\left(\lambda_{\Pi}\right)}{\mathcal{\Pi}_{K\overline{\pi}} \mathcal{O}_{\beta_{\mathcal{X}}} \mathcal{O}_{K\alpha H}} \right]^{\frac{K-1}{K}} \right\} \,,$$

где $G_{\kappa_{CH}}$ - коэффициент восстановления полного давления в наружном канале.

Подставляя выражения для $\angle_{c_{\overline{k}}}$ и $\angle_{\rho_{\overline{k}}}$ в формулу (2.18), получаем

$$\mathcal{Z}_{\overline{x}} = \frac{1 - \left[\frac{\Pi(\lambda_{\Pi})}{\pi_{\kappa_{\Pi}} G_{\beta_{\mathcal{X}}} G_{\kappa \alpha H}}\right]^{\frac{\kappa - 1}{\kappa}}}{1 - \frac{T(\lambda_{\Pi})}{1 + \frac{\pi_{\kappa_{\Pi}}^{\kappa - 1}}{2_{\kappa_{\Pi}}}}} \varphi_{c_{\overline{x}}}^{2} \tag{2.22}$$

Из выражения (2.22) следует, что к.п.д. наружного контура зависит от числа \mathcal{M}_π степени повышения давления $\mathcal{M}_{\kappa,\overline{\mu}}$ и от аэродинамического совершенства элементов наружного контура, которое характеризуется величиной к.п.д. компрессора $\chi_{\kappa,\overline{\mu}}$ и коэффициентами потерь $\chi_{\kappa,\overline{\mu}}$, $\chi_{\kappa,\overline{\mu}}$, $\chi_{\kappa,\overline{\mu}}$, $\chi_{\kappa,\overline{\mu}}$, $\chi_{\kappa,\overline{\mu}}$

Расчетний анализ показывает (рис.2.5), что к.п.д. наружного контура при $\mathcal{M}_{\kappa_{\overline{u}}} > t$ незначительно зависит от числа $\mathcal{M}_{\kappa_{\overline{u}}}$ а при $\mathcal{M}_{\kappa_{\overline{u}}} > t$ практически не зависит от $\mathcal{M}_{\kappa_{\overline{u}}}$ В этих случаях он определяется в основном совершенством элементов наружного контура и при анализе уравнения (2.2I) может быть принят постоянным. Если при $\mathcal{M}_{\kappa_{\overline{u}}} = 0$ величина $\mathcal{F}_{\kappa_{\overline{u}}}$ приближается к единице, то к.п.д. наружного контура стремится к нулю.

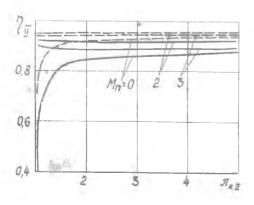


Рис. 2.5. Зависимость величини γ_{II} от степени повышения давления $\mathcal{M}_{\kappa II}$ и числа \mathcal{M}_{Ω} :

— при $\gamma_{\kappa II} = 0.88$, $\varphi_{CI} = 0.98$, $\sigma_{\kappa GH} = 0.98$, $\sigma_{\kappa GH} = 0.98$, $\varphi_{CI} = 0.94$, $\varphi_{CI} = 0.94$, $\varphi_{CI} = 0.99$, $\sigma_{\kappa GH} = 1$ ($\sigma_{\delta x} = 0.98$ для $\mathcal{M}_{\Omega} = 0$, $\sigma_{\delta x} = 0.92$ для $\mathcal{M}_{\Omega} = 0.92$

Как следует из выражения (2.21), коэффициент гидравлических потерь $?_{r\bar{z}}$ зависит: от степени двужконтурности m и доли работы цикла x, передаваемой в наружний контур; от скорости полета и работы цикла, а также от аэродинамического совершенства наружного контура ($?_{\bar{z}}$). С увеличением m, x, V_o и при снижении L_e коэффициент $?_{r\bar{z}}$ уменьшается.

Обычно гидравлические потери в наружном контуре составляют несольшую величину от работы цикла ($2_{RZ} \approx 0.9$). Однако в ряде случаев, например, при значительном увеличении степени двухконтурности, скорости полета, или уменьшении работь \mathcal{L}_e ноэффициент гидравлических потерь ρ_{RZ} значительно снижается и может быть равен нулг.

Полетный к.п.д.

Полетний к.п.д. показывает [см.формулу (2.17)], какую часть от приращения кинетической энергии рабочего тела, проходящего через движитель, составляет полезная работа, затраченная на передвижение летательного аппарата.

Получим формулу полетного к.п.д. для частного (как более простого) случая: $\mathcal{C}_{SE} = \mathcal{C}_{ST} = \mathcal{C}_{S}$ и проанализируем её. Знаменатель формулы (2.17), представляющим собой произведение работы цикла на коэффициент потерь \mathcal{C}_{CE} и на расход воздуха через основной контур, будет иметь вид

$$\mathcal{L}_{e} \gamma_{r} \mathcal{I} \mathcal{G}_{I} = \frac{\mathcal{C}_{5}^{2} - V_{n}^{2}}{2} \mathcal{C}_{\Sigma}$$
 (2.23)

Подставляя уравнение (2.23) и формулу (2.8) для тяги в выражение (2.17), после преобразования имеем

$$t_n = \frac{2}{\frac{C_5}{V_0} + 1}$$
 (2.24)

По формуле (2.9), выражая \mathcal{C}_5 через удельную тягу и подставляя это выражение в уравнение (2.24), получаем

$$t_n = \frac{2}{\frac{R_{y\bar{\theta}}\partial w}{V_0} + 2} {2.25}$$

Из формул (2.24) и (2.25) следует, что полетный к.п.д. определяется скоростью рабочего тела за движителем и скоростью полета. При заданном значении V_n величина ℓ_n однозначно определяется удельной тягой движителя.

Если $V_{\alpha}=0$, то $\gamma_{\alpha}=0$, так как работа передвижения не совершается. Если $R_{y\partial.\partial\mathcal{H}}=0$, то $\gamma_{n}=\mathbf{I}$. С увеличением удельной тяги движителя при постоянной скорости V_n полетный к.п.д. уменьшается. И наоборот, с увеличением скорости полета при $R_{4\partial_1\partial_2 hc}$ =cons или при $C_5 = const$ полетный к.п.д. увеличивается.

С помощью полетного к.п.д. учитываются специфические потери, характерные для движителя, взаимодействующего с воздушной средой. Для пояснения физического смысла потерь определим их как разность рабочего тела, между приращением кинетической энергии проходящего через движитель, и полезной работой RV_{α} передвижения летательного аппарата, т.е.:

$$E_{\mathcal{C}_5} = \frac{\mathcal{C}_5^{\varepsilon} - V_n^{\varepsilon}}{2} G_{\varepsilon} - RV_n \quad .$$

$$E_{cs} = \frac{(c_s - V_n)^2}{2} G_r$$

Запишем эти потери для І кг воздуха, проходящего через движитель:

 $L_{c_5} = \frac{\left(C_5 - V_n\right)^2}{2}$

В полученной формуле разность \mathcal{C}_s - V_o есть скорость движения струи рабочего тела относительно неподвижной внешней среды (puc.2.6).

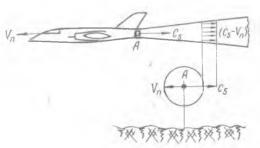


Рис. 2.6. К объяснению физического смысла внешних потерь в авиационном движителе

, которые учитываются полетным к.п.д., Поэтому потери 🕹 🚓 представляют собой кинетическую энергию струи рабочего тела, движущегося относительно неподвижной внешней среды, и называются внешними потерями.

Итак, авиационный движитель, взаимодействуя с рабочим телом,

отбрасивает его в сторону, противоположную движению. При этом возникают специфические потери — потери кинетической энергии, затраченной на приведение в движение рабочего тела относительно неподвижной внешней среды. Такие потери отсутствуют в движителях наземного транспорта, которые при движении взаимодействуют с землей. масса которой несоизмерима с массой транспорта.

Следует помнить, что для оценки потерь кинетической энергии ТРДД формулами (2.24) и (2.25) можно пользоваться только при близких значениях скорости истечения из контуров. При существенном различии этих значений полетный к.п.д. необходимо определять по тем же формулам, но отдельно для наружного и внутреннего контуров. Результать проведенного анализа справедливы как для струйного, так и для винтового двихителя. Следует отметить, однако, что эффективность винтового двихителя оценивается обычно по величине к.п.д. винта, который показывает, какая доля мощности. подведенной к валу винта, преобразуется в тяговую:

- механический к.п.д., учитивающий потери мощности в редукторе и траномиссии.

Величиной $\ell_{\it f}$ учитываются потери на трение винта о воздух, на закрутку потока за винтом и специфические для авиационного движителя потери кинетической энергии $\ell_{\it c}_{\it f}$. К.п.д. винта не учитываются потери мощности в редукторе и трансмиссии от турбины до вала винта и только этим к.п.д. винта отличается от к.п.д. винтового движителя $\ell_{\it c}_{\it f}$ = $\ell_{\it f}$ $\ell_{\it f}$.

§ 4. Сравнение различных типов ГТД как движителей Удельная тяга ГТД

Как отмечалось в преднаущем разделе, совершенство движителя характеризуется величиной его к.п.д. разделе. При постоянных значениях работы цикла и скорости полета к.п.д. движителя однозначно определяется отношением тяги к расходу воздуха через основной контур двигателя [см. формулу (2.13)].

о отношение назовем удельной тягой двигателя

$$R_{y\partial.\partial\delta} = \frac{R}{G_{\perp}} . \tag{2.27}$$

В \$1 было введено понятие удельной тяги движителя. Из сравчения формул (2.9) и (2.27) следует, что удельные тяги двигателя и пвижителя связаны соотношением

$$R_{y\bar{\sigma}.\bar{\sigma}\bar{\kappa}} = R_{y\bar{\sigma}.\bar{\sigma}\bar{\kappa}} (m+1) , \qquad (2.28)$$

 $R_{y\partial.\partial\delta} = R_{y\partial.\partial\kappa}(m+1) , \qquad (2.2)$ где $m+1 = \frac{G_{\pm}}{G_{\pm}}$ — отношение суммарного расхода воздуха через движитель к расходу воздуха через основной контур двигателя.

Подчеркнем, что для двухконтурного ТРД характерни две величины расхода воздуха:

 $G_x = G_x + G_\pi$ — расход воздуха, проходящего через движитель и, следовательно, участвующего в создании тяги; $\mathcal{C}_{\mathtt{r}}$ - расход воздуха, проходящего через тепловую маши-

ну и участвующего в преобразовании тепловой энергии топлива в работу цикла.

Соответственно, целесообразно рассматривать и две характерные удельные тяги. Удельная тяга движителя $R_{y\partial .\partial w}$ при заданной тяге одновначно определяет суммарный расход воздуха G_{r} , и следовательно, гао́аритн движителя. Удениная тяга двигателя *Куа аж* при заданной скорости полета определнется, как ухе отмечалось, величинами 💪 и 🔈

$$Rydd\delta = 1 \partial x c \frac{L_B}{V_D}, \qquad (2.29)$$

а следовательно, она характеризует термодинамическое совершенство двигателя и совершенство движителя. Удельная тяга R 40 08 является важнейшей величиной, характеризующей двигатель. При заданном расходе воздуха через основной контур по ней однозначно опреветмется тяга цвигателя.

Удельная тяга двигателя зависит от ряда факторов. В общем случае эта зависимость достаточно сложна и будет рассмотрена далее. Резомотрим завесимость для частного случая, когда $C_{5\pi} = C_{5\pi} .$

Уравнение (2.14) для этого случая можно записать в следующем $L_{e} \chi_{e,\overline{u}} = \frac{C_{5}^{2} - V_{n}^{2}}{2} (m+1).$ (2.30)

Из него получим

$$G_{5} = \sqrt{\frac{2L_{P} ? r \pi}{m+1}} + V_{0}^{2} \qquad (2.31)$$

Подставив значение C_5 из выражения (2.3I) в формулу (2.9), найдем $R_{y\partial.\partial\mathcal{H}} = \sqrt{\frac{2L_e\,t_{PR}}{m+1}} + V_n^2 - V_n \tag{2.32}$

Подставляя значение удельной тяги движителя из формулы (2.32) в (2.28). имеем

$$R_{y\bar{d}} \partial \bar{\epsilon} = \left(\sqrt{\frac{2L_{e} \gamma_{P\bar{\pi}}}{m+1}} + V_{n}^{2} - V_{n}\right) (m+1). \tag{2.33}$$

Из выражения (2.33) получим формулу удельной тяги ТРД (m=0, $\gamma_{rg}=1$) $R_{q\bar{q}}=\sqrt{2L_{g}+V_{Q}^{2}}-V_{Q}$

Удельная тяга ТРД при заданной скорости полета однозначно определяется работой цикла. Удельная тяга ТРДД и ТВД при заданной скорости $V_{\mathcal{O}}$ и принятом условии $\mathcal{C}_{\mathcal{S}_{\overline{\mathcal{U}}}} = \mathcal{C}_{\mathcal{S}_{\mathcal{I}}}$ зависит, кроме того, от степени двухконтурности и коэффициента гидравлических потерь $\mathcal{Z}_{\mathcal{F}_{\overline{\mathcal{U}}}}$.

Принцип присоединения массы

Сравним между собой ТРД, ТРДД и ТВД как движители. Предположим, что параметры рабочего процесса, а следовательно, и работа цикла для всех трех типов двигателей одинаковы. Рассматриваемые двигатели как тепловые машины не отличаются друг от друга, но они отличаются по степени двухконтурности. Поэтому сравнение трех типов ГТД как движителей сводится к выяснению влияния степени двухконтурности на к.п.д. движителя, удельную тягу движителя и двигателя.

Из выражений (2.31) и (2.32) следует, что с увеличением степени двухконтурности сксрость $\mathcal{C}_{\mathcal{S}}$ и удельная тяга движителя уменьшаются, что объясняется распределением энергии по большей массе рабочего тела. Это приводит к уменьшению потерь с выходной скоростью и к увеличению полетного к.п.д. [см. формулу (2.25)].

Рост полетного к.п.д. является рактором, влияющим на к.п.д. движителя, увеличивая его. Однако величина годи, как уже отмечалось, вависит и от коэрфициента гидравлических потерь в наружном контуре ТРДД (винте ТВД).

Пусть движитель идеальный, тогда $\ell_{ra}=1$, $\ell_{\partial we}=\ell_n$, а удельная тягь $R_{y\partial}$. ds будет изменяться пропорционально изменению полетного к.п.д. При этом увеличение степени двухконтурности приведет к непрерывному росту к.п.д. движителя и удельной тяги двигателя.

Удельная тяга будет стремиться к максимальному значению

 $R_{y0.08 \, max} = \frac{Le}{V_n}$

в предельном случае, когда степень двухконтурности стремится к бесконечности, а к.п.д. движителя - к единице.

В частном случае, для идеального движителя при $V_n = 0$, бесконечно больной степени двухконтурности соответствует бесконечно большая удельная тяга.

Для реального движителя с увеличением степени двухконтурности коэффициент гидравлических потерь $?_{RR}$ уменьшается [см. формулу (2.15)], следовательно, в этом случае внутренние (гидравлические) потери растут, а внешние (кинетической энергии) уменьшаются. Причем вначале преобладающее влияние на величину $?_{RR}$ оказывает полетный к.п.д., а затем — коэффициент гидравлических потерь. Противоположное влияние двух факторов приводит к тому, что к.п.д. движителя и удельная тяга $R_{y\partial .\partial \delta}$ по степени двух-контурности имеют максимум (рис.2.7).

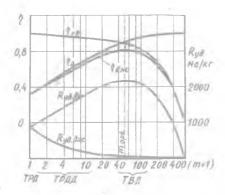


Рис. 2.7. Зависимость удельной тяги и параметров, определяющих ее, от степени двухконтурности (\angle_{ϱ} = 560 кДж/кг, V_{σ} = 200 м/с, $Q_{\overline{R}}$ = 0,96)

Рассмотрим, от каких факторов зависит оптимальная степень двухконтурности и максимальное значение удельной тяги двигателя. Чтобы определить оптимальное значение степени двухконтурности, выразим удельную тягу двигателя через степень двухконтурности и полученную функцию исследуем на максимум.

Подставив выражение (2.15) для кожффициента гиправлических потерь в формулу (2.33), представим удельную тягу двигателя в следующем виде:

$$R_{40.06} = V_n \left\{ \sqrt{\left[\frac{L_e}{V_n^2/2} + \left(1 - \frac{L_{PR}}{V_n^2/2} \right) m + 1 \right] (m+1) - (m+1)} \right\}. \tag{2.34}$$

Продифференцируем полученную функцию по степени двухконтурности:

$$\frac{\partial R_{y\theta}}{\partial m} = \frac{V_n}{2} \left\{ \frac{\left[\frac{L_e}{V_n^2/2} + \left(1 - \frac{L_{PR}}{V_n^2/2}\right)m + 1\right] + \left(1 - \frac{L_{PR}}{V_n^2/2}\right)(m+1)}{2\sqrt{\left[\frac{L_e}{V_n^2/2} + \left(1 - \frac{L_{PR}}{V_n^2/2}\right)m + 1\right](m+1)}} - 1 \right\}.$$

Приравнивая производную к нулю, после преобразования получаем

$$m_{opt} = \frac{L_e}{2} \left(\frac{1 - \frac{L_{PE} + V_n \sqrt{2L_{PE}}}{L_e}}{L_{e\bar{u}} + V_n \sqrt{\frac{L_{PE}}{2}}} \right). \tag{2.35}$$

Оптимальная степень двужконтурности зависит от работы цикла, потерь в наружном контуре и от скорости полета. Чем больше работа цикла и меньше потери в наружном контуре, тем большую степень двужконтурности необходимо иметь для получения максимальной тяги. С уменьшением скорости полета оптимальная степень двужконтурности увеличивается.

Формулу максимальной тяги можно получить, если выражение для m_{opt} подставить в уравнение (2.34). Максимальная тяга зависит от тех же факторов, от которых зависит оптимальная степень двух-контурности. При этом характер зависимости не изменяется.

Формула максимальной тяги здесь не приведена ввиду ее сложности. Рассмотрим эту формулу для частного случая, когда $V_{\alpha}=0$.

Для этого случая из соотношения (2.35) определим оптимальную степень двухконтурности:

$$m_{opt} = \frac{1}{2} \frac{L_e - L_{rff}}{L_{rff}},$$

$$3) - vienthum rary ITTI:$$

а из формулы (2.33) - удельную тягу ГТД:

$$R_{y\partial.\,\partial\delta} = \sqrt{2L_e\,2_{rII}\,(m+1)}$$

Подставляя в формулу удельной тяги двигателя m_{opt} и коэффициент гицравлических потерь (2.15), получаем

$$R_{y\partial.\partial\delta\,max} = \frac{L_E + L_{rE}}{\sqrt{2L_{rE}}}$$

При нулевой скорости полета оптимальная степень двужконтурности и максимальная удельная тяга ГТД зависят только от соотношения между работой цикла и потерями в наружном контуре. Так, если $\angle_e = 440$ кДж/кг и $\angle_{rx} = 2$ кДж/кг, то оптимальная степень двухконтурности равна ~ 120 , а максимальная удельная тяга составляет ~ 6500 Hc/кг. При уменьшении потерь до 0,4 кДж/кг оптимальная степень двухконтурности увеличивается до ~ 600 , а удельная тяга двигателя до ~ 18000 Hc/кг (рис.2.8).

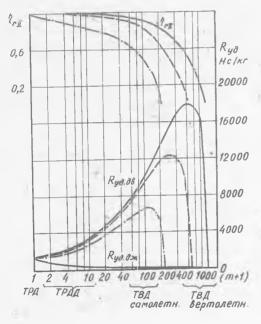


Рис.2.8. Зависимость удельной тяги и коэфинциента $\gamma_{r,y}$ от степени двухконтурности (\mathcal{L}_e = 440 кДж/кг, V_{η} = 0) для различных потерь:

Как отмечалось, оптимальная степень двухконтурности и максимальная удельная тяга ГТД зависят от скорости полета. Влияние скорости полета на m_{opt} и $R_{y\partial}$. $\partial \delta_{max}$ более подробно будет рассмотрено в третьей главе.

Анализ влияния степени двухконтурности на удельные параметры ГТД представляет собой сравнение различных типов двигателей. С переходом от ТРД к ТРДД и далее к ТВД удельная тята $R_{\mathcal{GO},\mathcal{OB}}$ увеличивается (см.рис.2.7). Это является следствием увеличения степени двухконтурности, т.е. присоединения к рабочему телу, проходящему через движитель, дополнительной масси рабочего тела, что приводит к распределению энергии по большей массе и к снижению потерь кинетической энергии. Поэтому принцип увеличения удельной тяти и улучшения удельных параметров ГТД за счет увеличения степени двухконтурности и называют принципом присоединения масси [8].

Сравним различные типы ГТД при дополнительном условии — одина-ковом расходе воздуха через основной контур. В этом случае затрачивается одинаковое количество энергии, а увеличение удельной тяти $R_{\mathcal{YO},\partial\mathcal{S}}$ при переходе от ТРД к ТРДД и ТВД означает такое же увеличение тяги.

Если различние типи ГТД сравнить при условии постоянной тяги, то получим, что переход от ТРД к ТРДД и далее — к ТВД — сопровождается уменьшением расхода воздуха через основной контур двигателя, вследствие увеличения удельной тяги R уд. ∂R , и одновременным увеличением суммарного расхода воздуха через движитель, что объясняется уменьшением удельной тяги движителя R уд. $\partial \infty$. Уменьшение G_T означает уменьшение габаритов основного контура, а G_T — увеличение габаритов движителя.

§5. Наивыгоднейшее распределение энергии между контурами ТРДД

В предыдущем разделе зависимость удельной тяги ТРДД от степени двухконтурности рассматривалась для частного случая распределения энергии между контурами, когда $\mathcal{C}_{S\overline{M}} = \mathcal{C}_{ST}$. Выразим удельную тягу ТРДД через работу цикла для общего случая, когда $\mathcal{C}_{S\overline{M}} \neq \mathcal{C}_{ST}$ [8], и проанализируем зависимость величини $\mathcal{R}_{\mathscr{Y} \partial}$ от коэффициента \mathscr{X} , характеризующего распределение энергии между контурами.

Для этого полную тягу ТРДД выразим через удельную тягу наружного и внутреннего контуров:

$$R = R_{y\partial I} G_{I} + R_{y\partial I} G_{I} ,$$

откуда

$$R_{y\partial.\partial\delta} = R_{y\partial I} + R_{y\partial I} m. {(2.36)}$$

Далее $\mathcal{R}_{y\partial}$ выразим **через** скорости истечения из наружного и внутреннего контуров. Тогда

$$R_{y\partial \partial \delta} = C_{SI} - V_{\eta} + m \left(C_{S\eta} - V_{\eta} \right). \tag{2.37}$$

Используя уравнение (I.6), выразим скорость истечения из внутреннего контура через работу цикла и коэффициент x. Внешнюю работу турбины $\mathcal{L}_{\tau Z}$ выразим в этом уравнении через коэффициент x, определенный по формуле (2.20). Решая уравнение (I.6) относительно \mathcal{C}_{5I} , получаем

$$C_{5I} = \sqrt{2(1-x)L_e + V_n^2} \quad . \tag{2.38}$$

Скорость истечения из наружного контура определим из формулы (2.13). Подставив в эту формулу \mathcal{L}_c , запишем ее в следующем виде:

 $\hat{\mathcal{T}}_{II} = \frac{C_{SII}}{2} + \frac{V_{II}}{2} ,$

откуда

$$C_{5\underline{\eta}} = \sqrt{\left(2L_{\kappa_{\overline{u}}} + V_{n}^{2}\right)_{\ell_{\overline{\eta}}}}$$

Выражая работу компрессора $\angle_{\kappa_{\overline{u}}}$ через работу турбины $\angle_{\tau_{\overline{u}}}$ по уравнению баланса мощности (2.10), а работу турбины — через \angle_{e} и x по формуле (2.20), получаем

$$C_{5\pi} = \sqrt{(2\frac{x}{m} - L_{e} + V_{n}^{2}) \gamma_{\pi}} . \tag{2.39}$$

Если подставить выражения (2.38) и (2.39) в формулу (2.37), то получим

$$R_{y\partial.\partial\delta} = \sqrt{2(1-x)} L_e + V_n^2 - V_n + m \left[\sqrt{(2\frac{x}{m} L_e + V_n^2) \gamma_{\bar{l}\bar{l}}} - V_n \right]$$
 (2.40)

Удельная тяга ТРДД зависит не только от работы цикла и скорости полета (как на обычном ТРД), но и от степени двухконтурности, распределения энергии между контурами, а также от потерь в наружном контуре.

В I главе отмечалось, что работа цикла зависит от температуры газа перед турбиной, суммарной степени повышения давления, температуры наружного воздуха и к.п.д. процессов сжатия и расширения. Следовательно, удельная тяга ТРДД зависит от параметров цикла

 \mathcal{T}_3^* и $\mathcal{\pi}_{_{\mathcal{S}}}$, параметров движителя, которыми будем называть величины m и x , от внешних условий V_n и $\mathcal{T}_{_{\mathcal{H}}}$ и от потерь в узлах $\mathcal{T}_{_{\mathcal{G}}}$, $\mathcal{T}_{_{\mathcal{D}}}$ и $\mathcal{T}_{_{\mathcal{T}}}$.

От перечисленных факторов зависит и удельная тяга движителя, так как она однозначно определяется удельной тягой двигателя и степенью двухконтурности [см. формулу (2.28)]. От них же зависит полетный к.п.д. [см. выражение (2.25)], а следовательно, и к.п.д. движителя.

Проанализируем влияние распределения энергии между контурами на параметри ТРДД для случая m=1 при условии, что все остальные параметры, от которых зависит удельная тяга, неизменны.

Пусть x = 0. В этом случае в наружный контур энергия не передается, а скорость потока на выходе из наружного контура из-за влияния потерь меньше скорости полета, и,следовательно, в наружном контуре создается отрицательная составляющая тяги. Поэтому при x = 0 удельная тяга ТРДД меньше удельной тяги ТРД.

Увеличение x ведет к увеличению внешней работы турбины $\mathcal{L}_{\tau \overline{u}}$, передаваемой в наружный контур, работы компрессора наружного контура $\mathcal{L}_{\kappa \overline{u}}$, скорости истечения из наружного контура и одновременно к уменьшению скорости истечения из внутреннего контура.

Тяга наружного контура растет, а внутреннего — снижается. Одновременно полетний к.п.д. наружного контура уменьшается, а внутреннего — увеличивается (рис.2.9). При x=1 тяга внутреннего контура равна нулю, так как вся энергия передается в наружный контур. При этом тяга наружного контура ТРДД близка к тяге ТРД и отличается только потерями в наружном контуре.

Тяга ТРДД с идеальным наружным контуром (? = 1) при m = I равна тяге ТРД в двух крайних случаях распределения энертии — при x = 0 и x = 1. Из этого следует, что при

0 < x < 1

имеется мак**симум тяги ТРДД,** так как тяга ТРДД больше тяги ТРД (см. предыдущий раздел).

Максимум тяги ТРДД является следствием максимума к.п.д. движителя [см. формулу (2.29)], так как при изменении коэффициента x величины L_e и V_o не изменяются; максимум к.п.д. $\rho_{\partial xc}$ объясняется противоположным изменением потерь кинетической энергии с выходной скоростью на выходе из наружного и внутреннего контуров.

С увеличением коэффициента x преобладающее влияние на к.п.д. $\ell_{\partial \mathcal{H}}$ оказывает вначале увеличение полетного к.п.д. $\ell_{\mathcal{H}}$, а затем уменьшение $\ell_{\mathcal{H}}$. При оптимальном x суммарные потери кинетической энергии минимальны.

Найдем оптимальное значение x , при котором тяга ТРДД с заданной степенью двухконтурности принимает максимальное значение. Для этого выражение (2.40)представим в следующем виде:

$$R_{y\partial.\partial\delta} = V_n \left\{ \sqrt{B(1-x)+1} - 1 + m \left[\sqrt{\left(B\frac{x}{m}+1\right)\gamma_{\bar{u}}} - 1 \right] \right\} ,$$

$$B = \frac{L_e}{V_o^2/2}$$

Полученное выражение продифференцируем по x

где

$$\frac{\partial Ry\partial \cdot \partial \delta}{\partial x} = V_n \left[\frac{B}{2\sqrt{B(1-x)+1}} + m \frac{\frac{B}{m} \gamma_{\pi}}{2\sqrt{(B\frac{m}{m}+1)\gamma_{\pi}}} \right].$$

Приравнивая производную к нулю и решая полученное выражение относительно x_{aat} , находим:

$$x_{opt} = \frac{\ell_{\pi} - \frac{V_{n}^{2}/2}{L_{e}} (1 - \ell_{\pi})}{\frac{f}{m} + \ell_{\pi}} . \tag{2.41}$$

Из полученной формулы следует, что сптимальное распределение энергии, при котором достигается максимальная тяга ТРДД с заданной степенью двухконтурности, зависит от величины /// , потерь в наружном контуре и соотношения между скоростью полета и работой цикла.

Оптимальному распределению энергии соответствуют максимальная удельная тяга и оптимальные скорости истечения $\mathcal{C}_{\mathit{SIOpt}}$ и $\mathcal{C}_{\mathit{SIOpt}}$ которые могут быть получены, если формулу (2.4I) подставить соответственно в выражения (2.40), (2.38) и (2.39). Тогда

$$R_{y\partial.\,\partial\delta\,\,max} = V_{n} \left[\sqrt{(\beta+m+1)(m\gamma_{\overline{u}}+1)} - (m+1) \right] \, .$$

$$C_{SI\,opt} = V_{n} \sqrt{\frac{\beta+m+1}{1+\gamma_{\overline{u}}\,m}} \, .$$

$$C_{S\overline{u}\,opt} = V_{n} \gamma_{\overline{u}} \sqrt{\frac{\beta+m+1}{1+\gamma_{\overline{u}}\,m}} \, .$$

$$(2.42)$$

Из приведенных формул видно, что оптимальное соотношение скоростей истечения из реактивных соцел наружного и внутреннего контуров ТРДД зависит только от к.п.д. наружного контура

$$\left(\frac{\mathcal{C}_{SII}}{\mathcal{C}_{SI}}\right)_{opt} = \gamma_{II} \tag{2.43}$$

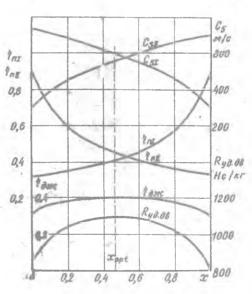
Если движитель идеальный ($\gamma_{_{Z}}=1$), то, как следует из зависимости (2.41),

$$\mathcal{X}_{opt} = \frac{\mathcal{G}_{\pi}}{\mathcal{G}_{\pi} + \mathcal{G}_{\tau}} \quad .$$

Таким образом для дреального движителя оптимальное отношение работи турбини \mathcal{L}_{7Z} , передаваемой в наружний контур, к работе цикла равно отношению расхода воздуха через наружний контур к суммарному расходу воздуха, т.е. в этом случае оптимальным является равномерное распределение энергии по массе рабочего тела. Равномерному распределению энергии соответствуют одинаковые скорости истечения $\mathcal{C}_{5Z} = \mathcal{C}_{5Z}$, одинаковые полетные к.п.д. наружного и внутреннего контуров и минимум потерь кинетической энергии с выходной скоростью.

Рис. 2.9. Зависимость удельной тяги ТРДД и величин, определяющих ее, от коэффициента x (\angle_e = 560 кДж/кг, V_n = 200 м/с, m =I, ℓ_E = 0,9)

8-4972



С увеличением потерь в наружном контуре коэффициент x_{opt} уменьшается, уменьшается пры этом и оптимальное отношение скоростей $\frac{C_{sr}}{C_{sr}}$.

Наконец, с увеличением работы цикла или с уменьшением скорости полета для обеспечения максимальной тяги ТРДД с заданной
степенью двухконтурности необходимо все большую долю работы цикла передавать в наружный контур [см. формулу (2.41)].

Итак, возникновение максимума удельной тяги при изменении коэффициента x объясняется тем, что при неоптимальном x увеличиваются потери кинетической энергии с выходной скоростью.

Определим величину x для частного случая распределения энергии между контурами, когда $\mathcal{C}_{\mathcal{SI}}=\mathcal{C}_{\mathcal{SI}}$. Для этого в формулу (2.20) подставим величины $\mathcal{L}_{\tau,e}$ из уравнения (1.6) и \mathcal{L}_{e} из уравнения (2.30). Тогда

$$x_{c_{S\overline{R}} = c_{S\overline{L}}} = \frac{m+1-\gamma_{c\overline{R}}}{m+1} . (2.44)$$

Величина x, найденная по формуле (2.44), незначительно отличается от x_{opt} и это отличие практически не влияет на удельную тягу двигателя. Расчеты показывают, что в широком диапазоне изменения степени двухконтурности удельная тяга ТРДД, рассчитанная по формуле (2.33), незначительно отличается от максимальной удельной тяги, определенной по формуле (2.42). Поэтому в дальнейшем зависимость удельной тяги ГТД от различных факторов будет анализироваться по формуле (2.33), что примерно соответствует случаю оптимального распределения энергии.

выводы

- I. Приращение скорости рабочего тела в движителе (\mathcal{C}_5 $V_{\it n}$) численно равно его удельной тяге $R_{\it yd, dжc}$, т.е. отношению тяги к суммарному расходу рабочего тела через движитель.
- 2. Турбореактивный и турбовинтовой двигатели можно рассматривать как частные случаи ТРДД с различной степенью двухконтурности от m=0 (ТРД) до m=1000 (ТВД с вертолетным винтом). Во всех трех силовых установках работа цикла затрачивается на приращение кинетической энергии рабочего тела, проходящего через движитель, и на преодоление гидравлических потерь в движителе.
- 3. Коэффициент гидравлических потерь движителя $\gamma_{r\bar{u}}$ показывает, какая доля работы цикла преобразуется в приращение кинетической энергии рабочего тела, проходящего через движитель. Он зависит от аэродинамического совершенства и параметров движителя ($\gamma_{\bar{u}}$, m, x), а также от скорости полета и работы цикла.
- 4. Авиационному движителю присущи специфические потери потери кинетической энергии с виходной скоростью. Они оцениваются пометным к.п.д., который показывает, какую долю от приращения кинетической энергии рабочего тела составляет полезная работа передвижения летательного аппарата. Полетный к.п.д. при $V_{\alpha}=const$ однозначно определяется удельной тягой движителя и изменяется противоположно изменению последней.
- 5.Эффективность движителя оценивается с помощью коэффициента полезного действия $\gamma_{\it disc}$, который представляет собой отношение полезной работы $RV_{\it n}$ передвижения летательного аппарата к работе цикла $L_{\it e}$ $G_{\it r}$ и учитывает, кроме потерь кинетической энергии, гидравлические и механические потери в движителе $V_{\it disc} = \gamma_{\it ril} \gamma_{\it n}$ к.п.д. движителя при заданных работе цикла и скорости полета однозначно определяет величину удельной тяги двигателя $R_{\it yd.d.6}$, т.е. отношение тяги к расходу рабочего тела через основной контур двигателя.
- 6. Удельная тяга ТРДД зависит от параметров цикла (\mathcal{T}_3 и \mathcal{R}_Σ), параметров движителя (\mathcal{M} и x), внешних условий ($V_\mathcal{M}$ и $\mathcal{T}_\mathcal{H}$) и потерь в узлах ($\mathcal{Y}_\mathcal{C}$, $\mathcal{Y}_\mathcal{D}$ и $\mathcal{Y}_{\overline{\mathcal{U}}}$).
- 7. При заданной степени двухконтурности максимальная тяга ТРДД достигается только при оптимальном распределении энергии между контурами (x_{opt}), соответствующем максимальному значению к.п.д. движителя. Возникновение максимума тяги с изменением коэф-

- фициента \mathcal{X} объясняется тем, что при неоптимальном \mathcal{X} увеличиваются потери кинетической энергии с выходной скоростью. Для идеального движителя максимум тяги соответствует равномерному распределению энергии по массе рабочего тела обоях контуров.
- 8. С увеличением степени двужконтурности (при $x = x_{opt}$) удельная тяга движителя $R_{y\partial}$ оже непрерывно снижается, а удельная тяга двигателя $R_{y\partial}$ об мнеет максимум. Достижение максимума удельной тяги по степени двужконтурности объясняется противоноложным влиянием двух факторов: уменьшения потерь кинетической энергии с выходной скоростью при увеличении m и роста гадравлических потерь.
- 9. Оптимальные параметри движителя (m_{opt} и x_{opt}), а такие максимальное увеличение удельной тяги $R_{y\partial.\partial \delta}$, которое может бить получено с переходом от ТРД к ТРДД, зависят только от соотношения между работой цикла, нотерими в наружном контуре \mathcal{L}_{rE} и скоростью полета. Увеличение работи цикла, снижение потерь \mathcal{L}_{rE} и уменьшение скорости полета приводит к увеличению оптимальных параметров (x_{opt} , m_{opt}) и тяги оптимального ТРДД(по сравнению с тягой ТРД).
- 10. Три основних типа ГТД при небольших дозвуковых скоростях полета существенно отличаются друг от друга как силовне установки летательных аппаратов. Переход от ТРД к ТРДД и далее к ТВД позволнет при одинаковой затрате энергии увеличить тягу в несколько раз, что объясняется распределением энергии по большей массе рабочего тела, снижением потерь кинетической энергии с выходной скоростью и ростом ж.п.д. движителя. Рассматраваемые типи ГТД отличаются друг от другах только как движители.

Контрольные вопросы

- Что такое эффективная и внутренняя тяга движителя? Выведите формулу тяги и проанализируйте её.
- 2. Каковн особенности образования тяги струйным и винтовым движителями? Где приложена тяга?
- 3. Докажите, что силовне установки с ТРД и ТВД можно рассматривать как частные случая ТРДД.
- 4. Что представляет собой коэффициент гидравлических потерь q_{r_H} и от каких фактеров он зависит?

- 5. Что представляет собой полетный к.п.д., какие потери он учитивает и от каких факторов зависит?
- 6. Дать определение к.п.д. движителя. Какова основная особенность движителя, взаимодействующего с воздушной средой, по сравнению с движителем наземного транспорта?
- 7. Как удельная тяга движителя $R_{y\partial.\partial\mathcal{H}}$, удельная тяга двигателя $R_{y\partial.\partial\mathcal{E}}$ и к.п.д. движителя зависят от степени двухконтурности?
- 8. Что представляет собой оптимальная степень двухконтурности и от каких факторов она зависит?
- 9. Как и почему при одинаковой затрате энергии тяга ТРДД и ТВД отличается от тяги ТРД в условиях дозвуковой скорости полета?
- 10. От каких факторов в общем случаю зависит удельная тяга ТРДД?
- II. Как и почему удельная тяга ТРДД зависит от распределения энертии между контурами? Выведите и проанализируйте формулу для R_{yo} .
- 12. Что представляет собой параметр x_{opt} и от каких факторов он зависит? Выведите формулу для x_{opt} и проанализируйте ее .
- 13. Сформулируйте основные выводы по главе "Силовая установка с газотурбинным двигателем как движитель".

задачи

- I. Определить приращение кинетической энергии рабочего тела в ТРДЦ, если работа цикла $L_e = 550 \, \mathrm{kgm/kr}$, степень двужконтурности m = 2, коэффициент гидравлических потерь наружного контура $\ell_{PR} = 0$, 95 (скорости истечения из наружного и внутреннего контура равни).
- 2. Определить расход воздуха через винт ТВД, если при скорости полета $V_{\Pi}=600\,\kappa m/4$ расход воздуха через двигатель $G_{L}=10\kappa r/c$, работа цикла $L_{e}=500\,\kappa \mu m/c$, коэффициент гидравлических потерь винта $2_{r\Pi}=0.9$, скорость потока за двигателем $C_{SI}=210\,m/c$ и скорость потока за винтом $C_{SI}=200\,m/c$.
- 3. Определить тягу, развиваемую ТРД в стандартных атмосферных условиях у земли при скорости $V_n=900$ км/ч, если при критичесном истечении газа из сухающегося сопла площадью $F_s=0.7$ м скорость истечения и давления газа равны соответственно 550 м/с и $1.5 \cdot 10^5$ Па. Принять $V_{rs}=1$.
- 4. Определить расход воздуха через основной контур ТРДД, если при скорости полета $V_{\it H}$ =950 км/ч тяга двигателя равна

 $R=3\cdot10^4 H$, степень двужконтурности m=5, скорости истечения из наружного и внутреннего контуров при полном расширении равны соответственно 600 и 670 м/с. Принять $V_{t-5}=1$.

0 Определить тягу ГТД, если при скорости полета $V_n=800 \, \mathrm{km/q}$ расход воздуха через основной контур двигателя, работа цикла и к.п.д. движителя равны соответственно 30 кг/с, 600 кДж/кг и 0,5.

6. Определить удельную тягу $R_{y\bar{g},\bar{g}_{NC}}$ и к.п.д. движителя $t_{g_{NC}}$ ТРДД, если при скорости полета $V_{\sigma}=950$ км/ч скорость рабочего тела на выходе из движителя $\mathcal{C}_{S\overline{M}}=\mathcal{C}_{SI}=550$ м/с, коэффициент гидравлических потерь наружного контура $t_{G\overline{M}}=0.9$.

7. Как и во сколько раз изменится удельная тяга двигателя $R_{y0.06}$ и удельная тяга движителя $R_{y0.0\%}$, если с увеличением степени двухконтурности ТРДД от 0 до 6 к.п.д. движителя увеличивается от 0,3 до 0,5 при постоянных значениях скорости полета и работы цикла?

8. Сравнить удельную тягу движителя $R_{y\partial\partial\sigma}$ для ТРД, ТРДД (m=2) и ТВД (m=100), удельную тягу двигателя $R_{y\partial\partial}$, полетным к.п.д. и к.п.д. движителя $\ell_{\partial\sigma}$, если при $V_0=700$ км/ч работа цикла $L_e=600$ кДж/кг, коэффициент гидравлических потерь наружного контура ТРДД $\ell_{rd}=0.9$ и винта ТВД $\ell_{rd}=0.8$. Принять $C_{SU}=C_{SU}=0.8$

Глава Ш

КРИТЕРИИ ЭФФЕКТИВНОСТИ НВИГАТЕЛЯ. ВЛИЯНИЕ РАЗЛИЧНЫХ ФАКТОРОВ НА УЛЕЛЬНЫЕ ПАРАМЕТРЫ ГТЛ

§ I. Общий к.п.д. и удельный расход топлива

Отношение полезной работы RV_{α} передвижения летательного аппарата к располагаемой энергии $Q_{\rho}G_{\tau}$ внесенного в двигатель топлива называется общим к.п.д. двигателя. Так как отношение тяги двигателя к расходу воздуха через основной контур равно удельной выражение общего к.п.д. можно записать в следующем виде:

 $l_o = \frac{R_{y\partial.\partial\delta} V_D}{Q_c}$ Умножив полученное выражение на величину работы цикла, получим

20 = 20 2 Am.

Общий к.п.п. показывает. какая часть располагаемой энергии внесенного в двигатель топлива превращается в полезную работу передвижения летательного аппарата. Он характеризует двигатель в целом: и как тепловую машину, и как движитель, являясь основным критерием эффективности.

Однако общий к.п.д. не может быть использован для оценки эффективности двигателя при $V_{\alpha} = 0$, так как в этих условиях $\chi_{\alpha} = 0$. А поскольку большая часть испытаний авиационных двигателей велется в стендовых условиях при нулевой скорости полета. на практике в качестве критерия эффективности двигателя используется величина удельного расхода топлива

$$C_{gg} = \frac{G_T}{R}$$
.

Определим связь между удельным расходом топлива и общим к.п.д. Для этого разделим числитель и знаменатель формуль для $\mathcal{C}_{q\bar{q}}$ на величину расхода воздуха через двигатель. Пренебрегая изменением массы воздуха, проходящего по тракту двигателя, получаем

 $C_{y\bar{\sigma}}=rac{q_{\tau}}{R_{y\bar{\sigma}.\bar{\sigma}\bar{\sigma}}}$, (3.3) где q_{τ} — относительный расход топлива, равный отношению расхода топлива к раскому воздуха, проходящего через камеру сторания. Величина q_r однозначно определяется коэффициентом избытка воздуха α , т.е. $q_r = \frac{1}{\alpha L_0}$

Относительный расход q_{\perp} выразим через располагаемую энергию внесенного в двигатель топлива, приходящегося на І кг воздуха,

$$g_{\tau} = \frac{Q_a}{H_U} \quad , \tag{3.4}$$

где Н,, - низшая теплотворность топлива.

Из соотношения (3.3) с учетом выражений (3.1) и (3.4) получим

$$C_{y\partial} = \frac{V_a}{H_u \ \ell_o} \tag{3.5}$$

Как следует из этой формули, удельный расход топлива при V_{α} = = const и $H_{ii} = const$ изменяется обратно пропорционально обцему к.п.д. С увеличением эффективности двигателя общий к.п.д. растет, а удельный расход топлива снижается.

Общий к.п.д. (также как эффективный к.п.д. и к.п.д. движителя) зависит от параметров цикла (T_3^* и π_s) и цвижителя (m и x), от внешних условий (V_{α} и T_{μ}) и потерь в узлах (? $_{c}$, ? $_{\rho}$, ? $_{\pi}$, $\gamma_{\kappa c}$), от коэффициента полноты сторания топлива $\gamma_{\kappa c}$ (в отличие от удежьной тяги). Следовательно, от этих факторов будет зависеть и удельный расход топлива, который зависит, кроме того, от теплотворности и изменяется обратно пропорционально ее величине.

При постоянном общем к.п.д., а следовательно при постоянной эффективности двигателя, величина удельного расхода топлива изменяется с изменением скорости полета и, таким образом, перестает быть критерием эффективности. Это является следствием того, что удельный расход топлива $\mathcal{C}_{\mathcal{U}\mathcal{J}}$ определяется как отношение массового расхода топлива к тяге, а не к работе передвижения летательного аппарата.

Введем понятие удельного расхода топлива $\mathcal{C}_{\mathcal{N}_{\sigma}}$ как отношение величины G_r к тяговой мощности \mathcal{N}_{R} .

Выражая мощность через тягу $N_e=R\,V_o$, имеем $C_{\nu\nu_R}=\frac{C_{\nu\partial}}{V_A}$. Подставив в данное выражение величину $C_{y\partial}$ из формулы (3.5),по-ЛУЧИМ

> $C_{N_R} = \frac{1}{H_{H,2}}$ (3.6)

Удельный расход топлива \mathcal{C}_{N_R} при $\gamma_o = const$ не зависит от скорости полета и для топлив с постоянной теплотворностые однозначно определяется общим к.н.д. Однако критерий $\mathcal{C}_{\mathcal{N}_{\bullet}}$ в стенкевых условиях обращается в бесконечность, поэтому при оценке эффективности ТРД и ТРДД, как правило, пользуются величиной уменьного расхода топлива \mathcal{C}_{gg} . Для оценки ТВД служит величина эффективного удельного расхода топлива (\mathcal{C}_e не используется, так как тяга винта этого двигателя в условиях стендовых испытаний не замеряется), которая представляет собой отношение величины \mathcal{G}_{τ} к мощности на валу винта

$$C_e = \frac{C_T}{N_R} . ag{3.7}$$

Учитывая, что мощность на валу N_{ℓ} выражается через тяговую мощность по формуле (2.26), а отношение до равно эффективному к.п.д. (без учета механических потерь), получаем

$$C_e = \frac{1}{H_U N_e} . \tag{3.8}$$

 $\mathcal{C}_e = \frac{1}{\mathcal{H}_U \, v_e}$. (3.8) Удельный расход топлива \mathcal{C}_e ТВД при $\mathcal{H}_U = const$ однозначно определяется эффективным к.п.д. Величина $\mathcal{C}_{\mathcal{C}}$ характеризует работу лвигателя только как тепловой машины.

§2. Зависимость удельной тяги и удельного расхода топлива ГТД от параметров цикла

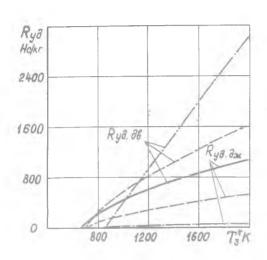
Влияние параметров цикла (температуры газа перед турбиной и суммарной степени повышения давления) на удельные параметры двигателя рассмотрим при условии, что величины V_{σ} , \mathcal{T}_{H} , \mathcal{T}_{C} , \mathcal{T}_{D} 2π , $2\kappa_{\rm C}$ и m сохраняются неизменными, а распределение энергии между контурами задается равенством скоростей $\mathcal{C}_{\mathcal{S} \overline{\mathcal{H}}} = \mathcal{C}_{\mathcal{S} \mathcal{T}}$.

Зависимость удельных параметров двигателя от температуры газа перед турбиной

Влияние температуры T_3^* на удельные параметры двигателя рассмотрим при условии сохранения постоянной суммарной степени повышения павления.

При принятых условиях влияние температуры газа перед турбиной на удельную тягу двигателя целесообразно анализировать по формуле (2.33). В этой формуле с изменением T_3^* изменяется величина работы цикла и коэффициент гидравлических потерь 7 г. изменение удельной тяги определяется в основном изменением работы цикла, так как для ТРД 200 = I, а для ТРДД и ТВД при постоянном аэродинамическом совершенстве движителя и при m = const коэффициент 2 всегда изменяется аналогично изменению работы цикла Ссм. формулу (2.15)]. Причем в рабочем диапазоне температур T_3 коэффициент да изменяется незначительно.

В зависимости от температуры газа перед турбиной работа цикла изменяется линейно (см. гл.І, §3), поэтому с увеличением \mathcal{T}_J^* величина удельной тяги всех трех типов ГТД увеличивается (рис.З.І) вследствие увеличения количества тепла, подведенного к рабочему телу.



Таким образом изменяется и удельная тяга движителя.

При уменьшении температуры газа перед турбиной до минимального значения $T_{3\,min}$ удельная тяга ГТД падает до нуля, так как количество подведенного к рабочему телу тепла, уменьшаясь, становится равным величине потерь. Для ТРД величина $T_{3\,min}^{\sigma}$ определяется по формуле (I.I2), работа цикла равна нулю. В ТРДД и ТВД к тепловым и гидравлическим потерям в основном контуре двигателя добавляются гидравлические потери в движителе. Поэтому в этих двигателях количество тепла $Q_1 = C_{\rho r}$ ($T_{3\,min}^{\sigma} - T_2^{\sigma}$), подведенного к рабочему телу и затраченного на преодоление потерь, должно быть соответственно больше. Следовательно

 $T_{3\,min\,TBA}^* > T_{3\,min\,TPAA}^* > T_{3\,min\,TPA}^*$, а работа циклов ТРДД и ТВД больше нуля и затрачивается на преодоление гидравлических потерь в наружном контуре (винте) L_{PA} $m=L_{P}$ о

Коэффициент гидравлических потерь $\gamma_{\rho,II}$ в точке с минимальной температурой газа перед турбиной равен нулю [см. формулу (2.15)].

Проанализируем влияние температуры газа перед турбиной на удельный расход топлива (рис. 3.2 и 3.3).

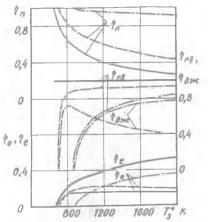


Рис. 3.2. Зависимость к.п.д. от температуры газа перед туромной ($T_{H}=216,5K$, $V_{n}=200$ м/с, $\pi_{\Sigma}=25$, $\gamma_{C}=0,85$, $\gamma_{P}=0,93$, $\gamma_{\pi\tau\rho\rho,A}=0,9$, $\gamma_{\pi\tau\rho,A}=0,96$):

—— $\tau\rho_{A}$, —— $\tau\rho_{A}$, m=2;
—— $\tau\rho_{A}$, m=80

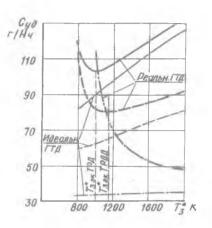


Рис. 3. 3. Зависимость удельного расхода топлива от температуры газа перед турбиной $(T_H = 216,5K, V_n = 200 \, \text{м/c}, \pi_{\underline{r}} = 25, \gamma_c = 0,85, \gamma_p = 0,93, \gamma_{\underline{\pi}\, TPAA} = 0,9, \gamma_{\underline{\pi}\, TPA} = 0,96):$ —— TPA; ---TPAA, m = 2;—— TBA, m = 80.

Величина удельного расхода топлива изменяется обратно пропорционально общему к.п.д., который равен произведению величин: эфективного к.п.д., коэффициента гидравлических потерь готорым и полетного к.п.д.

При минимальной температуре $\mathcal{T}_3^* = \mathcal{T}_3^*$ общий к.п.д. двигателя равен нулю, а удельный расход топлива — бесконечности, так как в этом случае удельная тяга двигателя, как отмечалось, равна нулю.

Как отмечалось, с увеличэнием температуры газа перед турбиной увеличивается эффективный к.п.д., а также коэффициент гидравлических потерь $\rho_{n,y}$, что объясняется увеличением работы цикла и уменьшением доли тепла, идущей на преодоление гидравлических потерь. Одновременно увеличиваются скорость рабочего тела за движителем \mathcal{C}_5 и потери кинетической энергии с выходной скоростью, т.е. уменьшается полетный к.п.д.

Таким образом, с изменением Γ_3^* на общий к.п.д. и удельный расход топлива оказывают противоположное влияние два фактора. Вначале (при небольших температурах) преобладает уменьшение доли тепла, идущей на преодоление гидравлических потерь, затем (при высоких температурах) — увеличение потерь кинетической энергии. Это приводит к тому, что общий к.п.д. вначале увеличивается, затем уменьшается и при некоторой температуре, которую называют экономической Γ_3^* , имеет максимум.

Чтобы определить, от каких параметров зависит экономическая температура, выразим общий к.п.д. через параметры рабочего процесса. Для этого в формулу (3.I) из выражения (2.33) подставим величину удельной тяги, а располагаемую энергию внесенного в двитатель топлива выразим через температуру газа перед турбиной, согласно соотношениям (1.2I) и (1.I).

Тогла

$$\gamma_o = \frac{V_n(m+1) \gamma_{\kappa c}}{C_{p-m} \left(\mathcal{T}_3^* - \mathcal{T}_2^* \right)} \left(\sqrt{\frac{2L_B \gamma_{r\bar{u}}}{m+1}} + V_n^2 - V_n \right).$$

В полученном уравнении с учетом зависимости (I.7) работу пикла выразим через работу расширения и сжатия. Причем работу расширения представим в следующем виде:

гле

$$\begin{split} \mathcal{L}_{p} &= \mathcal{T}_{3}^{*} \, \mathcal{L}_{p} \left(\, \boldsymbol{\pi}_{\boldsymbol{\Sigma}} \right) \, , \\ \mathcal{L}_{p} \left(\, \boldsymbol{\pi}_{\boldsymbol{\Sigma}} \right) &= \mathcal{C}_{p,r} \, \left(1 - \frac{1}{\mathcal{\pi}_{\boldsymbol{\Sigma}} \, \overset{K-r}{\boldsymbol{\Sigma}}} \right) \, ?_{p} \, . \end{split}$$

Тогда, пренебрегая изменением теплоёмкости рабочего тела, имеем

$$\dot{t}_{o} = \mathcal{C}_{1} \frac{\sqrt{\mathcal{C}_{2} \left[T_{3}^{*} L_{p} \left(\pi_{\mathcal{E}} \right) - L_{c} \right] + V_{\Omega}^{2} - V_{\Omega}}}{T_{3}^{*} - T_{2}^{*}} ,$$
 рде
$$\mathcal{C}_{1} = \frac{V_{n} \left(m+1 \right) \gamma_{\kappa_{\mathcal{C}}}}{\mathcal{C}_{p,m}} , \quad \mathcal{C}_{2} = \frac{2 \gamma_{r,\overline{m}}}{m+1} .$$

Нолученную функцию исследуем на максимум, для чего продифреренцируем ее по величине $\mathcal{T}_{\mathfrak{J}}^{s}$, предполагая, что величины $\mathcal{C}_{\mathfrak{J}}$ и $\mathcal{C}_{\mathfrak{J}}$ но велисят от температуры газа перед турбиной:

$$\frac{\frac{\partial \mathcal{I}_{o}}{\partial \mathcal{I}_{3}^{*}} = \mathcal{C}_{t} \frac{\mathcal{C}_{2} \mathcal{L}_{p} \left(\mathcal{I}_{2}\right)}{\left(\mathcal{I}_{3}^{*} - \mathcal{I}_{2}^{*}\right) \frac{2\sqrt{\mathcal{C}_{2}\left[\mathcal{I}_{3}^{*} \mathcal{L}_{p}\left(\mathcal{I}_{\Sigma}\right) - \mathcal{L}_{c}\right] + V_{n}^{2}}}{\left(\mathcal{I}_{3}^{*} - \mathcal{I}_{2}^{*}\right)^{2}} = \left\{\sqrt{\mathcal{C}_{2}\left[\mathcal{I}_{3}^{*} \mathcal{L}_{p}\left(\mathcal{I}_{\Sigma}\right) - \mathcal{L}_{c}\right] + V_{n}^{2} - V_{n}^{2}}\right\}$$

Приравняв производную к нулю, после некоторых преобразованим получим

$$T_{33\kappa}^* = \frac{2L_c}{L_\rho(\pi_{\mathfrak{T}})} - T_2^* + \frac{2V_n}{L_\rho(\pi_{\mathfrak{T}})} \sqrt{\frac{L_c - T_2 L_\rho(\pi_{\mathfrak{T}})}{C_2}} \ . \tag{3.9}$$

виражения (3,9) можно привести также к следующему виду:

$$\mathcal{T}_{3.9\kappa}^* = \mathcal{T}_H \left\{ \left[\pi_{\Sigma}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \left(\frac{2}{\gamma_p} - 1 \right) + 1 \right] \frac{1}{\gamma_c} - 1 + \frac{1}{\gamma_c} + M_R^2 \sqrt{\kappa R} \sqrt{\left\{ \left[\pi_{\Sigma}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \left(\frac{1}{\gamma_p} - 1 \right) + 1 \right] \frac{1}{\gamma_c} - 1 \right\} \frac{\pi_{\Sigma}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} (m+1)}{C_p(\pi_{\Sigma}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} - 1) 2 \gamma_{r_{\overline{B}}}} \right\} (0.10)$$

Из выражения (3.10) следует, что экономическая температура газа перед турбиной зависит от потерь в узлах двигателя ($?_c$, $?_\rho$, $?_{r\bar{u}}$), скорости полета, суммарной степени повышения давления $\pi_{\bar{z}}$, температуры наружного воздуха и степени двухконтурности.

Для идеального ГТД ($?_c = 1$, $?_\rho = 1$) из выражения (3.10) получим $\mathcal{T}_{3.9K}^* = \mathcal{T}_{2.00}^*$. Максимум общего к.п.д. и минимум удельного расхода топлива достигается при минимальной температуре газа перед турбиной, а увеличение \mathcal{T}_3^* приводит к непрерывному росту удельного расхода \mathcal{C}_{90} , что объясняется действием одного бактора — увеличения потерь кинетической энергии (см. рис.3.3).

Для реального ITД увеличение потерь в узлах двигателя приводят к смещению минимума удельного расхода топлива в сторону больших аначения температуры газа перед турбинои.

С увеличением скорости полета потери кинетической энергии с выхлопными газами уменьшаются, что ведет к увеличению экономической температуры газа перед турбиной.

С увеличением суммарной степени повышения давления рабочего тела температура T_{*}^* увеличивается (рис. 3.4).

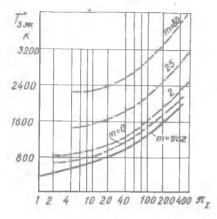


Рис. 3.4. Зависимость экономической температуры газа перед турбиной от суммарной степени повышения давления при различных значениях степени двухконтурности и скорости полета (T_H = 216,5K):

 $---V_{n}=0; ---V_{n}=750\kappa m/4$

Кроме того, из выражения (3.10) следует, что экономическая температура 7 изменяется пропорционально температуре наружного воздуха.

С увеличением степени двухконтурности экономическая температура повышается, и на различных типах ГТД наблюдается различный характер зависимости удельного расхода топлива от температуры au_3^* . На ТРД температура газа перед турбиной обычно превышает величину $T_{3.2K}$. В этом случае с увеличением температуры $T_{3.2K}^{*}$ удельный расход топлива возрастает. Для ТВД, наоборот, значение $T_{3.9K}$ выше максимально достигнутых в настоящее время температур, поэтому с в рабочем диапазоне температур удельный расход увеличением 7 топлива \mathcal{C}_{yd} монотонно снижается (см. рис.3.3).

Различие в изменении удельного расхода топлива на трех основных типах двигателей объясняется исключительно различным изменением к.п.д. движителя [см. формулу (3.2)], поскольку газотурбинные двигатели как тепловые машины не отличаются друг от друга. На ТРД с увеличением \int_3^* к.п.д. движителя, равный полетному к.п.д., значительно снижается (см. рис. 3.2) вследствие увеличения потерь кинетической энергии. На ТВД, где энергия, внесенная в двигатель, распределяется по большей массе рабочего тела, потери кинетической энергии невелики, поэтому снижение полетного к.п.д. с ростом компенсируется ростом коэффициента гидравлических потерь, и

к.п.д. движителя ТВД (к.п.д. винта) в рабочем диапазоне сохраняется примерно постоянным.

Величина к.п.д. движителя ТРДД занимает промежуточное положение между значением $\mathcal{C}_{\partial\mathcal{H}}$ ТРД и ТВД. Соответственно такое же положение занимает и температура $\mathcal{T}_{3.9}^{*}$ ТРДД. С увеличением степени двухконтурности экономическая температура увеличивается и удельный расход топлива ТРДД приближается к удельному расходу $\mathcal{C}_{\mathcal{Y}}$ ТВД как по величине, так и по характеру изменения.

Различным характером изменения к.п.д. движителя в зависимости от Γ_3 объясняется также и различная интенсивность изменения удельной тяти по Γ_3^* (см. рис.З.І), что очевидно из формулы (2.29). Поскольку в рабочем диаповоне температур Γ_3^* , $\rho_{\partial \mathcal{H}}$ $\tau_{\mathcal{B}\mathcal{A}} \approx const$, величина удельной тяги ТВД изменяется линейно в зависимости от величины работы цикла, а следовательно, и от температуры газа перед турбиной. Кривая зависимости удельной тяги ТРД от Γ_3 более полога вследствие снижения к.п.д. движителя. В частном случае, при $V_{\mathcal{H}} = 0$, величина удельной тяги ТРД изменяется пропорционально корню квадратному из величины работы цикла, что видно из формулы (2.33).

По рис. 3.1, 3.2 и 3.3 можно сравнить удельные параметры трех основных типов ГТД при различной температуре газа перед туробиной. Удельная тяга $R_{y\partial.\partial\delta}$ ТВД и ТРДД больше $R_{y\partial.\partial\delta}$ ТРД, а $C_{y\partial}$ ТВД и ТРДД меньше $C_{y\partial}$ ТРД, что объясняется увеличением степени двухконтурности и соответствует принципу присоединения массы.

Зависимость удельных параметров двигателя от суммарной степени повышения давления

Влияние суммарной степени повышения давления на удельные параметры двигателя рассмотрим при условии сохранения постоянной температуры газа перед турбиной.

Зависимости удельной тяги и общего к.п.д. от суммарной степени повышения давления имеют максимум, а зависимость удельного расхода топлива — минимум (рис. 3.5, 3.6 и 3.7).

Максимум удельной тяги всех трех типов ГТД совпадает с максимумом работы цикла и объясняется противоположным влиянием на $\mathcal{L}_{\mathcal{C}}$ двух факторов: увеличения термического к.п.д. с ростом $\mathcal{M}_{\mathcal{F}}$ и

очновременного уменьшения количества подведенного тепла (см. гл. I, § 2).

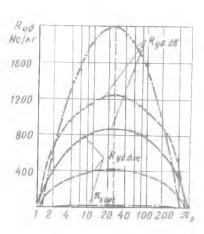
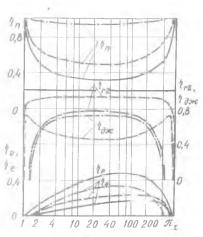


Рис. 3.5. Зависимость удельной тяги от суммарной степени повышения давления

$$(T_{H} = 216, 5 \text{ K}, V_{D} = 200 \text{ m/c},$$
 $T_{3}^{*} = 1600 \text{ K}, t_{C} = 0.85, t_{P} = 0.93$
 $t_{ITPAA} = 0.9, t_{ITBA} = 0.96):$
 $TPA = -TPAA, m = 2$
 $TBA, m = 80$

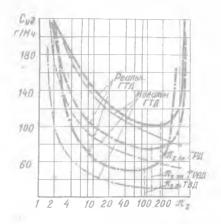


гло. с. 6. Зависимость к.п.д. от суммарной степени повы— шения давления

$$\begin{split} &(T_H = 216, 5\, K, \ V_\Pi = 200\, m/c \ , \\ &T_3^X = 1600\, K, \ ?_C = 0,85, ?_P = 0,93 \\ &?_{\overline{L}TPAA} = 0,9 \ , \ ?_{\overline{L}TBA} = 0,96) \ : \\ &----- TPA \ , \ m = 80 \ . \end{split}$$

Максимум общего к.п.д. и минимум удельного расхода топлива достигается при суммарной стеневы повышения давления, которую называют экономической $\mathcal{M}_{\Sigma,2\pi}$. Вознажновение максимума к.п.д. γ_o (минимума \mathcal{C}_{yg}) объяснлется противоположным влиянием тех же двух факторов, однако на величину γ_o (\mathcal{C}_{yg}) влияет, строго говоря, не само уменьшение количества подведенного тепла, а

возникающее в результате этого увеличение доли тепла, идущей на преодоление гидравлических потерь, т.е. уменьшение коэффициента гидравлических потерь $\gamma_{e\pi}$ (см. гл.1, §5).



Величина $\mathcal{R}_{\Sigma \ni \kappa}$ имеет различное значение для разных типов ГТД. Для ТВД величина $\mathcal{R}_{\Sigma \ni \kappa} = \mathcal{R}_{\Sigma}^{\ \prime}$ (максимум общего к.п.д. достигается при том же значении \mathcal{R}_{Σ} , при котором возникает максимум эффективного к.п.д.), так как к.п.д. движителя $\mathcal{R}_{\partial \kappa}$ сохраняется практически постоянным в диапазоне величин \mathcal{R}_{Σ} , близких к $\mathcal{R}_{\Sigma}^{\ \prime}$. Для ТРД величина $\mathcal{R}_{\Sigma \ni \kappa} > \mathcal{R}_{\Sigma}^{\ \prime}$, так как в диапазоне степеней повышения давления от $\mathcal{R}_{\Sigma}^{\ \prime}$ до $\mathcal{R}_{\Sigma \ni \kappa}$ общий к.п.д. растет вследствие увеличения полетного к.п.д. и преобладающего влияния последнего на величину \mathcal{R}_{O} (см. рис. 3.6). По интенсивности изменения функции $\mathcal{R}_{O} = \mathcal{L}_{O}$ (\mathcal{R}_{Σ}) ТРДД занимает промежуточное положение между ТРД и ТВД. Соответственно промежуточное положение занимает и величина экономической степени повышения давления ТРДД, т.е.

$$\mathcal{\pi}_{\Sigma \ni \mathsf{K}.\,\mathsf{TPA}} > \mathcal{\pi}_{\Sigma \ni \mathsf{K}.\,\mathsf{TPAA}} > \mathcal{\pi}_{\Sigma \ni \mathsf{K}.\,\mathsf{TBA}} = \mathcal{\pi}_{\Sigma}^{\ \ l} \ .$$

Экономическая степень повышения давления зависит от тех же факторов, от которых зависит экономическая температура, но их влияние противоположно. Увеличение степени двухконтурности, скорости полета и потерь в узлах приводит к снижению $\mathcal{\pi}_{\Sigma,g_K}$. Для идеального ГТД экономическая степень повышения давления равна предельном $\mathcal{\pi}_{\Sigma,np}$, поэтому увеличение $\mathcal{\pi}_{\Sigma}$ сопровождается непрерывным снижением удельного расхода топлива.

При минимальной степени повышения давления π_{Imin} удельная 10-4972

тята и общий к.п.д. равны нулю, а удельный расход топлива — бесконечности. Для ТРД $\mathcal{N}_{\mathit{Emin}}=1$, при этом работа цикла и эффективний к.п.д. равны нулю. Для ТРДД и ТВД $\mathcal{N}_{\mathit{Emin}}>1$ и работа цикла больше нуля, при этом вся работа цикла затрачивается на преодомение гидравлических потерь в наружном контуре ТРДД (винте ТВД), т.е. $\mathcal{L}_{e}=\mathcal{L}_{\mathit{PI}}$ м , а коэффициент гидравлических потерь и соответственно к.п.д. движителя равны нулю. Так как с ростом степени двухконтурности гидравлические потери увеличиваются,

При предельной степени повышения давления $\mathcal{N}_{F,0,0}$, когда подведенное тепло, уменьшаясь, становится равным потерям в основном контуре двигателя и в двигителе, удельная тяга и общий к.п.д. также обращаются в нуль, а удельный расход топлива — в бесконечность. Для ТРД велична $\mathcal{N}_{F,0,0}$ вычисляется по формуле (I.17), в этом случае работа цикла равна нулю. Для ТРДД и ТВД работа цикла в этой фочке больше нуля и затрачивается на преодоление гидравлических потерь в движителе. Так как в ТРДД и ТВД к потерям в основном контуре добавляются гидравлические потери в движителе,

$$\mathcal{I}_{\Sigma \cap P T \mathcal{B} \mathcal{A}} < \mathcal{F}_{\Sigma \cap P T \mathcal{P} \mathcal{A} \mathcal{A}} < \mathcal{F}_{\Sigma \cap P T \mathcal{P} \mathcal{A}}$$
 .

По рис.3.5, 3.6 и 3.7 можно сравнить удельные параметры трех основных типов ГТД при различной суммарной степени повышения давления. С переходом от ТРД к ТРДД и ТВД в рабочем диапазоне величин $\mathcal{R}_{\mathcal{F}}$ удельная тята $R_{\mathcal{G},\partial\mathcal{B}}$ увеличивается, а удельный расход топлива уменьшается, что соответствует принципу присоединения массы. Улучшение удельных параметров с увеличением степени двух-контурности сопровождается снижением удельной тяги движителя $R_{\mathcal{G},\partial\mathcal{H}}$, а следовательно, обеспечивается путем увеличения силовой установки летательного аппарата.

Рассмотренные в этом разделе закономерности применим к аналиву влияния степени повышения давления в компрессоре на удельные параметры газотурбинных двигателей, что можно проследить по тем же рисункам. Величины $\mathcal{F}_{\mathbb{Z}}$ к $\mathcal{H}_{\mathbb{K}}$ связаны формулой (I.9).

§ 3. Зависимость удельной тяги и удельного расхода топлива ТРДД от параметров движителя

Влияние параметров движителя на удельные параметри ТРДД проаналивируем при постоянных параметрах цинла и постоянных внешних условиях. Так как три основных типа ГТД отличаются друг от друга именно параметрами движителя, то такой анализ означает сравнение удельных параметров различных типов ГТД.

В предыдущей главе были рассмотрены зависимости удельной тяги от параметров движителя: $R_{y\partial.\partial\delta}=\phi(m)$ при $C_{SII}=C_{SII}$ и $R_{y\partial.\partial\delta}=\phi(x)$ при m=const и показано, что функция $R_{y\partial.\partial\delta}=\phi(x)$ имеет максимум при оптимальном распределении энергии между контурами $x=x_{opt}$. Этот максимум справедлив, однако, только при какой-то постоянной степени двухконтурности, с изменением этой величины максимальная тяга и соответствующее ей значение x_{opt} изменяются.

Чтобы определить максимум удельной тяги двигателя одновременно по двум переменным m и x, необходимо рассмотреть удельную тягу как функцию этих переменных: $R_{y\partial} \cdot \partial b = f(m,x)$. Аналитическое решение такой задачи сложно.

Для данных эначений Γ_{H} , V_{O} , Γ_{3}^{*} , π_{E} при принятом уровне потерь эта задача может быть решена расчетным путем (рис.3.8). В рассматриваемом численном примере увеличение степени двухконтурности от единицы до оптимального значения $m_{opt}=50$ приводит к увеличению коэффициента x_{opt} от \approx 0,45 до 0,95 и

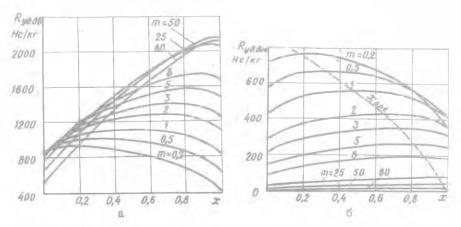


Рис. 3.8. Зависимость удельной тяги от параметров движителя (L_e = 560 кДж/кг, V_o = 200 м/с, γ_{ii} = 0,96): α - $R_{y\partial}$ $\partial \delta$; δ - $R_{y\partial}$. $\partial \sigma c$

к соответствующему увеличению удельной тяги от 1100 Hc/кг до максимального значения $R_{g\partial.\partial\delta_{max}}=2100\,Hc/$ кг. Дальнейшее повышение степени двухконтурности приводит к уменьшению удельной тяги.

Максимум удельной тяги двигателя одновременно по двум переменным практически равен максимуму удельной тяги, который достигается при оптимальной степени двужконтурности при условии $C_{\mathcal{S}\overline{H}}=\mathcal{C}_{\mathcal{S}\mathcal{I}}$ (см. гл. П, § 4), так как в этом случае обеспечивается бливкое к оптимальному распределение энергии между контурами.

Зависимость удельного расхода топлива ТРДД от параметров движителя легко проанализировать по формуле (3.3). Числитель этой формулы при изменении величин m и x сохраняется неизменным, так как относительный расход топлива определяется параметрами цикла, а от параметров движителя не зависит. Поэтому удельный расход топлива в рассматриваемом случае изменяется обратно пропорционально изменению удельной тяги двигателя.

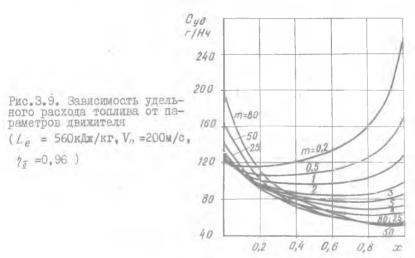
При постоянной степени двухконтурности и оптимальном распределении энергии между контурами удельный расход топлива имеет минимум, соответствующий максимуму удельной тяги. Причем для небольших степеней двухконтурности кривая зависимости $\mathcal{C}_{yd} = \mathscr{L}(x)$ пологая и минимальный удельный расход топлива, а также максимальная удельная тяга, практически обеспечиваются при значительном отклонении x от x_{opt} . Для больших степеней двухконтурности кривая указанной зависимости имеет ярко выраженный минимум и величина \mathcal{C}_{yd} min достигается только при оптимальном и близком к нему значении x о

Минимум удельного расхода топлива одновременно по двум переменным m и x получается, как и соответствующий максимум удельной тяги, при оптимальных параметрах движителя (m_{opt} и x_{opt}).

В приведенном ранее примере(рис.3.8) с увеличением степени двухконтурности от единицы до оптимального значения $m_{opt}=50$ удельный расход топлива уменьшается от ~100 до $50\frac{\Gamma}{HZ}$ (рис.3.9). Примерно такие параметры движителя (m=50--100, $x \approx 0,95$) имеет ТВД, который и обеспечивает минимальный удельный расход топлива в рассматриваемых условиях полета.

Таким образом, эффективность ГТД можно значительно повысить, изменяя параметры движителя и приближая их к оптимальному значению. Изменяя степень двухконтурности и коэффициент x, можно получить бесконечно большой ряд газотурбинных двигателей от ТРД (m=0, x=0) до ТВД с вертолетным винтом (m=1000, x=0,95-0,99).

При проектировании ТРДД выбирать оптимальные параметры движителя из условин обеспечения минимума удельного расхода топлива одновременно по двум переменным, как правило, нецелесообразно, так как при этом значительно уменьшается удельная тяга движителя и соответственно увеличиваются его габариты. В рассматриваемом примере (см. рис. 3.8, б) с увеличением степени двужконтурности



от I до 50 удельная тяга движителя уменьшается от 550 до $80\,\text{He/kr}$. Заданная полная тяга обеспечивается в этом случае за счет увеличения примерно в семь раз расхода воздуха через движитель, что ведет к соответствующему увеличению габаритов. Поэтому при выборе степени двухконтурности приходится идти на компромисс, принимая $m < m_{opt}$ и обеспечивая достаточно низкие значения удельного расхода топлива при приемлемых габаритах. Величину x выбирают всегда близкой к оптимальному значению, практически обеспечивая минимум расхода топлива, соответствующий принятому значению степени двухконтурности.

§4. Зависимость удельной тяги и удельного расхода топлива ГТД от внешних условий

Влияние скорости полета и температуры наружного воздуха на удельные параметры ГТД рассмотрим при условии, что величины \mathcal{T}_3 , m, \mathcal{C}_c , \mathcal{C}_P , $\mathcal{C}_{\overline{L}}$, \mathcal{C}_{KC} сохраняются неизменными, а распределение энергии между контурами задано равенством скоростей $\mathcal{C}_{S\overline{L}} = \mathcal{C}_{S\mathcal{I}}$.

Суммарная степень повышения давления при изменении внешних условий, как правило, не сохраняется постоянной вследствие изменения степени повышения давления в воздухозаборнике и компрессоре.

Величина π_v определяется числом \mathcal{M}_{π} и коэффициентом восстановления полного давления в воздухозаборнике (см. формулу I.II).

Характер изменения степени повышения давления в компрессоре зависит от закона регулирования газотурбинного двигателя. Во мно-гих случаях газотурбинные двигатели регулируются таким образом, что при изменении внешних условий работа компрессора сохраняется неизменной. Поэтому в этом параграфе степень повышения давления в компрессоре будет определяться при условии сохранения адиабатической работы компрессора:

 $L_{\kappa,\alpha\partial} = C_p T_H^* (\pi_{\kappa}^{\kappa-1} - 1) = const.$

Из данной формулы следует, что с увеличением полной температуры на входе в двигатель степень повышения давления в компрессоре уменьшается.

Зависимость удельных параметров двигателя от скорости

Влияние скорости полета на удельные параметры двигателя рассмотрим при условии сохранения постоянной температуры наружного воздуха.

Несмотря на уменьшение величини \mathcal{R}_{κ} , с увеличением скорости полета суммарная степень повышения давления увеличивается, блатодаря значительному увеличению степени повышения давления в воздухозаборнике \mathcal{R}_{κ} .

Проанализируем зависимость удельной тяги трех основных типов ГТД от скорости полета. Для этого преобразуем равенство (2.29), выразив к.п.д. движителя через коэффициент гидравлических потерь γ_{RQ} и полетный к.п.д. (2.16), полетный к.п.д. – через скорость истечения (2.24), а скорость истечения – через работу цикла (2.31). После преобразования имеем

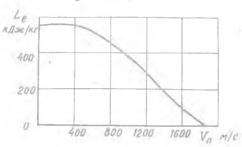
$$R_{y\bar{\sigma}.\bar{\sigma}\bar{\delta}} = \frac{2L_{e}\,t_{r\bar{\pi}}}{V_{n} + \sqrt{\frac{2L_{e}\,t_{r\bar{\pi}}}{m+f}} + V_{n}^{2}} \qquad (3.11)$$

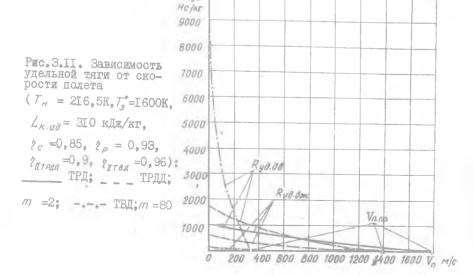
С изменением скорости полета работа цикла изменяе́тся только вследствие изменения суммарной степени повышения давления в двигателе. Характер изменения работы цикла в зависимости от скорости V_n (рис.3.10) определяется в основном функцией $L_e=f(\pi_e)$. При увеличении скорости полета величина работн цикла вначале изменяется незначительно, так как суммарная степень повышения давления обычно мале отличается от оптимальной, поэтому при анализе формулы (3.II) можно принять $L_e=const$. Дальнейшее увеличение скорости V_n (при $\pi_z > \pi_{eopt}$) приводит к уменьшению работы цикла, так как уменьшается количество подведенного к рабочему телу тепла Q_f .

Из формулы (3.II) следует, что величина удельной тяги ГТД с увеличением скорости полета уменьшается. Причем удельная тяга ТРДД и ТВД уменьшается более интенсивно (рис. 3.II).

Rud

Рис. 3.10. Зависимость работы никла от скорости полета ($T_H = 216,5$ К, $T_{\overline{J}}^* = 1600$ К, $L_{\kappa.a\partial} = 310$ кДж/кг, $\gamma_c = 0,85,\gamma_\rho = 0,93$)





Уменьшение удельной тяги с увеличением скорости полета является следствием правила механики: с увеличением секундного пути

при постоянной работе передвижения сила Рид дв должна снижаться. Однако это не единственная причина снижения удельной тяги. Уменьшение удельной тяги объясняется, кроме того, уменьшением количества подведенного к рабочему телу тепла Q_1 и соответствующим снижением (при $\pi_1 > \pi_2$ сет.) работы цикла. Последняя причина становится основной при больших сверхзвуковых скоростях полета.

При некотором значении скорости, которое будем называть предельным $V_{\sigma,\sigma\rho}$, удельная тяга обращается в нуль, так как суммарная степень повышения давления достигает предельной величины, и все подведенное тепло идет на преодоление потерь. Вследствие TOTO, 4TO

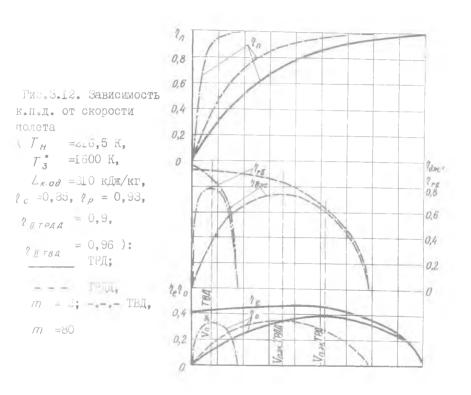
TE NO THA < TE NO TRAD < TE NO TRA

имеем

 $V_{n.n
ho au 8d} < V_{n.n
ho au au 2d} < V_{n.n
ho au 8d}$. Уменьшение удельной тяги двигателя $R_{y au . \partial \mathcal{B}}$ (а следовательно и удельной тяги движителя $R_{ud.dom}$) с увеличением скорости полета ведет к увеличению полетного к.п.д. всех типов ГТД / см. формулу (2.25) и рис. 3.12 . Поэтому к.п.д. движителя ТРД, равный полетному к.п.д., с ростом скорости V_{α} от нуля до предельной величины увеличивается соответственно от нуля до единицы. Для ТРДД и ТВД полетный к.п.д. и коэффициент гидравлических потерь с увеличением скорости V_0 изменяются противоположно. При $V_0 = 0$ полетный к.п.д. равен нуже, а при $V_{Q} = V_{Q,Q,Q}$ нуже равен коэффициент гидравлических потерь. Поэтому к.п.д. движителей ТРДД и ТВД в зависимости от скорости полета имеет максимум: вначале (на небольших скоростях) на величину даж преобладающее влияние оказывает полетный к.п.д., а затем (на больших скоростях) - коэффициент гидравлических потерь. К.п.д. движителя ТРДД, как и удельная тяга ТРДД, заклиает промежуточное положение между величинами ТРД и ТВД, приближаясь с увеличением л к к.п.д. движителя ТВД (к.п.д. винта).

После того как стал известен характер зависимости $\gamma_{abc} = f(V_a)$. особенности функции $R_{u\bar{\sigma}\bar{\sigma}\delta}=f$ (V_{o}) для трех типов ГТД целесообразно проанализировать по формуле (2.29). Из этой формулы

следует, например, что если в каком-либо диапазоне скоростей полета к.п.д. движителя сохраняется постоянным, то при постоянной расоте цикла удельная тята РТД изменяется обратно авопорционально скороста полета.



Общий к.п.д. с увеличением скорости полета вначале растет, достигает максимума при некоторой скорости, которую назовем экономической $V_{\sigma, \Im K}$, затем уменьшается до нуля (см. рис. 3.12). Возникновение максимума общего к.п.д. по величине V_{σ} объясняется влиянием тех же факторов, которые определяют возникновение сто по суммарной степени повишения давления.

Экономические скорости полета различных типов ГТД относительно друг друга находятся в таком же соотношении, как и экономические суммарные степени повышения давления, т.е.

Удельний расход топыва увеличивается с ростом скорости полета для всех типов ГТД (рис.3.13), несмотря на увеличение общего к.п.д., так как рост скорости полета в формуле (3.5) преобладает над ростом общего к.п.д. Увеличение удельного расхода можно объяснить

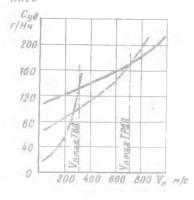


Рис. 3.13. Зависимость удельного расхода топлива от скорости полета (T_H =216,5K. T_3^* = 1600K, $L_{\kappa.\alpha\bar{\sigma}}$ =310 кДж/кг, ℓ_c = 0,85, ℓ_ρ =0,93, $\ell_{\bar{\pi}\,\tau\rho\rho\bar{\rho}\bar{\rho}\bar{\rho}}$ = 0,9, $\ell_{\bar{\pi}\,\tau\rho\bar{\rho}\bar{\rho}\bar{\rho}}$ = 0,9, $\ell_{\bar{\pi}\,\tau\bar{\rho}\bar{\rho}\bar{\rho}}$ = 0,96):

тем, что с ростом скорости V_n увеличивается работа, производимая каждым килограммом тяги, и для совершения этой работы необходимо затрачивать все большее количество топлива.

Увеличение $\mathcal{C}_{\mathcal{Q}\overline{\mathcal{J}}}$ с ростом величини $V_{\mathcal{J}}$ не означает снижения эффективности ІТД, а подтверждает (см. гл. 3, §I), что при изменении скорости полета величина $\mathcal{C}_{\mathcal{Q}\overline{\mathcal{J}}}$ не может быть критерием эффективности двигателя.

Оптимальный ГТД для различных скоростей полета

Итак, с увеличением скорости полета удельная тяга всех трех типов ГТД уменьшается, а удельный расход топлива увеличивается. Различные типы ГТД отличаются только интенсивностью изменения удельных параметров (см. рис.3.II и 3.I3).

Из формул (2.29) и (3.2) следует, что особенности изменения удельной тяги и общего к.п.д. по скорости полета (различная интенсивность) на различных типах ГТД объясняются особенностями изменения к.п.д. движителя (так как газотурбинные двигатели как тепловые машины не отличаются друг от друга). На малых скоростях к.п.д. движителя ТРДД и ТВД в несколько раз превышают величину

₹ джс ТРД. На больших скоростях это отличие несущественно.

А при некоторой скорости, которую назовем максимальной $V_{n\,max}$, к.п.д. движителя, а следовательно и удельные параметры ТРДД (ТВД), сравниваются с к.п.д. движителя и удельными параметрами ТРД (см. рис.3.II, 3,I2 и 3.I3). При дальнейшем увеличении скорости полета ТРДД и ТВД начинают уступать по удельным параметрам турбореактивному двигателю. По достижении предельной скорости $V_{n.np}$ тяга всех трех типов ГТД, как уже было показано, становится равной нулю.

Отмеченные особенности различных типов ГТД свидетельствуют о различном влиянии степени двухконтурности на к.п.д. движителя, а следовательно, и на удельные параметры ГТД при различных скоростях полета. Это объясняется тем, что на различных скоростях V_{α} величина т по-разному влияет на величину потерь кинетической энергии и на гицравлические потери в движителе. На малых скоростях, когда скорость истечения намного больше скорости полета и потери кинетической энергии относительно велики (полетный к.п.д. ? низок), с увеличением степени двухконтурности л существенно уменьшаются потери кинетической энергии (к.п.д. / растет); при этом гидравлические потери в наружном контуре увеличиваются (коэффициент / ди снижается) несущественно. В результате оптимальная степень двухконтурности достигает значительной величины, а к.п.д. движителя ТРДД (к.п.д. винта ТВД) при этом намного превышает полетный к.п.д. ТРД (см. рис.2.7). На больших скоростях полета. когда потери кинетической энергии невелики, наоборот, с увеличением // полетный к.п.д. увеличивается несущественно, а коэффициент 2_{RR} значительно уменьшается [см. формулу (2.2I)]. Поэтому оптимальная степень двухконтурности невелика, а к.п.д. движителя ТРДД при этом мало отличается от полетного к.п.д. ТРД (рис. 3.14).

Из этого следует, что для достижения максимального к.п.д. движителя, а следовательно максимальной удельной тяги и минимального удельного расхода топлива, газотурбинный двигатель с заданными значениями Γ_3^* и \mathcal{L}_κ на различных скоростях полета должен иметь переменные параметры движителя: с увеличением скорости V_σ оптимальная степень двужконтурности и оптимальный коэффициент x, характеризующий распределение энергии между контурами, уменьшаются Γ зависимость оптимальных параметров движителя от скорости по-

пет і можно проянали ировать также но формулам (2.35) и (2.41)

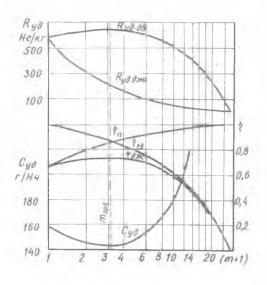
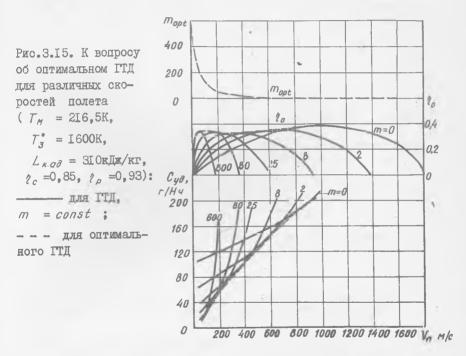


Рис. 3.14. Влияние степени двухконтурности на удельные параметры ГТД (\angle_e = 520 кДж/кг, V_{π} = 590 м/с, $\gamma_{\overline{\mu}}$ =0.9)

артыве γ_o ; $\mathcal{C}_{\mathcal{G}\partial} = \ell(V_n)$ для гакого оптимального ГТД огибают соответствующие зависимости бесконечно большого числа газотурбинных двигателе., отличающихся по величинам m и x (рис.3.15).

Каждый ГТД с постоянными значениями m и x_{opt} является оптимальным только на одной, экономической, скорости полета. Применение этого ГТД на скоростях полета, отличающихся от экономической, приводит к снижению его эффективности по сравнению с эффективностью оптимального ГТД. На меньших скоростях тяга меньше максимальной, а уцельный расход топлива больше минимального, так как $m < m_{opt}$; на больших скоростях удельные параметры также хуже уцельных параметров оптимального ГТД, так как $m > m_{opt}$. Поэтому для покучения максимальной эффективности каждый тип ГТД (с дажнения значениями m и x) целесообразно применять в определенном диапазоне скоростей. Так, для частного случая, который илимострирлется на рис. 3.15, максимальный общий к.п.д. ГТД с разлячном этепенью двухконтурности обеспечивается в следующем длашазоне скоростей:

ТВД при m=600 $0 < V_n < 80 \text{ m/c}$; ТВД при m=80 $80 < V_n < 220 \text{ m/c}$; ТРДД при m=8 $150 < V_n < 400 \text{ m/c}$; ТРД -(m=0) $400 < V_n < 1400 \text{ m/c}$.



Экономическая скорость полета (а следовательно, и рекомендуемии диалазон применения данного типа ГТД), зависит не только от степени двухконтурности, но и от параметров цикла и потерь в узлах. Увеличение работи цикла или снижение потерь в движителе приводит к увеличению характерных скоростей ($V_{n.3K}, V_{n.max}, V_{n.np}$) и расширению диалазона применения ГТД.

Зависимость удельных параметров двигателя от температуры наружного воздуха

Влияние температуры наружного воздуха рассмотрим при условии, что скорость полета сохраняется постоянной.

С повышением температуры воздуха суммарная степень повышения давления уменьшается (рис. 3.16) при условии сохранения постоянной работы сжатия. Одновременно повышается температура в конце

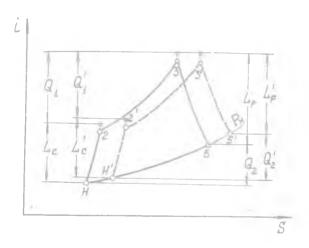


Рис. 3.16. К влиянию температуры наружного воздужа на рабочий процесс основного контура ГТД:

— для температуры $\Gamma_{\!\scriptscriptstyle H}$; — — для температуры $\Gamma_{\!\scriptscriptstyle H}{}'$, $\Gamma_{\!\scriptscriptstyle H}{}'$

процесса сжатия и уменьшается количество тепла \mathcal{Q}_{f} , подведенного к рабочему телу. При этом работа цикла уменьшается, так как при постоянной работе сжатия уменьшается работа расширения газа [см. уравнение (1.8)]. Эййективный к.п.д. снижается как вследствие снижения термического к.п.д., так и коэййициента гидравли-

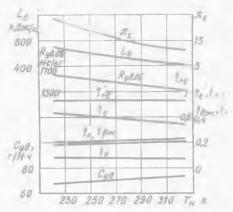
ческих потерь χ_{rI} в основном контуре двигателя (см. гл.1, §5). Величина удельной тяги ГТД с повышением температуры \mathcal{T}_{H} изменяется так же, как и работа цикла. Коэффициент гидравлических

потерь в движителе $\ell_{r\pi}$ и полетный к.п.д. изменяются противоположно: коэффициент $\ell_{r\pi}$ снижается, а к.п.д. $\ell_{r\pi}$ растет. К.п.д. движителя увеличивается, так как преобладает влияние на него полетного к.п.л.

Общий к.п.д. изменяется так же, как и эффективный, вследствие преобладающего влияния последнего. Величина удельного расхода топлива изменяется обратно пропорционально общему к.п.д.

ных параметров ТРДД от температуры наружного воздуха ($V_n = 70 \text{м/c}, \ T_3^* = \text{I}600 \text{к},$ $L_c = 390 \, \text{кДж/кг}, \ m = 2,$ $2c = 0.85, \ 2a = 0.93$,

Рис. 3.17. Зависимость улель-



Удельные параметры ITД с увеличением температуры наружного воздуха значительно ухудшаются (рис. 3.17).

§5. Потери в ГТД

Зависимость удельных параметров двигателя от потерь в узлах

Данные зависимости будем анализировать, предполагая, что параметры цикла, внешние условия и степень двухконтурности сохраняются неизменными, а распределение энергии между контурами задано равенством скоростей $\mathcal{C}_{SR} = \mathcal{C}_{SI}$.

Рассмотрим, как изменятся удельные параметри ІТД, если потери в процессах сжатия и расширения увеличатся, т.е. к.п.д. ? и ? уменьшатся при постоянных значениях к.п.д. наружного контура и коэффициента полноты сгорания топлива.

Снижение к.п.д. процесса сжатия γ_{c} ведет к увеличению работн \mathcal{L}_{c} , необходимой для сжатия рабочего тела до заданного

давления [см. уравнение (I.8) и рис. 3.18)]. При этом увеличивается температура в конце процесса сжатия [см. зависимость (I.14)] и уменьшается количество тепла \mathcal{Q}_1 , подведенного к рабочему телу [см. формулу (I.I)].

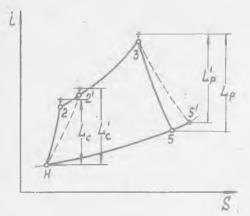


Рис. 3.18. К влиянию потерь в процессах сжатия и расширения на рабочий процесс основного контура ГТД:

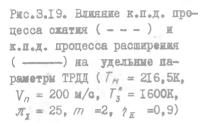
для к.п.д. 2 с · ? р ; - - для к.п.д. 2 с < 2 с · ? р < ? р

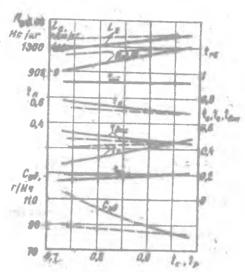
Снижение к.п.д. процесса расширения γ_{ρ} ведет к уменьшению работы расширения \mathcal{L}_{ρ} . При этом увеличивается температура в конце процесса расширения и увеличивается количество тепла \mathcal{Q}_{2} , отведенного в атмосферу с выхлопными газами.

Оба фактора приводят к уменьшению работы цикла, к снижению коэффициента гидравлических потерь в основном контуре ГТД $_{c_{1}}$ и эффективного к.п.д. [см. формулы (I.23) и (I.25)] . Эффективность ГТД как тепловой машины снижается.

Как следует из формулы (2.33), при снижении работы цикла уменьшается удельная тята ГТД. Соответственно уменьшается удельная тята га движителя, снижаются потери кинетической энергии с выхлопными газами, увеличивается полетный к.п.д. Коэффициент гидравлических потерь $\binom{1}{2}$ при снижении работы $\binom{1}{2}$ уменьшается $\binom{1}{2}$ см. равенство (2.15) — возрастает доля работы цикла, илущая на преодоление гидравлических потерь в наружном контуре. Величины $\binom{1}{2}$ и $\binom{1}{2}$ оказывают на к.п.д. движителя противоположное влияние. Обычно преобладающее влияние оказывает полетный к.п.д., поэтому к.п.д. движителя увеличивается (рис.3.19).

Эффективный к.п.д. и к.п.д. движителя, в свою очередь, оказывают противоположное влияние на общий к.п.д. В рассматриваемом случае преобладающее влияние оказывает величина $ho_{\mathcal{C}}$ — при увеличении потерь в процессах сматия и распирения всегда общий к.н.д. двигателя снижается, а уденьний расход теплива увеличивается.





Рассмотрим влияние потерь в наружном контуре ТРДД (винте ТВД) на удельние параметри двигателя. Изменение величины этих потерь не влияет на рабочий процесс в основном контуре двигателя: работа пижие и эффективный к.п.д. сохраняются неизменным, изменяются только параметри рабочего процесса в наружном контуре ТРДД (рис.3.20). При увеличении потерь в движителе (при снижении к.п.д. наружного контура $?_{\pi}$) снижение тага. При этом снижение неских потерь $?_{\pi}$ и уменьшается удельная тага. При этом снижение и к.п.д. движителя (рис.3.21), несмотря на увеличение пометного к.п.д., так как преобладает влияние коэффициента $?_{\pi}$. Облий к.п.д. изменяется пропорционально (а удельный расход топлива — обратно пропорционально) изменению к.п.д. движителя.

При изменении коэффициента полноти сгорания топлива $\gamma_{\kappa c}$ величины работи цикла и удельной тити $\Pi \Pi$ из изменяются, так как они не зависят от полноти сгорания при условии сохранения постоянных

параметров цикла и движителя. Эффективный и общий к.п.д. изменняются пропорционально изменению коэффициента //...

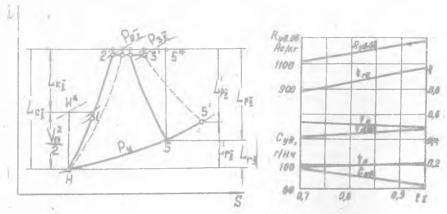


Рис. 3.20. К влиянию потерь на рабочий процесс в наружном контуре ТРДД:

Рис. 3.21. Влияние к.п.д. наружного контура на удельные параметры ТРДД $Z_e = 560$ вДж/вг, $V_n = 200$ м/с, m = 2)

Кроме того, потери в уздах оказивают влияние на оптимальные значения термодинамических параметров. С увеличением потерь в процессах скатия и раснирения снижаются оптимальная, предельная [см. формулу (1.18)] и экономическая суммарная степени повышения давления в двигателе и возрастают минимальная и экономическая [см. выражения (1.12) и (3.10)] температуры газа перед турбиной. Одновременно снижаются оптимальные параметры движителя: степень двужконтурности m_{opt} и коэффициент x_{opt} [см. зависимости (2.35) и (2.41)] вследствие снижения работы цикла и увеличения доли этой работы, идущей на преодоление гларавлических сопротивлений в наружном контуре. Оптимальные параметры движителя уменьшаются также при увеличении потерь в наружном контуре ТРДД (винтететель). Коэффициент полноты сгорания топлива не влияет на оптимальные параметры цикла и движителя.

Значительное увеличение потерь в процессах скатия и расширения может привести к тому, что минимальная температура Γ_{min}^* и предельная степень повышения давления \mathcal{I}_{Enp} достигнут зацанны.

для данного двигателя максимальных значений, и следовательно, работа цикла будет равна нулю. Это значит, что любым заданным параметрам цикла соответствует определенный уровень потерь, превышение которого приводит к вырождению цикла.

Энергетический баланс ГТД

В заключение проследим преобразование располагаемой энергии топлива \mathcal{Q}_{o} , приходящейся на I кг рабочего тела, в работу передвижения летательного аппарата для трех типов ГТД (рис.3.22). Величину \mathcal{Q}_{o} примем за 100%.

Рис. 3.22. Энергетический баланс ГТЛ

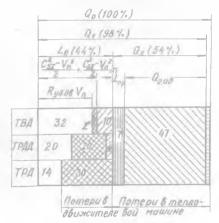
= - (1-7xc)Q0

W - Q200

2 - L pa m

₩ - L_{C5} (m+1)

III - L C.D



Вследствие неполного сгорания топлива часть тепла от располагаемой энергии \mathcal{Q}_o не выделяется в камере сгорания. Так, при коэффициенте полноты сгорания топлива, обычно равном $\gamma_{\kappa c}$ =0,98, 2% топлива выбрасывается в атмосферу с продуктами неполного сгорания, остальное тепло \mathcal{Q}_f подводится к рабочему телу.

В основном контуре двигателя совершается процесс преобразования тепла, подведенного к рабочему телу, в работу цикла. Часть \mathcal{Q}_2 этого тепла выбрасывается в атмосферу с нагретыми выхлопными газами (величина \mathcal{Q}_2 складывается из тепловых потерь $\mathcal{Q}_{2\alpha}$ которые обусловлены термодинамическим несовершенством цикла и учитываются термическим к.п.д., и потерь $\mathcal{L}_{\rho,\rho}$ обусловленных влиянием сил вязкости в процессе расширения). Остальное тепло, равное \mathcal{Q}_4 - \mathcal{Q}_2 , преобразуется в работу цикла (см. гл. 1, §4).

Так как отношение работы цикла и располагаемой энергии внесенного в двигатель топлива равно эффективному к \bullet п \bullet д \bullet , а энергия \mathcal{Q}_{a} принята за 100%, то величина работи цикла количественно равна эффективному к.п.д. (в процентах). В рассматриваемом частном олучае (T_H = 216,5K, V_Q = 750 км/ч, T_3^* =1600K, $\pi_{\rm F}$ =25)только 44% тепла преобразуется в работу цикла.

В движителе работа цикла преобразуется в полезную работу передвижения летательного аппарата, которая для I кг рабочего тела, проходящего через основной контур двигателя, равна произведению удельной тяги двигателя на скорость полета $R_{y\partial_{-}\partial\delta}$ V_{D} . При этом часть работы цикла идет на преодоление потерь, которые складываются из внутренних L_{pq} m (см. гл. 2, §3) и внешних

LC= (m+1).

Часть работи цикла, идущая на преодоление внутренних (гидравлических) потерь, преобразуется в тепловую энергию и выбрасывается в атмосферу в виде тепла нагретого рабочего тела, выходящего из движителя. Эти потери учитиваются коэффициентом гидравлических потерь 2 Для ТРД 2 ... =1, так как движитель ТРД является одновременно основным контуром, потери в котором учитываются эффективным к.п.д. В ТРДД и ТВД на преодоление гидравлических потерь в движителе затрачивается 4 и 10% от энергии \mathcal{Q}_{q} . Это означает, что в этих случаях 91 ($\gamma_{r\pi} = 0.91$) и 78% ($\gamma_{r\pi} = 0.78$) работы цикла идет на приращение кинетической энергии рабочего тела.

На ТРД, ТРДД и ТВД внешние потери \mathcal{L}_{cs} (m+1), представляюшие собой кинетическую энергию рабочего тела, которое движется ОТНОСИТЕЛЬНО НЕПОДВИЖНОЙ ВНЕШНЕЙ СРЕДЫ, СОСТАВЛЯЮТ СООТВЕТСТВЕНно 30, 20 и 2% от энергии \mathcal{Q}_{o} . Это означает, что на этих движителях соответственно 32 ($?_n$ =0,32), 50 ($?_n$ = 0,50) и 94% (1 = 0,94) от приращения кинетической энергии составляет полевная работа передвижения летательного аппарата.

Преобладающий рост полетного к.п.д. приводит к повышению эфрективности движителей ТВД и ТРДД по сравнению с эффективностью движителя ТРД: $\gamma_{\it дэнс.тва}$ =0,74, $\gamma_{\it дэнс.тва}$ 0,46, $\gamma_{\it дэнс.тра}$ = 0,32 несмотря на увеличение гидравлических потерь.

Соответственно величина полезной работы $R_{y\partial} \partial \delta V_{\Omega}$ увеличивается, (по сравнению с полезной работой ТРД), в~1,5 раза на ТРДД и в 2.3 раза на ТВД.

Величина полезной работы передвижения летательного аппарата при принятых допущениях численно равна общему к.п.д. ГТД.

Из диаграммы энергетического баланса (см. рис. 3.22) следует, что в полезную работу передвижения летательного аппарата в рассматриваемом случае преобразуется $\sim \frac{1}{7}$ часть располагаемой энергии топлива на $\text{ТРД} \sim \frac{1}{5}$ — на ТРДД и $\sim \frac{1}{3}$ — на ТВД. Значительное повышение эффективности преобразования тепла в работу на ТРДД и ТВД (по сравнению с ТРД) объясняется улучшением двигателя как движителя.

выводы

- Г. Величина удельной тяги трех основных типов ГТД в зависимости от параметров цикла изменяется так же, как величина работы цикла: монотонно растет с увеличением температуры газа перед турбиной и имеет максимум по суммарной степени повышения давления. В рабочем диапазоне изменения параметров цикла к.п.д. движителей ТРД и ТРДД изменяются противоположно изменению удельной тяги, к.п.д. винта ТВД на основных эксплуатационных режимах сохраняется практически постоянным. В граничных точках, где величина работы цикла, уменьшаясь, становится равной величине гидравлических потерь в движителе, к.п.д. 2 дж ТРДД и ТВД обращается в нуль.
- 2. Критерием эффективности ГТД служит общий к.п.д., который показывает степень преобразования располагаемой энергии внесенного в двигатель топлива в полезную работу передвижения летательного аппарата. В качестве частного критерия эффективности используется также величина удельного расхода топлива, которая, однако, неоднозначно определяется общим к.п.д.
- 3. Эффективность ГТД зависит от параметров цикла ($\mathcal{T}_{\mathfrak{J}}^*$ и $\mathcal{N}_{\mathfrak{I}}$), параметров движителя (m и x), внешних условий (V_n и \mathcal{T}_H) и уровня потерь в узлах двигателя. Общий к.п.д. по каждому из параметров цикла, параметров движителя и по скорости полета имеет максимум.
- 4. Возникновение максимума общего к.п.д. и минимума удельного расхода топлива по температуре газа перед турбиной объясняется противоположным влиянием двух факторов: увеличения коеффициента гидравлических потерь с ростом температуры 7, ни одновременного уменьшения полетного к.п.д.

- 5. Максимум общего к.п.д. и минимум удельного расхода топлива по суммарной степени повышения давления объясняется противоположным влиянием тех же факторов, которые обусловливают максимум эффективного к.п.д. На величину $\mathcal{R}_{\mathcal{E} \mathcal{J} \mathcal{K}}$ различных типов ГТД оказывает влияние, кроме того, изменение к.п.д. движителя.
- 6. При постоянных параметрах цикла, изменяя параметры движителя (m и x), можно получить бесконечно большой ряд ГТД от ТРД (m =0, x = 0) до ТВД с вертолетным винтом (m \approx 1000, x \approx 0,95 0,99). При выборе параметров ТРДД и ТВД необходимо оптимально распределить энергию между движителем и двигателем, т.е. принять x = x_{opt} . Степень двухконтурности ТРДД выбирают всегда меньше m_{opt} , чтобы обеспечить достаточно низкие значения удельного расхода топлива при приемлемых габаритах.
- 7. Для снижения удельного расхода топлива ТРД, необходимо увеличивать суммарную степень повышения давления (при умеренных эначениях Γ_3), а на ТВД, кроме того, увеличивать температуру газа перед турбиной. Для существенного улучшения экономичности ТРДД следует одновременно повышать четыре параметра: π_{z} , Γ_{3}^{z} , m и x.
- 8. При увеличении скорости полета три основных типа ГТД становятся близки по тяговым и экономическим характеристикам. Удельная тяга всех трех типов ГТД снижается, а общий к.п.д. имеет максимум по скорости полета. Для получения максимальной эффективности целесообразно на режимах длительной работы каждый тип ГТД применять только в определенном диапазоне скоростей. Оптимальный ГТД в широком диапазоне скоростей это преобразуемый двигатель с переменной степенью двухконтурности от ТВД при $V_0 = 0$ до ТРД на больших сверхэвуковых скоростях.
- 9. Повышение температуры наружного воздуха при постоянных параметрах рабочего процесса ведет г ухудшению удельных параметров двигателя: удельная тяга снижается, а удельный расход топлива растет. Аналогично влияет на удельные параметры двигателя увеличение потерь в его узлах.

Контрольные вопросы

- I. Что общего имеют критерии ℓ_o , ℓ_{gd} и ℓ_e ? Чем они отличаются друг от друга?
- 2. От каких параметров зависит удельный расход топлива ГТД?
- 3. Каковы особенности изменения удельной тяги трех основных типов ГТД в зависимости от температуры газа перед турбиной?

- 4. Каковы особенности изменения к.п.д. движителя трех основных типов ГТД в зависимости от температуры газа перед турбиной?
- 5. Как и почему удельный расход топлива трех основных типов ГТД зависит от температуры газа перед турбиной?
- 6. Что представляет собой экономическая температура газа перед турбиной $\Gamma_{3,2K}$ и от каких факторов она зависит?
- 7. Как и почему удельная тяга трех основных типов ГТД зависит от суммарной степени повышения давления?
- 8. Как и почему к.п.д. движителя трех основных типов ГТД зависит от суммарной степени повышения давления?
- 9. Как и почему удельный расход топлива трех основных типов ГТД зависит от суммарной степени повышения давления?
- 10. Что представляет собой экономическая суммарная степень повышения давления $\mathcal{F}_{\mathbf{r},\mathbf{w}}$ и от каких факторов она зависит?
- II. Как и почему удельный расход топлива ТРДД зависит от параметров движителя (m и x)?
- 12. Каковы особенности изменения удельной тяги трех основных типов ГТД в зависимости от скорости полета?
- 13. Каковы особенности изменения к.п.д. движителя трех основных типов ГТД в зависимости от скорости полета?
- 14. Как и почему общий к.п.д. и удельный расход топлива трех основных типов ГТД зависят от скорости полета?
- 15. Что представляют собой и от каких факторов зависят экономическая, максимальная и предельная скорости полета? Каков диапазон целесообразного применения каждого типа ГТД в зависимости от скорости полета?
- 16. Каким должен бить оптимальный ГТД, предназначенный для длительной работы в широком диапазоне скоростей полета? Как и почему удельные параметры оптимального ГТД отли чаются от удельных параметров ТРД?
- 17. Как удельные параметры ГТД зависят от величины потерь в процессах скатия и расширения?
- 18. Как удельные параметры ГТД зависят от величины потерь в движителе и от коэффициента полноты сгорания топлива?
- 19. Как удельные параметры ГТД зависят от температуры наружного воздуха?

- 20. Каковы особенности энергетического баланса трех основных типов РТЛ?
- 21. Стормулируяте основные выводы по главе "Критерии эт тективности двигателя. Влияние различных такторов на удельные параметры ГТД".

Задачи

- 1. Определить удельный расход топлива ГТД, если тяга $R=5\cdot 10^4$ н, расход воздуха через основной контур двигателя $G_I=50$ кг/с, коэффициент избытка воздуха в камере сторания $\alpha=4$. Изменением массы рабочего тела по тракту двигателя пренебречь.
- 2. Определить полетный к.п.д. ТРДД, эсли при экорости полета $V_n = 700$ км/ч удельный расход топлива $\mathcal{C}_{y\partial} = 80$ г/нч. эффективный к.п.д. $\gamma_e = 0.45$, коэффициент гидравлических потерь в наружном контуре $\gamma_{en} = 0.9$. Принять $\mathcal{H}_U = 429 \cdot 10^D$ Дж/кг.
- 3. При скорости $V_{\alpha}=400$ км/ч тяга, расход топлива и расход воздуха через основной контур двигателя соответственно равны

 $R = 5 \cdot 10^4 \text{H}, G_r = 0.8 \text{ kg/c}, G_r = 50 \text{ kg/c}.$

С увеличением скорости V_n до 1000 км/ч к.п.д. движителя увеличился в 2 раза при постоянном эффективном к.п.д. и при постоянной работе цикла. Определить удельную тягу и удельный расход топлива ІТД при V_n =1000 км/ч.

- 4. Определить расход воздуха через винт ТВД, если тяга, развиваемая ТВД и винтом, равна $R=10^5 \rm H$, удельный расход топлива $C_{yd}=25$ г/Нч, относительный расход топлива через камеру сгорания $q_{\tau}=0$,017, отношение величини расхода воздуха через винт к величине расхода рабочего тела через основной контур двигателя m=100. Изменением масси рабочего тела по тракту двигателя пренебречь.
- 5. Определить эффективный удельный расход топлива \mathcal{C}_e ТВД, если количество тепла \mathcal{Q}_1 , подведенного к 1 кг рабочего тела, и тепла \mathcal{Q}_2 , отданного рабочим телом, соответственно равны: $\mathcal{Q}_1=1000$ кДх/кг, $\mathcal{Q}_2=650$ кДх/кг. Принять $\mathcal{H}_U=429\cdot10^5$ Дх/кг, $\mathcal{E}_{\kappa c}=0.98$.

Приложение т Таблипы основных разодинамических функций для воздуха K=1,4

λ	て(入)	$\pi(\lambda)$	$Z(\lambda)$	q,(A)	$f(\lambda)$	M
0,00 0,01 0,02 0,03 0,04	1,0000 1,000 0,9999 0,9999 0,9997	1,0000 0,9999 0,9998 0,9995 0,9990	50,0050 25,0100 16,6817 12,5200	0,0000 0,0158 0,0315 0,0473 0,0631	1,0000 1,0000 1,0002 1,0006 1,0009	0,0000 0,0091 0,0183 0,0274 0,0365
0,05	0,9996	0,9986	10,0250	0,0788	1,0015	0,0457
0,06	0,9994	0,9979	8,3633	0,0945	1,0021	0,0548
0,07	0,9992	0,9971	7,1779	0,1102	1,0028	0,0639
0,08	0,9989	0,9963	6,2900	0,1259	1,0038	0,0731
0,09	0,9987	0,9953	5,6006	0,1415	1,0047	0,0822
0,10	0,9983	0,9942.	5,0500	0,1571	1,0058	0,0914
0,11	0,9980	0,9929	4,6005	0,1726	1,0070	0,1005
0,12	0,9976	0,9916	4,2267	0,1882	1,0083	0,1097
0,13	0,9972	0,9901	3,9112	0,2036	1,0100	0,1190
0,14	0,9967	0,9886	3,6414	0,2190	1,0113	0,1280
0,15	C,9963	0,9870	3,4083	0,2344	1,0129	0,1372
0,16	O,9957	0,9851	3,2050	0,2497	1,0147	0,1460
0,17	O,9952	0,9832	3,0262	0,2649	1,0165	0,1560
0,18	O,9946	0,9812	2,8678	0,2801	1,0185	0,1650
0,19	O,9940	0,9791	2,7266	0,2952	1,0206	0,1740
0,20	0,9933	0,9768	2,6000	0,3102	1,0227	0,1830
0,21	0,9927	0,9745	2,4860	0,3252	1,0250	0,1920
0,22	0,9919	0,9720	2,3827	0,3401	1,0274	0,2020
0,23	-0,9912	0,9695	2,2889	0,3549	1,0298	0,2109
0,24	0,9904	0,9668	2,2033	0,3696	1,0315	0,2202
0,25	0,9896	0,9640	2,1250	0,3842	1,0350	0,2290
0,26	0,9887	0,9611	2,0531	0,3987	1,0378	0,2387
0,27	0,9879	0,9581	1,9868	0,4131	1,0406	0,2480
0,28	0,9869	0,9550	1,9257	0,4274	1,0435	0,2573
0,29	0,9860	0,9518	1,8691	0,4416	1,0465	0,2670

H=1,4

11-1,4	T(X)	$\pi(\lambda)$	Ζ (λ)	9.(1)	f(1)	M
0,30	0,9850	0,9485	1,8167	0,4557	1,0496	0,2760
0,31	0,9840	0,9451	1,7679	0,4697	1,0528	0,2850
0,32	0,9829	0,9415	1,7225	0,4835	1,0559	0,2947
0,33	0,9819	0,9379	1,6802	0,4972	1,0593	0,3040
0,34	0,9807	0,9342	1,6406	0,5109	1,0626	0,3134
0,35	0,9796	0,9303	1,6036	0,5243	1,0661	0,3228
0,36	0,9784	0,9265	1,5689	0,5377	1,0696	0,3322
0,37	0,9772	0,9224	1,5364	0,5509	1,0732	0,3417
0,38	0,9759	0,9183	1,5058	0,5640	1,0768	0,3511
0,39	0,9747	0,9141	1,4770	0,5769	1,0805	0,3606
0,40	0,9733	0,9097	1,45C0	0,5897	1,0842 8	0,3701
0,41	0,9720	0,9053	1,4245	0,6024	1,0880	0,3796
0,42	0,9706	0,9008	1,4005	0,6149	1,0918	0,3892
0,43	0,9692	0,8962	1,3778	0,6272	1,0957	0,3987
0,44	0,9677	0,8915	1,3564	0,6394	1,0996	0,4083
0,45 0,46 0,47 0,48 0,49	0,9663 0,9647 0,9632 0,9616	0,8868 0,8819 0,8770 0,8719 0,8668	1,3361 1,3170 1,2988 1,2817 1,2154	0,6515 0,6633 0,6750 0,6865 0,6979	1,1036 1,1076 1,1116 1,1156 1,1197	0,4179 0,4275 0,4372 0,4468 0,4565
0,50	0,9583	0,8616	1,2500	0,7091	1,1239	0,4663
0,51	0,9567	0,8563	1,2354	0,7201	1,1279	0,4760
0,52	0,9549	0,8509	1,2215	0,7309	1,1320	0,4858
0,53	0,9532	0,8455	1,2084	0,7416	1,1362	0,4956
0,54	0,9514	0,8400	1,1959	0,7520	1,1403	0,5054
0,55	0,9496	0,8344	1,1841	0,7623	1,1445	0,5152
0,56	0,9477	0,8287	1,1729	0,7724	1,1486	0,5251
0,57	0,9459	0,8230	1,1622	0,7823	1,1528	0,5350
0,58	0,9439	0,8172	1,1521	0,7920	1,1569	0,5450
0,59	0,9420	0,8112	1,1425	0,8015	1,1610	0,5549

Продолжение

λ	7(1)	Ji (A)	Z(A)	4 (A)	$f(\lambda)$	M
0,60	0,9400	0,8053	1,1333	0,8109	1,1651	0,5649
0,61	0,9380	0,7992	1,1247	0,8198	1,1691	0,5750
0,62	0,9359	0,7932	1,1164	0,8288	1,1793	0,5850
0,63	0,9339	0,7870	1,1086	0,8375	1,1772	0,5951
0,64	0,9317	0,7808	1,1012	0,8459	1,1812	0,6053
0,65	0,9296	0,7745	1,0942	0,8543	1,1852	0,6154
0,66	0,9274	0,7681	1,0876	0,8623	1,1891	0,6256
0,67	0,9252	0,7617	1,0813	0,8701	1,1929	0,6359
0,68	0,9229	0,7553	1,0753	0,8778	1,1967	0,6461
0,69	0,9207	0,7488	1,0696	0,8852	1,2005	0,6565
0,70	0,9183	0,7422	1,0643	0,8924	1,2042	0,6668
0,71	0,9160	0,7356	1,0592	0,8993	1,2078	0,6772
0,72	0,9136	0,7289	1,0544	0,9061	1,2114	0,6876
0,73	0,9112	0,7221	1,0499	0,9126	1,2148	0,6981
0,74	0,9087	0,7154	1,0457	0,9189	1,2183	0,7086
0,75	0,9063	0,7086	1,0417	0,9250	1,2216	0,7192
0,76	0,9037	0,7017	1,0379	0,9308	1,2249	0,7298
0,77	0,9012	0,6948	1,0344	0,9364	1,2280	0,7404
0,78	0,8986	0,6878	1,0310	0,9418	1,2311	0,7511
0,79	0,8960	0,6809	1,0279	0,9469	1,2341	0,7619
0,80	0,8933	0,6738	1,0250	0,9518	1,2370	0,7727
0,81	0,8907	0,6668	1,0223	0,9565	1,2398	0,7835
0,82	0,8879	0,6597	1,0198	0,9610	1,2425	0,7944
0,83	0,8852	0,6526	1,0174	0,9652	1,2451	0,8053
0,84	0,8824	0,6454	1,0152	0,9691	1,2475	0,8163
0,85	0,8796	0,6382	1,0132	0,9729	1,2498	0,8274
0,86	0,8767	0,6310	1,0114	0,9764	1,2520	0,8384
0,87	0,8739	0,6238	1,0097	0,9796	1,2541	0,8496
0,88	0,8709	0,6165	1,0082	0,9826	1,2560	0,8608
0,89	0,3680	0,6092	1,0068	0,9854	1,2579	0,8721

λ	$\tau(\lambda)$	J(A)	Z(元)	g.(1)	$f(\lambda)$	М
0,90	0,8650	0,6019	1,0056	0,9879	1,2595	0,6833
0,91	0,8620	0,5946	1,0044	0,9902	1,2611	0,8947
0,92	0,8589	0,5873	1,0035	0,9923	1,2625	0,9062
0,93	0,8559	0,5800	1,0026	0,9941	1,2637	0,9177
0,94	0,8527	0,5726	1,0019	0,9957	1,2648	0,9292
0,95	0,8496	0,5653	1,0018	0,9970	1,2658	0,9409
0,96	0,8464	0,5579	1,0008	0,9981	1,2666	0,9588
0,97	0,8432	0,5505	1,0005	0,9989	1,2671	0,9644
0,98	0,8399	0,5481	1,0002	0,9953	1,2676	0,9761
0,99	0,8367	0,5357	1,0000	0,9999	1,2678	0,9880
1,00	0,8333	0,5283	1,0000	1,0000	1,2679	1,0000
1,01	0,8300	0,5209	1,0000	0,9999	1,2678	1,0120
1,02	0,8266	0,5195	1,0002	0,9995	1,2675	1,0241
1,03	0,8232	0,5061	1,0004	0,9989	1,2671	1,0363
1,04	0,8197	0,4987	1,0008	0,9980	1,2664	1,0486
1,05	0,8163	0,4913	1,0012	0,9969	1,2655	1,0609
1,06	0,8127	0,4840	1,0017	0,9957	1,2646	1,0733
1,07	0,8092	0,4766	1,0023	0,9941	1,2633	1,0858
1,08	0,8056	0,4693	1,0030	0,9924	1,2620	1,0985
1,09	0,8020	0,4619	1,0037	0,9903	1,2602	1,1111
1,10	0,7983	0,4546	1,0046	0,9880	1,2584	1,1289
1,11	0,7947	0,4473	1,0054	0,9856	1,2564	1,1367
1,12	0,7909	0,4400	1,0064	0,9829	1,2543	1,1496
1,13	0,7872	0,4328	1,0075	0,9800	1,2519	1,1627
1,14	0,7834	0,4255	1,0086	0,9768	1,2491	1,1758
1,15	0,7796	0,4184	1,0098	0,9735	1,2463	1,1890
1,16	0,7757	0,4111	1,0110	0,9698	1,2432	1,2023
1,17	0,7719	0,4040	1,0124	0,9659	1,2398	1,2157
1,18	0,7679	0,3969	1,0137	0,9620	1,2364	1,2292
1,19	0,7640	0,3898	1,0152	0,9577	1,2326	1,2428

Продолжение

λ	て(入)	丌(礼)	$Z(\lambda)$	d'(y)	$f(\lambda)$	M
1,20	0,7600	0,3827	1,0167	0,9531	1,2286	1,2566
1,21	0,7560	0,3757	1,0182	0,9484	1,2244	1,2708
1,22	0,7519	0,3687	1,0198	0,9435	1,2200	1,2843
1,23	0,7478	0,3617	1,0215	0,9384	1,2154	1,2974
1,24	0,7437	0,3548	1,0232	0,9331	1,2105	1,3126
1,25	0,7396	0,3479	1,0250	0,9275	1,2054	1,3268
1,26	0,7354	0,3411	1,0268	0,9217	1,2000	1,3413
1,27	0,7312	0,3343	1,0287	0,9159	1,1946	1,3558
1,28	0,7269	0,3275	1,0306	0,9096	1,1887	1,3705
1,29	0,7227	0,3208	1,0326	0,9033	1,1826	1,3853
1,30 1,31 1,32 1,33	0,7183 0,7140 0,7096 0,7052 0,7007	0,3142 0,3075 0,3010 0,2945 0,2880	1,0346 1,0367 1,0388 1,0409	0,8969 0,8901 0,8831 0,8761 0,8688	1,1765 1,1699 1,1632 1,1562 1,1490	1,4002 1,4153 1,4305 1,4458 1,4613
1,35	0,6962	0,2816	1,0454	0,8614	1,1417	1,4769
1,36	0,6917	0,2753	1,0477	0,8538	1,1341	1,4927
1,37	0,6872	0,2690	1,0500	0,8459	1,1261	1,5087
1,38	0,6826	0,2628	1,0523	0,8380	1,1180	1,5248
1,39	0,6780	0,2566	1,0547	0,8299	1,1098	1,5410
1,40	0,6733	0,2505	1,0572	0,8216	1,1012	1,5575
1,41	0,6687	0,2445	1,0596	0,8131	1,0924	1,5741
1,42	0,6639	0,2385	1,0621	0,8046	1,0835	1,5909
1,43	0,6592	0,2326	1,0647	0,7958	1,0742	1,6078
1,44	0,6544	0,2267.	1,0672	0,7869	1,0648	1,6250
1,45	0,6496	0,2209	1,0698	0,7778	1,0551	1,6423
1,46	0,6447	0,2152	1,0725	0,7687	1,0453	1,6598
1,47	0,6398	0,2095	1,0751	0,7593	1,0351	1,6776
1,48	0,6349	0,2040	1,0778	0,7499	1,0249	1,6955
1,49	0,6300	0,1985	1,0806	0,7404	1,0144	1,7137

λ	$\tau(\lambda)$	JT (A)	$Z(\lambda)$	$q(\lambda)$	$f(\lambda)$	M			
1,50	0,6250	0,1930	1,0833	0,7307	1,0037	1,7321			
1,51	0,6200	0,1876	1,0861	0,7209	0,9927	1,7506			
1,52	0,6149	0,1824	1,0890	0,7110	0,9816	1,7694			
1,53	0,6099	0,1771	1,0918	0,7009	0,9703	1,7885			
1,54	0,6047	0,1720	1,0947	0,6909	0,9590	1,8078			
1,55	0,5996	0,1669	1,0976	0,6807	C,9472	1,8273			
1,56	0,5944	0,1619	1,1005	0,6703	C,9353	1,8471			
1,57	0,5892	0,1570	1,1035	0,6599	C,9233	1,8672			
1,58	0,5839	0,1522	1,1065	0,6494	C,9111	1,8875			
1,59	0,5786	0,1474	1,1095	0,6389	C,8988	1,9081			
1,60	0,5733	0,1427	1,1125	0,6282	0,8861	1,9290			
1,61	0,5680	0,1381	1,1156	0,6175	0,8734	1,9501			
1,62	0,5626	0,1336	1,1186	0,6067	0,8604	1,9716			
1,63	0,5572	0,1291	1,1218	0,5958	0,1474	1,9934			
1,64	0,5517	0,1248	1,1250	0,5850	0,8343	2,0155			
1,65	0,5463	0,1205	1,1280	0,5740	0,8210	2,0380			
1,66	0,5407	0,1163	1,1312	0,5630	0,8075	2,0607			
1,67	0,5352	0,1121	1,1344	0,5520	0,7939	2,0839			
1,68	0,5296	0,1081	1,1376	0,5409	0,7802	2,1073			
1,69	0,5240	0,1041	1,1409	0,5298	0,7664	2,1313			
1,70	0,5183	0,1003	1,1441	0,5187	0,7524	2,1555			
1,71	0,5126	0,0965	1,1474	0,5075	0,7388	2,1802			
1,72	0,5069	0,0928	1,1507	0,4965	0,7243	2,2053			
1,73	0,5012	0,0891	1,1540	0,4852	0,7100	2,2308			
1,74	0,4954	0,0856	1,1574	0,4741	0,6957	2,2567			
1,75	0,4896	0,0821	1,1607	0,4630	0,6813	2,2831			
1,76	0,4837	0,0787	1,1641	0,452	0,6669	2,3100			
1,77	0,4779	0,0754	1,1675	0,4407	0,6523	2,3374			
1,78	0,4719	0,0722	1,1709	0,4296	0,6378	2,3653			
1,79	0,4660	0,0691	1,1743	0,4185	0,6232	2,3937			

λ	τ(λ)	$\pi(\lambda)$	$z(\lambda)$	q, (A)	$f(\lambda)$	M		
1,80	0,4600	0,0660	1,1778	0,4075	0,6085	2,4227		
1,81	0,4540	0,0630	1,1813	0,3965	0,5938	2,4523		
1,82	0,4479	0,0602	1,1847	0,3855	0,5791	2,4824		
1,83	0,4418	0,0573	1,1882	0,3746	0,5644	2,5132		
1,84	0,4357	0,0546	1,1917	0,3638	0,5497	2,5449		
1,85	0,4296	0,0520	1,1953	0,3530	0,5349	2,5766		
1,86	0,4234	0,0494	1,1988	0,3423	0,5202	2,6094		
1,87	0,4172	0,0469	1,2024	0,3316	0,5055	2,6429		
1,88	0,4109	0,0445	1,2060	0,3211	0,4909	2,6772		
1,89	0,4047	0,0422	1,2100	0,3105	0,4762	2,7123		
1,90	0,3983	0,0399	1,2132	0,3002	0,4617	2,7481		
1,91	0,3920	0,0377	1,2168	0,2898	0,4472	2,7849		
1,92	0,3856	0,0356	1,2204	0,2797	0,4327	2,8225		
1,93	0,3792	0,0336	1,2241	0,2695	0,4183	2,8612		
1,94	0,3727	0,0316	1,2277	0,2596	0,4041	2,9007		
1,95	0,3662	0,0297	1,2314	0,2497	0,3899	2,9414		
1,96	0,3597	0,0279	1,2351	0,2400	0,3758	2,9831		
1,97	0,3532	0,0262	1,2388	0,2304	0,3618	3,0301		
1,98	0,3466	0,0245	1,2425	0,2209	0,3480	3,0701		
1,99	0,3400	0,0229	1,2463	0,2116	0,3343	3,1155		
2,00	0,3833	0,0214	1,2500	0,2024	0,3203	3,1622		
2,01	0,3267	0,0199	1,2537	0,1934	0,3074	3,2104		
2,02	0,3199	0,0185	1,2575	0,1845	0,2942	3,2603		
2,03	0,3132	0,0172	1,2613	0,1758	0,2811	3,3113		
2,04	0,3064	0,0159	1,2651	0,1672	0,2683	3,3642		
2,05	0,2996	0,0147	1,2689	0,1588	0,2556	3,4190		
2,06	0,2927	0,0136	1,2727	0,1507	0,2431	3,4759		
2,07	0,2859	0,0125	1,2765	0,1427	0,2309	3,5343		
2,08	0,2789	0,0115	1,2804	0,1348	0,2189	3,5951		
2,09	0,2720	0,0105	1,2842	0,1272	0,2070	3,6583		

	λ	て(入)	π(λ)	Z(入)	$q(\lambda)$	f(y)	M
	2,10	0,2650	0,0096	1,2881	0,1198	0,1956	3,7240
	2,11	0,2580	0,0087	1,2920	0,1125	0,1843	3,7922
	2,12	0,2509	0,0079	1,2959	0,1055	0,1733	3,8633
	2,13	0,2439	0,0072	1,2997	0,0986	0,1626	3,9376
	2,14	0,2367	0,0065	1,3036	0,0921	0,1522	4,0150
	2,15	0,2296	0,0058	1,3076	0,0857	0,1420	4,0961
	2,16	0,2224	0,0052	1,3115	0,0795	0,1322	4,1791
	2,17	0,2152	0,0046	1,3154	0,0735	0,1226	4,2702
	2,18	0,2079	0,0041	1,3194	0,0678	0,1134	4,3642
	2,19	0,2006	0,0036	1,3233	0,0623	0,1045	4,4633
	2,20	0,1933	0,0032	1,3273	0,0570	0,0960	4,5674
	2,21	0,1860	0,0028	1,3312	0,0520	0,0878	4,6778
	2,22	0,1786	0,0024	1,3352	0,0472	0,0799	4,7954
	2,23	0,1712	0,0021	1,3392	0,0427	0,0724	4,9201
	2,24	0,1637	0,0018	1,3432	0,0408	0,0695	5,0533
	2,25	0,1563	0,00151	1,3472	0,0343	0,0585	5,1958
	2,26	0,1487	0,00127	1,3512	0,0290	0,0496	5,3494
	2,27	0,1412	0,00106	1,3553	0,0268	0,0461	5,5147
	2,28	0,1336	0,00087	1,3593	0,0234	0,0404	5,6940
	2,29	0,1260	0,00071	1,3633	0,0204	0,0352	5,8891
	2,30	0,1183	0,00057	1,3674	0,0175	0,0302	6,1033
	2,31	0,1106	0,00045	1,3715	0,0148	0,0258	6,3399
	2,32	0,1029	0,00035	1,3755	0,0124	0,0217	6,6008
	2,33	0,0952	0,00027	1,3796	0,0103	0,0180	6,8935
	2,34	0,0874	0,00020	1,3837	0,0083	0,0146	7,2254
	2,35	0,0796	0,00014	1,3878	0,0063	0,0111	7,6053
	2,36	0,0717	0,988·10 ⁻⁴	1,3919	0,0051	0,0090	8,0450
	2,37	0,0638	0,657·10 ⁻⁴	1,3960	0,0038	0,0068	8,5619
	2,38	0,0559	0,413·10 ⁻⁴	1,4001	0,0028	0,0049	9,1882
	2,39	0,0480	0,242·10 ⁻⁴	1,4042	0,0019	0,0034	9,9624

H=1,4

λ	て(入)	$\pi(\lambda)$	$Z(\lambda)$	$q(\lambda)$	f(λ)	M
	0,0400 0,0320 0,0239 0,0158 0,0077	0,128·10 ⁻⁴ 0,584·10 ⁻⁵ 0,211·10 ⁻⁵ 0,499·10 ⁻⁶ 0,316·10 ⁻⁷	1,4125 1,4166 1,4208	0,0007	0,0022 0,0012 0,0006 0,0002 0,285·10 ⁻⁴	10,957 12,306 14,287 17,631 25,367
2,449	0	0	1,4290	0	O	00

λ	$\tau(\lambda)$	$\mathcal{T}(\lambda)$	$Z(\lambda)$	9(2)	$f(\lambda)$	M
0,00 0,01 0,02 (,03 0,04	1,0000 1,0000 0,9999 0,9999	1,0000 C,9999 O,9998 O,9995 O,9991	50,0050 .25,0100 16,6817 12,5200	0,0000 0,0159 0,0318 0,0476 0,0635	1,0000 1,0000 1,0003 1,0006 1,0009	0,0000 0,0093 0,0185 0,0278 0,0371
0,05	0,9997	0,9986	10,0250	0,0793	1,0015	0,0463
0,06	0,9995	0,9980	8,3633	0,0952	1,0021	6,0556
0,07	0,9993	0,9972	7,1779	0,1110	1,0028	0,0649
0,08	0,9991	0,9964	6,2900	0,1267	1,0037	0,0742
0,09	0,9989	0,9954	5,6006	0,1425	1,0046	0,0834
0,10	0,9986	0,9944	5,0500	0,1582	1,0057	0,0927
0,11	0,9983	0,9932	4,6005	0,1738	1,0069	0,1020
0,12	0,9980	0,9918	4,2267	0,1894	1,0081	0,1118
0,13	0,9976	0,9904	3,9112	0,2052	1,0096	0,1206
0,14	0,9972	0,9889	3,6414	0,2205	1,0111	0,1299
0,15	0,9968	0,9872	3,4083	0,2360	1,0126	0,1592
0,16	0,9964	0,9854	3,2050	(,2514	1,0143	0,1485
0,17	0,9959	0,9836	3,0262	0,2667	1,0162	0,1578
0,18	0,9954	0,9816	2,8678	0,2620	1,0181	0,1672
0,19	0,9949	0,9796	2,7266	0,2972	1,0202	0,1765
0,20	C,9943	0,9774	2,6000	C,3123	1,0223	0,1858
0,21	0,9938	0,9751	2,4860	C,3273	1,0245	0,1952
0,22	0,9932	0,9728	2,3827	O,3423	1,0269	0,2045
0,23	0,9925	0,9702	2,2889	C,3571	1,0292	0,2139
0,24	0,9918	0,9675	2,2033	C,3719	1,0317	0,2233
0,25	0,9912	0,9648	2,1250	0,3866	1,0343	0,2327
0,26	0,9904	0,9619	2,0531	0,4011	1,0369	0,2420
0,27	0,9897	0,9590	1,9868	0,4156	1,0396	0,2515
0,28	0,9889	0,9560	1,9257	0,4300	1,0425	0,2609
0,29	0,9881	0,9529	1,8691	0,4443	1,0455	0,2703

λ	T(X)	$\mathcal{I}(\lambda)$	2(入)	9(1)	$f(\lambda)$	M
0,30	0,9873	0,9496	1,8767	0,4584	1,0485	0,2797
0,31	0,9864	0,9463	1,7679	0,4724	1,0516	0,2892
0,32	0,9855	0,9428	1,7225	0,4863	1,0547	0,2986
0,33	0,9846	0,9393	1,6802	0,5001	1,0579	0,3081
0,34	0,9836	0,9356	1,6406	0,5137	1,0612	0,3176
0,35	0,9827	0,9319	1,6036	0,5273	1,0645	0,3271
0,36	0,9817	0,9281	1,5689	0,5407	1,0680	0,3366
0,37	0,9806	0,9241	1,5364	0,5539	1,0714	0,3462
0,38	0,9796	0,9201	1,5058	0,5670	1,0750	0,3557
0,39	0,9785	0,9159	1,4770	0,5799	1,0785	0,3653
0,40	0,9773	0,9118	1,4500	0,5928	1,0822	C,3749
0,41	0,9762	0,9075	1,4245	0,6055	1,0859	C,3845
0,42	0,9750	0,9030	1,4005	0,6179	1,0896	C,3941
0,43	0,9738	0,8985	1,3778	0,6303	1,0933	C,4037
0,44	0,9726	0,8940	1,3564	0,6425	1,0972	O,4134
0,45	0,9713	0,8893	1,3361	0,6545	1,1010	0,4230
0,46	0,9700	0,8850	1,3170	0,6666	1,1053	0,4305
0,47	0,9687	0,8797	1,2988	0,6780	1,1088	0,4424
0,48	0,9674	0,8749	1,2817	0,6896	1,1128	0,4522
0,49	0,9660	0,8699	1,2654	0,7609	1,1167	0,4619
0,50	0,9646	0,8648	1,2590	0,7121	1,1207	0,4717
0,51	0,9632	0,8596	1,2354	0,7230	1,1246	0,4815
0,52	0,9617	0,8544	1,2215	0,7339	1,1287	0,4913
0,53	0,9602	0,8491	1,2084	0,7445	1,1327	0,5011
0,54	0,9587	0,8436	1,1959	0,7548	1,1365	0,5110
0,55	0,9572	0,8382	1,1841	0,7651	1,1406	0,5208
0,56	0,9556	0,8327	1,1729	0,7752	1,1447	0,5308
0,57	0,9540	0,8271	1,1622	0,7850	1,1487	0,5407
0,58	0,9524	0,8214	1,1521	0,7946	1,1526	0,5506
0,59	0,9507	0,8153	1,1425	0,8040	1,1565	0,5606

H=1,00						
λ	T(2)	T(A)	$Z(\lambda)$	9(2)	f(X)	M
0,60	0,9490	0,8098	1,1333	0,8133	I,1605	0,5706
0,6I	0,9473	0,8040	I,I247	0,8224	I,1645	0,5807
0,62	0,9456	0,7980	I,II64	0,8312	I,1684	0,5907
0,63	0,9438	0,792I	I,I086	0,8399	I,1724	0,6008
0,64	0,9420	0,7860	I,I0I2	0,8483	I,1762	0,6109
0,65	0,9402	0,7798	I,0942	0,8564	I,1799	0,62II
0,66	0,9383	0,7737	I,0876	0,8645	I,1838	0,63I3
0,67	0,9364	0,7674	I,0813	0,8722	I,1874	0,64I5
0,68	0,9345	0,7612	I,0753	0,8798	I,1911	0,65I7
0,69	0,9326	0,7548	I,0696	0,887I	I,1947	0,662U
0,70	0,9306	0,7483	I,0643	0,894I	I,198I	0,6723
0,71	0,9286	0,7419	I,0592	0,90II	I,2017	0,6826
0,72	0,9266	0,7354	I,0544	0,9077	I,205I	0,6930
0,73	0,9245	0,7289	I,0499	0,9143	I,2086	0,7034
0,74	0,9224	0,7223	I,0457	0,9204	I,2118	0,7139
0,75	0,9203	0,7157	I,0417	0,9265	1,2151	0,7243
0,76	0,9182	0,7090	I,0379	0,9322	1,2182	0,7348
0,77	0,9160	0,7023	I,0344	0,9377	1,2212	0,7454
0,78	0,9138	0,6955	I,0310	0,9430	1,2241	0,756I
0,79	0,9116	0,6887	I,0279	0,948I	1,2270	0,7666
0,80	0,9094	0,6819	I,0250	0,9529	I,2298 I,2324 I,2349 I,2374 I,2397	0,7772
0,81	0,907I	0,6750	I,0233	0,9575		0,7880
0,82	0,9048	0,6681	I,0198	0,9618		0,7987
0,83	0,9024	0,6612	I,0174	0,9660		0,8095
0,84	0,900I	0,6542	I,0152	0,9698		0,8203
0,85	0,8977	0,6472	1,0132	0,9735	I,2419 I,2440 I,246I I,2478 I,2497	0,83I2
0,86	0,8953	0,6402	1,0114	0,9769		0,842I
0,87	0,8928	0,6332	1,0097	0,9802		0,853I
0,88	0,8903	0,6261	1,0082	0,9830		0,864I
0,89	0,8878	0,6191	1,0068	0,9859		0,875I

K=I.33

10-1,0	N=1,33					
λ	$T(\lambda)$	丌(八)	z (λ)	Q(1)	$f(\lambda)$	М
0,90	0,8853	0,6I20	I,0056	0,9883	I,2512	0,8862
0,91	0,8827	0,6048	I,0044	0,9904	I,2525	0,8974
0,92	0,880I	0,5977	I,1035	0,9925	I,2539	0,9086
0,93	0,8775	0,5906	I,0026	0,9943	I,2552	0,9198
0,94	0,8749	0,5834	I,0019	0,9957	I,2561	0,9311
0,95	0,8722	0,5763	I,0013	0,9972	I,2572	0,9424
0,96	0,8695	0,5691	I,0008	0,9981	I,2577	0,9538
0,97	0,8667	0,5619	I,0005	0,9989	I,2583	0,9653
0,98	0,8640	0,5547	I,0002	0,9995	I,2586	0,9768
0,99	0,8612	0,5476	I,0000	I,0000	I,2591	0,9884
I,00	0,8584	0,5404	I,0000	1,0000	I,259I	I,0000
I,0I	0,8555	0,5332	I,0000	1,0000	I,2590	I,0117
I,02	0,8527	0,5260	I,0002	1,9995	I,2587	I,0234
I,03	0,8497	0,5188	I,0004	0,9989	I,2583	I,0352
I,04	0,8468	0,5116	I,0008	0,9981	I,2576	I,0471
I,05	0,8439	0,5045	I,0012	0,9972	I,2570	I,0590
I,06	0,8409	0,4973	I,0017	0,9958	I,2559	I,0710
I,07	0,8379	0,4902	I,0023	0,9944	I,2548	I,0830
I,08	0,8348	0,4830	I,0030	0,9926	I,2534	I,0951
I,09	0,8317	0,4759	I,0037	0,9907	I,2520	I,1073
I,I0	0,8286	0,4688	I,0046	0,9886	I,2503	1,1196
I,II	0,8255	0,4617	I,0054	0,9862	I,2484	1,1319
I,I2	0,8223	0,4546	I,0064	0,9835	I,2463	1,1443
I,I3	0,8192	0,4475	I,0075	0,9806	I,2439	1,1567
I,I4	0,8159	0,4405	I,0086	0,9777	I,24I5	1,1693
I,I5	0,8127	0,4335	1,0098	0,9744	I,2388 I,2359 I,2330 I,2296 I,226I	I,1819
I,I6	0,8094	0,4265	1,0110	0,9709		I,1946
I,I7	0,8061	0,4196	1,0124	0,9674		I,2073
I,I8	0,8028	0,4126	1,0134	0,9634		I,2202
I,I9	0,7994	0,4057	1,0152	0,9593		I,2331

15-4972

λ	て(凡)	万(元)	Z(入)	$q_{i}(\lambda)$	$f(\lambda)$	M
1,20	0,796I	0,3986	1,0167	0,9545	1,2218	I,246I
1,21	0,7926	0,3920	1,0182	0,9506	1,2186	I,2592
1,22	0,7892	0,3852	1,0198	0,9459	1,2146	I,2723
1,23	0,7857	0,3784	1,0215	0,9410	1,2102	I,2856
1,24	0,7822	0,3716	1,0232	0,9357	1,2055	I,2990
I,25	0,7787	0,3649	I,0250	0,9305	I,2008 I,1961 I,1907 I,1853 I,1799	I,3124
I,26	0,7752	0,3583	I,0268	0,9252		I,3259
I,27	0,7716	0,3516	I,0287	0,9193		I,3396
I,28	0,7680	0,3450	I,0306	0,9135		I,3533
I,29	0,7643	0,3385	I,0326	0,9075		I,367I
I,30	0,7606	0,3320	1,0346	0,90I4	1,1741	I,3820
I,31	0,7570	0,3255	1,0367	0,8949	1,1680	I,3950
I,32	0,7532	0,3191	1,0388	0,8883	1,1618	I,409I
I,33	0,7495	0,3128	1,0409	0,88I6	1,1555	I,4234
I,34	0,7457	0,3065	1,0431	0,8749	1,1491	I,4377
I,35	0,7419	0,3092	I,0454	0,8677	I,1421	I,452I
I,36	0,7380	0,2940	I,0477	0,8606	I,1351	I,4667
I,37	0,7342	0,2878	I,0500	0,853I	I,1277	I,48I4
I,38	0,7303	0,2817	I,0523	0,8455	I,1202	I,4960
I,39	0,7264	0,2757	I,0547	0,838I	I,1129	I,5II0
I,40	0,7224	0,2697	I,0572	0,8303	I,105I	I,5290
I,41	0,7184	0,2637	I,0596'	0,822I	I,0968	I,54I2
I,42	0,7144	0,2578	I,062I	0,8140	I,0885	I,5564
I,43	0,7104	0,2520	I,0647	0,8060	I,0803	I,57I9
I,44	0,7063	0,2463	I,0672	0,7976	I,0717	I,5875
I,45 I,46 I,47 I,48 I,49	0,7022 0,698I 0,6940 0,6898 0,6856	0,2406 0,2349 0,2294 0,2238 0,2184	I,0698 I,0725 I,075I I,0778 I,0806	0,789I 0,7805 0,7718 0,7629 0,7540	I,0629 I,0539 I,0447 I,0353 I,0258	I,603I I,6188 I,6349 I,6510 I,6672

Продолжение

λ	T (A)	$\mathcal{I}(\lambda)$	Z(入)	q.(1)	$f(\lambda)$	М
I,50	0,68I3	0,2138	I,0833	0,7449	I,0160	I,6836
I,51	0,677I	0,2077	I,0861	0,7357	I,0061	I,7002
I,52	0,6728	0,2024	I,0890	0,7265	0,9961	I,7169
I,53	0,6685	0,1973	I,0918	0,7172	0,9858	I,7338
I,54	0,664I	0,1921	I,0947	0,7077	0,9754	I,7508
I,55	0,6597	0,1871	I,0976	0,6982	0,9649	I,7680
I,56	0,6553	0,1821	I,1005	0,6886	0,954I	I,7854
I,57	0,6509	0,1772	I,1035	0,6789	0,9432	I,8029
I,58	0,6464	0,1723	I,1065	0,669I	0,932I	I,8207
I,59	0,6420	0,1676	I,1095	0,6593	0,9209	I,8386
I,60 I,61 I,62 I,63	0,6374 0,6329 0,6283 0,6237 0,6191	0,1628 0,1582 0,1537 0,1492 0,1448	I,II25 I,II56 I,II86 I,I218 I,I250	0,6492 0,6394 0,6294 0,6193 0,6092	0,9093 0,898I 0,8865 0,8746 0,8628	1,8567 1,8750 1,8935 1,9122 1,9311
I,65	0,6144	0,1404	I,1280	0,599I	0,8508	1,9503
I,66	0,6097	0,1362	I,1312	0,5889	0,8387	1,9696
I,67	0,6050	0,1320	I,1344	0,5786	0,8264	1,9892
I,68	0,6003	0,1278	I,1376	0,5684	0,8141	2,0089
I,69	0,5955	0,1238,	I,1409	0,556I	0,8016	2,0290
I,70	0,5907	0,II98	I,144I	0,5478	0,7890	2,0493
I,71	0,5859	0,II59	I,1474	0,5374	0,7764	2,0698
I,72	0,5810	0,II2I	I,1507	0,527I	0,7637	2,0906
I,73	0,5761	0,I083	I,1540	0,5168	0,7509	2,III2
I,74	0,5712	0,I047	I,1574	0,5065	0,738I	2,I330
I,75	0,5663	0,10II	I,1607	0,496I	0,7250	2,1546
I,76	0,5613	0,0975	I,1641	0,4858	0,7120	2,1765
I,77	0,5563	0,094I	I,1675	0,4755	0,6990	2,1987
I,78	0,5513	0,0907	I,1709	0,4652	0,6858	2,2211
I,79	0,5462	0,0874	I,1743	0,4550	0,6727	2,2439

λ	(1)	T(A)	$Z(\lambda)$	9, (A)	$f(\lambda)$	M
I,80	0,54II	0,0842	I,1778	0,4447	0,6595	2,2670
I,81	0,5360	0,0810	I,1813	0,4345	0,6462	2,2905
I,82	0,5309	0,0779	I,1847	0,4243	0,6329	2,3143
I,83	0,5257	0,0749	I,1882	0,4142	0,6197	2,3384
I,84	0,5205	0,0720	I,1917	0,4041	0,6063	2,3629
I,85	0,5153	0,069I	I,1953	0,3927	0,5930	2,3877
I,86	0,5100	0,0663	I,1988	0,384I	0,5797	2,4130
I,87	0,5047	0,0636	I,2024	0,374I	0,5664	2,4386
I,88	0,4994	0,0609	I,2060	0,3643	0,553I	2,4647
I,89	0,4941	0,0583	I,2100	0,3545	0,5398	2,4911
I,90	0,4887	0,0558	1,2132	0,3447	0,5266	2,5180
I,91	0,4833	0,0534	1,2168	0,335I	0,5134	2,5454
I,92	0,4779	0,0510	1,2204	0,3256	0,5002	2,5731
I,93	0,4724	0,0487	1,2241	0,316I	0,4871	2,6015
I,94	0,4670	0,0465	1,2277	0,3064	0,4740	2,6302
I,95	0,4615	0,0443	I,2314	0,2973	0,4609	2,6596
I,96	0,4559	0,0422	I,2351	0,288I	0,4480	2,6894
I,97	0,4504	0,0402	I,2388	0,2790	0,4352	2,7198
I,98	0,4448	0,0382	I,2425	0,2700	0,4224	2,7507
I,99	0,4391	0,0363	I,2463	0,26II	0,4097	2,7822
2,00 2,01 2,02 2,03 2,04	0,4335 0,4278 0,4221 0,4164 0,4106	0,0344 0,0326 0,0309 0,0293	I,2500 I,2537 I,2575 I,2613 I,2651	0,2523 0,2436 0,2351 0,2267 0,2183	0,397I 0,3845 0,3723 0,3600 0,3477	2,8143 2.8471 2,8806 2,9147 2,9496
2,05	0,4048	0,026I	I,2689 I,2727 I,2765 I,2804 I,2842	0,210I	0,3357	2,9852
2,06	0,3990	0,0247		0,2022	0,3240	3,0215
2,07	0,393I	0,0232		0,1942	0,3122	3,0587
2,08	0,3873	0,0219		0,1864	0,3005	3,0967
2,09	0,3814	0,0205		0,1788	0,2891	3,1356

2,00						
λ	$T(\lambda)$	$\mathcal{I}(\lambda)$	$Z(\lambda)$	9(1)	$f(\lambda)$	M
2,IU	0,3754	0,0193	I,288I	0,1713	0,2778	3,1754
2,II	0,3695	0,0181	I,2920	0,1640	0,2668	3,2162
2,I2	0,3635	0,0169	I,2959	0,1569	0,2559	3,2579
2,I3	0,3574	0,0158	I,2997	0,1500	0,245I	3,3007
2,I4	0,3514	0,0148	I,3036	0,1429	0,2345	3,3446
2,15 2,16 2,17 2,18 2,19	0,3453 0,3392 0,333I 0,3269 0,3207	0,0138 0,0128 0,0119 0,0110	I,3076 I,3II5 I,3I54 I,3I94 I,3233	0,1362 0,1296 0,1232 0,1170 0,1109	0,2242 0,2140 0,2041 0,1943 0,1847	3,3897 3,4360 3,4836 3,5324 3,5828
2,20	0,3145	0,0094	I,3273	0,1050	0,1755	3,6344
2,2I	0,3083	0,0087	I,3312	0,0993	0,1664	3,6877
2,22	0,3020	0,0080	I,3352	0,0937	0,1575	3,7428
2,23	0,2957	0,0074	I,3392	0,0883	0,1488	3,7995
2,24	0,2894	0,0068	I,3432	0,0830	0,1404	3,8579
2,25	0,2830	0,00620	I,3472	0,0780	0,1323	3,9185
2,26	0,2766	0,00560	I,3512	0,073I	0,1243	3,9811
2,27	0,2702	0,00512	I,3553	0,0684	0,1167	4,0458
2,28	0,2638	0,00465	I,3593	0,0638	0,1092	4,1131
2,29	0,2573	0,00421	I,3633	0,0595	0,1021	4,1828
2,30	0,2508	0,00379	I,3674 I,3715 I,3755 I,3796 I,3837	0,0553	0,095I	4,255I
2,3I	0,2443	0,0034I		0,0512	0,0885	4,3304
2,32	0,2377	0,00306		0,0474	0,082I	4,4086
2,33	0,2311	0,00273		0,0437	0,0759	4,4903
2,34	0,2245	0,00243		0,0402	0,0700	4,5756
2,35	0,2179	0,00215	I,3878 I,3919 I,3960 I,400I I,4042	0,0369	0,0644	4,6647
2,36	0,2112	0,00190		0,0337	0,0590	4,7578
2,37	0,2045	0,00167		0,0307	0,0539	4,8557
2,38	0,1978	0,00146		0,0278	0,049I	4,9586
2,39	0,1910	0,00127		0,0252	0,0445	5,0665

λ	τ(λ)	ガ (入)	z(水)	$q(\lambda)$	$f(\lambda)$	М
2,40 2,41 2,42 2,43 2,44	0,1842 0,1774 0,1706 0,1637 0,1568	0,00095 0,00080 0,00068 0,00057	1,4083 1,4125 1,4166 1,4208 1,4249	0,0226 0,0205 0,0181 0,0160 0,0141	0,040z 0,0364 0,0323 0,0287 0,0254	5,1807 5,30II 5,4288 5,5645 5,7089
2,45 2,46 2,47 2,48 2,49	0,1499 0,1429 0,1359 0,1289 0,1219	0,00048 0,00039 0,00032 0,00026 0,00021	1,429I 1,4333 1,4374 1,4416 1,4458	0,0124 0,0108 0,0093 0,0079 0,0067	0,0223 0,0194 0,0168 0,0144 0,0122	5,8630 6,0288 6,2067 6,3990 6,6079
2,50 2,51 2,52 2,53 2,54	0,II48 0,1077 0,I006 0,0934 0,0863	0,000163 0,000126 0,955.10 ⁻⁴ 0,710°10 ⁻⁴ 0,514°10 ⁻⁴	1,4500 1,4542 1,4584 1,4626 1,4669	U,U0503 U,U0466 0,00380 U,00305 U,0024U	0,01030 0,00853 0,00698 0,00562 0,00444	6,8355 7,0851 7,3614 7,6681 8,0125
2,55 2,56 2,57 2,58 2,59	0,079I 0,0718 0,0646 0,0573 0,0499	0,362·10 ⁻⁴ 0,240·10 ⁻⁴ 0,160·10 ⁻⁴ 0,986·10 ⁻⁵ 0,568·10 ⁻⁵	1,47II 1,4753 1,4796 1,4838 1,488I	0,00185 0,00139 0,00101 0,00070 0,00047	0,00343 0,00258 0,00188 0,00132 0,00088	8,4028 8,8506 9,3716 9,9892 I0,7387
2,60 2,61 2,62 2,63 2,64	0,0426 0,0352 0,0278 0,0204 0,0129	0,299·IU ⁵ 0,139·IU ⁵ 0,536·IU ⁶ 0,153·IU ⁶ 0,243·IU ⁷	I,4923 I,4966 I,5008 I,505I I,5094	0,00029 0,00016 0,802·10 ⁻⁴ 0,313·10 ⁻⁴ 0,782·10 ⁻⁵	$0,594 \cdot 10^{-4}$	II,6736 I2,8883 I4,5579 I7,0777 2I,5366
2,65 2,657	0,0054	0,728·10 ⁻⁹ 0	I,5137 I,5170	0,567·IO ⁻⁵	0,108·10 ⁻⁵	33,399I œ

1

ОТВЕТЫ К РЕШЕНИЮ ЗАДАЧ ГЛАВА 1

1.
$$T_2^* = 812 \text{ K}$$
 $T_{2\alpha\theta}^* = 723 \text{ K}$

2.
$$T_{\mathcal{S}} = 743 \text{ K}$$
 $T_{\mathcal{S}\alpha\partial} = 677 \text{ K}$ 3. $\mathcal{R}_{\mathbf{r}} = 26$ 4. $T_{\mathbf{3}}^* = 1505 \text{ K}$

5.
$$L_e = 628,34 \text{ k/kr}$$
 6. $L_e = 436 \text{ k/kr}/\text{kr}$

 $L_{e\,\,ud}=583\,$ кдже/кг для ТРД, ТРДД и ТВД

7. 1 = 0,394 для ТРД, ТРДД и ТВД

L'IABA II

1.
$$\frac{(C_5^2 - V_n^2)}{2} = 174 \cdot 10^3 (M/c)^2$$
 2. $G_{\bar{I}} = 597 \kappa r/c$
3. $R = 10.9 \cdot 10^4 H$ 4. $G_{\bar{I}} = 14.4 \kappa r/c$ 5. $R = 4.05 \cdot 10^4 H$

- 6. Rya. Orc = 286 Ho/Kr 2 arc = 0,583
- 7. Величина $R_{y\partial,\partial\delta}$ увеличится в 1,67 рав, а величина $R_{y\partial,\partial\sigma}$ уменьшится в 4,2 рава.
- 8. Искомне величины сведены в таблицу.

Искомне параметры	! ТРД	ТРДД	ТВД
Ryd. Oorc, Hc/Kr	917	436	23
Rya. 88, HC/KT	917	1 1308 1	2320
20	0,3	1 0,47	0,945
? 3HC	0,3	0,425	0,755

LIABA III

1.
$$C_{y\bar{d}} = 60, 4 r/H4$$
 2. $\gamma_{\pi} = 0,507$
3. $R_{y\bar{d}} \cdot \partial \delta = 800 \, Hc/\kappa r$ $C_{y\bar{d}} = 72 \, r/H4$
4. $G_{\pi} = 4080 \, \kappa r/c$ 5. $C_{e} = 0,68 \, 10^{-7} \, \kappa r/d \, D_{e} r$

ТАБЛИЦА

перевода некоторых единиц измерения физических величин из различных систем в международную систему (СИ)

Наименование и обозначение величин	! Система ! Размерность! ! единиц !	Значение в единицах СИ
Tara · R	! MKГСС 1 KГС 1 !Внесистемная! кН 1	9,807 H 10 ³ H
Давление Р	MKГСС	9,807 <i>Па</i> 10 ³ <i>Па</i>
Удельный расход топлива $\mathcal{C}_{\mathcal{Y}\partial}$, отнесенный к единице тяги	Внесистемная кг/кгс ч 1 Внесистемная г/нч 1	28,32·10 ⁻⁶ Kr/H
Мощность //	!Внесистемная! Л.С. ! !Внесистемная! к Вт !	735,5 <i>B</i> τ 10 ³ <i>B</i> τ
Удельный расход топлива \mathcal{C}_e , отнесенным к единице работы	Внесистемная кг/л.с.ч Внесистемная кг/к вт.ч	0,378·10 ⁻⁶ Kr/A
Удельная работа компрессора \mathcal{L}_{κ} или турбини \mathcal{L}_{τ} , ниэшая тепло-творность топлива $\mathcal{H}_{\mathcal{U}}$, удельное количество теплоти \mathcal{Q} , удельная энтальпия \mathcal{L}	Внесистемная ккал /кг	4,187·10 ³ Дэнс/к 10 ³ Дэнс/кг 9,807Дэнс/кг
Удельная теплоемкость \mathcal{C}_{ρ} , удельная газовая постоянная R , удельная энтропия \mathcal{S}	BHecucтемная ккал/кг°С Внесистемная ккал/кг°С	4,187·10 ² Донс/кі 9,807Дэнс/кгіК
Массовый расход воздуха $\mathcal{O}_{\mathcal{E}}$, газа $\mathcal{G}_{\mathcal{F}}$, топлива $\mathcal{G}_{\mathcal{T}}$! MKTCC ! кг/с (весовом! !Внесистемная! кг/ч расход); ! !	κη/ο 0,2778·10 ⁻³ κη
Плотность р	I METCC !кгс/м³(уд.вес)! 1 метсс !кгс-с²/м4 !	

ЛИТЕРАТУРА

- I. Абрамович Г.Н. Прикладная газовая динамика. М., "Наука", 1969.
- 2. Борисенко А.И. Газовая динамика двигателей. М., Оборонгиз, 1962.
- 3. Говоров А.Н. и др. Теория двигателей летательных аппаратов. Киев, КВИАВУ, 1965.
 - 4. Дейч М.Е. Техническая газодинамика. М., Госэнергоиздат, 1961.
- 5. Дорофеев В.М. и др. Термогазодинамический расчет газотурбинных силовых установок. М., "Машиностроение", 1973.
- 6. Иноземцев Н.В. Авиационные разотурбинные двигатели. М., Оборон-гиз, 1955.
- 7. Казанджан П.К., Кузнецов А.В. Турбовинтовые двигатели. М., Воениздат, 1961.
- 8. Клячкин А.Л. Теория воздушно-реактивных двигателей. М., "Ма-шиностроение", 1969.
- 9. Кулагин И.И. Теория авиационных двигателей. М., Оборонгиз, 1958.
- IO. Масленников М.М., Бехли Ю.Г., Шальман Ю.И. Газотурбинные двигатели для вертолетов. М., "Машиностроение", 1969.
- II. Нечаев Ю.Н. и др. Теория авиационных двигателей. Часть П. (Рабочий процесс и характеристики газотурбинных двигателей). М., ВВИА им. проф. Н.Е. Муковского, 1973.
- 12. Основы проектирования и жарактеристики газотурбинных двигателей. Под ред. У.Р.Хауторна Т.П., сер. "Аэродинамика больших скоростей и реактивная техника". М., "Машиностроение", 1964.
- 13. Пархомов А.Л. Оптимизация параметров ВРД по экономичности. Труды № 446, ЦИАМ, 1968.
- I4. Реактивные двигатели. Под ред. О.Е.Ланкастера. Т.I2, сер. "Аэродинамика больших скоростей и реактивная техника". М., Воениздат, 1962.
- 15. Стечкин Б.С. и др. Теория реактивных двигателей. (Рабочий процесс и характеристики). М., Оборонгиз, 1958.
- 16. Холщевников К.В. Некоторые вопросы теории и расчета ТРД.М., Оборонгиз, 1960.
- 17. Холдевников К.В. Оптимизация термодинамических параметров ТРДД. Труды № 454, ЦИАМ, 1968.

оглавление

		едисловие	3 5
		Глава I. ГАЗОТУРБИННЫЙ ДВИГАТЕЛЬ КАК ТЕПЛОВАЯ МАШИНА	
8	ī.	с-S - диаграмма рабочего процесса основного	8
8	2	контура ГТД	II
J		Физический смысл работы цикла	II
		Вывод формулы работы цикла, выраженной через па-	
0		раметры рабочего процесса	I2 I5
8	5.	Зависимость работы цикла от его параметров Зависимость работы цикла от температуры газа перед	10
		Турбиной	15
		Зависимость работы цинла от суммарной степени по-	
0		вышения давления	16
		Эффективный к.п.д	20
3	20	цикла	23
		Выводы	25
		Контрольные вопросы	26 27
		Задачи	21
		Глава П. СИЛОВАЯ УСТАНОВКА С ГАЗОТУРБИННЫМ ДВИГАТЕЛЕМ КАК ДВИЖИТЕЛЬ	
ŝ	I.	THE ABURNER STRT	29
		ТРД и ТВД как частные случаи ТРДД	34
3	3.	КПД авиационного движителя Коэффициент гидравлических потерь	37 38
		Полетный к.п.д	4I
3	4.	Сравнение различных типов ГТД как движителей	43
		Удельная тяга ГТД	43
0	-	Принцип присоединения массы наивыгоднейшее распределение энергии между контура-	45
8	5.	ми ТРДД	49
		Выводы	55
		Контрольные вопросы	56
		Валачи	57

3 3	2.	Общий к.п.д. и удельный расход топлива	59
		лива РТД от параметров цикла	6I
		ратуры газа перед турбиной	6I
3	3.	ной степени повышения давления	67
		лива ТРАД от параметров движителя	70
		лива ГТД от внешних условий	73
		POCTM HOJETA	74
		Оптимальный ГГд для различных скоростей полета Зависимость удельных параметров двигателя от темпе-	78
		ратуры наружного воздуха	82
3	5.	Потери в ГТД Зависимость удельных параметров двигателя от потерь	83
		В узлах.	83
		Энергетический баланс ГТД	87
		Koumpontule Pontoon	89
		Контрольные вопросы	90
		Задачи	92
		ПРИЈЕЖОКИЯ	
	1.	Таблицы основных газодинамических функций для воз⊷	
		духа Таблицы основных газодинамических функций для про-	93
		AAKLOB CLODSHAH	102
		Ответы к решению задач	III
	4.	ких величин из различных систем в межлународнию ок	
		cremy (CM)	II2
		_{Питература}	113

Кулагин Виктор Владимирович

ОСНОВНЫЕ ЭАКОНОМЕРНОСТИ РАБОЧЕГО ПРОЦЕССА АВИАЦИОННЫХ ГТД

Учебное пособие

Редактор Э.А.: рызнова Технический редактор Н.М.Каленюк Корректор Т.И.Щелокова

Подписано в печать 25/УП-1975 г. ЕО 14064. Формат 60х84 $^{\rm I}$ /I6. Объем 7,25 п.л. Тираж 500 экз. Цена 35 коп.

Куйбышевский авиационный институт им. С.П.Королева, г.Куйбышев, ул. Молодогвардейская, 151.

Ротапринтный цех областной типографии им. В.П.Мяги, г. Куйбышев, ул. Венцека, 60. Заказ № 497